

التعلم بالعمل في تدريس الرياضيات بالمرحلة الابتدائية

التعتام بالعِمَل في مَدريتِ الرَا**خِيَّات** بالمَدْحَلة الإنتِدائيَّة بالمَدْحَلة الإنتِدائيَّة

و*كتور* س*تعيث رجَابر ا لمنوفي* اسْتَاذ مُشَّارك المنَّاجِيّ وَطِوق تَدَريِيْ الرَّاشِيَّات بكلية المعالمين بجبيّة

1997

المكتبة الغيصلية

حقوق الطبع محفوظة الطبعة الأولى ١٤١٨ هـ _ ١٩٩٧ م

يمنع طبع هذا الكتاب، أو أي جزء منه، أو اختزال مائته بملزيقة الاسترجاع، كما يمنع الافتباس منه أو التمثيل أو الترجمة لأية لفة أخرى، أو نقله على أي نحو، وبالية طريقة، سواء كانت الكترونية أو ميكانيكية أو بالتصوير أو بالتسجيل أو خلاف ذلك، إلا بمولاقة خطية مسيقة من الناشر.



المملكة العربية السعودية مكة المكرمة ــ المعابدة س.ت ١٣٢٧٦

ص.ب ۲۷۰۳ ـ تلفون وفاكس: ۲۷۰۳ م



التشام بابش في ت*كرديث الرب*ا**جيّات** بالمؤمّلة الإنبنة الثيّة



سُبعانكلا علم لنا إلا ما علمتنا إنكأنت العليم العكيم

مدل الله العظيم (۲۲/تينز:)

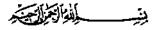
المحتسويات

السيغمة	الموضوعات
	* • * * •
	الفصل الأول: الرياضيات في المدرسة الإبتدائية
٣	العوامل التي أترت على رياضيات المدرسة الإبتدائية
٦.	خصائص برنامج الرياضيات الناجح
٦	أهداف تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية
٧	المهارات الرياضية في المدرسة الإبتدائية
1.	محتوى مقررات الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية
	الغصل المثاشيء القطع العنطقية والتقتير الزياطنى
19	التصنيف
44.	المقارنة
70	المزاوجة
44	القرتيب
	الغمل الثالث: العد وإستخداماته
**	اِستَخد امات -ال عدد
44	بياجيه ومفهوم العدد
44	مراحل تقديم العدد
	الفصل الرابيع: جمع وطرح الأعداد الكلية
٧ ٦	الجمع حتى ناتج ١٠
A1	الطرح من ١٠ أو أتل
A1	الربط بين الجمع والطرح
A9	الجمع بدون استخدام القيمة المكانية
90	حفظ حقائق الجمع والطرح
1.1	الجميع بإستخدام القيمة المكانية الطرح بإستخدام القية المكانية
111	
11-115	الأخطاء الشانعة في للجمع والطرح مراجعة الجمع والطرح
1, 1,	الفصل الفامس: ضرب وقسمة الأعداد الكلية
	الككان الباهال اسرب وسنت الاحداد المنت

العطمة	الموضو عسات	
148	مفهوم المضرب	
144	حقائق الضرب	
122	القسمة	
127	ربط الضرب بالقسمة	-
11.	الضرب بإستخدام القيمة المكانية	
127	القسمة باستخدام القيمة المكانية	D
171	الأخطاء الشائعة في الضرب	3
175	الأخطاء الشانعة في القسمة	
	والسامس: أفكار أولية عن نظرية العدد	الغصل
174	المضاعفات	
140	العوامل	
177	الأعداد الأرلية	
14.	فابنية القسمة	
	. السابع: الكسور الإعتيادية	الغمز
14%	معنى الكسر	
۲	الكسور المتكافئة	
7.7	مقارنة الكسور	
۲۰۳	جمع وطرح الكسور الإعتيادية	
717	ضرب الكسور الإعتيادية	
412	قسمة الكسور الإعتيادية	
	ل الثاون: الكسور العشرية	الغمر
422	تقديم الكسور العشرية	
۲۳۸	ربط الكسور العشرية بالقيمة المكانية	
Y£.	تكافؤ الأعداد المشرية	
711	مقارنة وتزتيب الأعداد العشرية	
711	العمليات على الكسور العشرية	
YOY	الأخطاء الشانعة في الكسور العشرية	
	الكسور العشرية القديمة	

السيفحية	الهوذحو عبات
	الفصل الناسع: النسبة والتفاسب والنسب العنوية
***	النسبة
YTE	النسب المكافئة
730	المعدل
Y10	التناسب
Y1V	التأسيم التناسبي
Y14	مقیاس الرسم
Y14	النسبة المنوية
לעץ	تطبيقات النسبة المنوية في الحياة اليومية
	الفط العاشر: المقابيس وعمليات القياس
۲۹.	تقديم القياس
T9.	الطول
Y 9 7.	المحيط
T9A	المساحة
E.Y	السعة
٣.٥	العجم
۲. ۸	الوزن
717	المزمن
	الغط العامي عشر: الهندسة
444	التوبولوجي
T 47.	الأشكال الهندسية
ም ሂዓ	مفاهيم هندسية أساسية
٣٤٩	المزواييا
107	التحويلات الهندسية
rer	التطابق والتشايه
rev	الإتشاءات الهندسية
F39	استخدام الأشكال الهندسية في المناحية الجمالية
V ,	9

الس <u>امة ت</u>	الموضيو عبات
	الغمل الثاني عشر: الإحصاء
7 77	مفهوم الإحصناء وتطوره
rvr	أهداف تدريس الإحصاءات في المدارس
rv r	أساليب تدريس الإحصاء
TY1	مصادر جمع البيانات
***	طرق عرض البيانات
TAT	أأسام الإحصاء
TAT	استخدام الإحصاء في كتابة وتحليل التشفير
	j



مقيدهة:

الحمد الله الذي خلق فسوى والذي قدر فهدى والصلاة والسلام على المعلم الأول سيدنا محمد صلى الله عليه وسلم وبعد فمن نافلة القول أن الرياضيات أداة مهمة وكثيرة الإستعمال في حياتنا اليومية وفي العلوم والتكنولوجيا كما ينظر المربون إليها كواحدة من أفضل الوسائل الخاصة بتمية المهارات الفكرية. ومن منطئق هذه الأهمية للرياضيات تسعى جميع الدول إلى تطوير محتواها وتطوير الطرق والأساليب المستخدمة في تدريسها. ولما كانت المرحلة الإبتدائية هي البنية الأسامية لأي نظام تعليمي فقد أوجب ذلك الإهتمام بإعداد معملي المرحلة الإبتدائية بصفة عامة ومعلم الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية بصفة عامة ومعلم الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية بصفة عامة ومعلم الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية بصفة خاصة. ومن هنا برزت فكرة هذا الكتاب الذي يهدف الكاتب منه الي.

- مساعدة معلمي المستقبل والمعلمين الممارسين للمهنة على تنمية خلفيتهم في محتوى الرياضيات وطرائق تدريسها في المرحلة الإبتدائية.
- إقتراح بعض الأساليب التي يمكن من خلالها مساعدة الأطفال على بناء الأفكار الرياضية من خلال الأتشطة التي يقومون بها بانفسهم.
- التعاون و الإسهام في تطوير تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية في مجتمعنا لمو اكبة الفكر و الخبرة العالمية.

ويركز هذا الكتاب على الحاجة إلى تقديم الرياضيات من خلال أنشطة متتالية، وهذه الأنشطة تحقق مبدأ التعلم بالعمل، وبممارسة هذه الأنشطة فإن القارىء أو القائم بالتدريس لا يتعلم الرياضيات فقط ولكنه يكتسب خبرات أساسية في التدريس للأطفال، و يتطلب التدريس بهذا الأسلوب معلما معدا للتدريس ويتكيف تبعا للمواقف التعليمية ولا يدرس بالطريقة التي درس بها فقط،

وهذا الإسلوب يتمشى وما يشادى بـه العربــون حيث يقــول هــالعوس Halmos ؟:

- أحسن طريقة للتعلم هي أن تعمل وتسأل وتعمل.
- * أحسن طريقة للتعليم هي أن تجعل التلاميذ يسألون ويعملون.

* لا تعظ بالحقائق وقم بإثارة الأفعال.

وقد جاء هذا الكتاب في إثني عشر فصلا، ونظم كل فصل بحيث يتضمن ست أجزاء هي لتحديد النواتج التعليمية المتوقعة من كل من القارىء والطفل المتعلم **الأهـــــداف:** وهي النواتج التعليمية التي ينبغي تحقيقها بعد قراءة هذا الكتاب - المقدمة ويقصد منها إلقاء الضموء على محتوى القصل والمفاهيم المتضمنة

- الأنشطة وذلك لأنها تستخدم في إثارة الإنتباه وتغريد التعليم وتحقيق النتوع في طرق التدريس.
 - التعليق والمتابعة: وتتمثل في أنشطة إضافية وقريد من المناقشة.
- معلومات إضافية: وهي إثراء للقارىء وزيادة خيراتة بأفكار رياضية متقدمة وقدتتضمن أفكارا تاريخية للتشويق والإثارة.
 - إختير فهمك: وهي عبارة عن أسللة وقد وضعت الأسباب عديدة منها.
 - * قد تساعد القارىء على التعلم أفضيل من القراءة فقط.
 - * تحث على التفكير في العادة وتثرى القدر المكتسب منها.
 - " تمكن القارىء من إختبار فهمه وتقوى هذا الفهم.
 - * تشجع القارىء على أن يسأل أسئلة من عنده.

وإذا استطعت أن تجيب على الأسئلة التي ينتهي بها كل فصل فسوف تكتسب الفهم والمهارة المطلوبين لمعلم الرياضيات الناجح بالمرحلة الإبتدائية. وإذا لم تستطع الإجابة فأعد قراءة الفصل مرة ثانية أو إيحث فسي مصادر أخرى تتعلق بهذا الجزء.

وقد تناول الفصل الأول: رياضيات العرجلة الإبتدائية وأهميتهما ومحتواها وأهداف تدريسها. ثم ركز القصل الثَّاتي: على الأدوات المنطقية وأهميتها في إكتساب أساليب التفكير الرياضي من خلال لعب الأطفال بهذه الأدوات بطريقة مباشرة ثم تعاول الفصل الثالث: العدد واستخداماته المتعددة ثم تتباول القصيل الزابيع: الجميع والطبرح وفي القصيل الخيامس: جاء الضيرب والقسمة ليكملا العمليات الأربع الأساسية. وتضمن القصمل العسادس: بعض الأفكار الأولية عن نظرية العدد مثل المضاعفات والعواسل والأعداد الأولية وقابلية القسمة أما الكسور الإعتيادية والعمليات عليها فقد خصص لها المفصل السمايع: وجاءت الكسور العشرية والعمليات عليها في المفصل الشامن.

واختص الفصل التامع: بالنسبة والتاسب وتطبيقاتهما في حياتنا العامة. وتضمن الفصل العاشمر: التياس ومفاهيمه وخصدص الفصل الصادي عشر: الهندسة ومفاهيمها والإنشاءات الهندسية وأخيرا جاء الفصل الشاتي عشر: في الإحصاء وأهميته وبعض الأفكار الإحصائية التي تناسب طفل المرحلة الإبتدائية.

ويهمس المولف في أذن القارىء بسأن هذا الكتاب ليس للقراءة البسيطة التصفحية ولكنه كتاب عمل ويدعوك لتكن ملما بطرق فعالة لمساعدة الأطفال على تعلم الزياضيات وعلى القارى وهو يمارس الأنشطة الموصوفة في هذا الكتاب أن يسأل نفسه الأسئلة التالية:

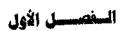
- * ما الرياضيات المتضمنة هذا؟ وما أساليب التفكير المطلوبة؟
- * هل تمكن هذه الأنشطة من مساعدة الأطفال على تعلم الأطفال؟
- هل هذه الأنشطة مناسبة لكى يمارسها أطفال ذوى أعمار مختلفة و قدرات علية مختلفة?
 - * أي من هذه الأنشطة ممتع؟ ولماذا؟ وبأيها يمكن أن يستمتع الأطفال؟

وقبل أن تنتهى هذه المقدمة أود التعبير عن خالص شكرى وتقديري للأستاذه الدكتورة نظلة حسن خضر أستاذ تدريس الرياضيات بكلية التربية جامعة عين شمس والحي زوجتي وأولادي وإلى كمل من ساهم في إبراز هذا العمل المتواضع إلى حير الوجود.

والله أسأل أن ينفع بهذا العمل إنه نعم المولى ونعم النصير.

المؤلف

Septiminal services of the ser



السرياضيسات نسى المدرسسة الابتدائية

- : مقدمة
- * العوامل التي أثرت على رياضيات المدرسة الابتدائية
- * خصائص برنامج الرياضيات الناجح في المدرسة الإبتدائية
 - * المهارات الرياضية في المدرسة الإبتدائية
 - * محتوى مقررات الرياضيات في المرحلة الإبتدائية
 - اهداف تدریس الریاضیات فی الرحلة الإبتدائیة

من المتوقع بعد دراسة هذا القصل أن يكون الدراس قادرا على أن :-

- يذكر شفويا أو تحريريا خمسة ملامح مختلفة لبرنامج الرياضيات الذي يقود الأطفال الى معرفة القراءة والكتابة الرياضية.
 - يحدد ثلاثة عوامل رنيسية تؤثر في برامج الرياضيات المعاصرة.
- - يتعرف على دراسات ونظريات بعض علماء النفعن التي أثرت على تعليم وتعلم الرياضيات.
 - يعرف أهداف تدريس الرياضيات في المرحلة الإبتدانية
 - يحدد ثمانية مجالات مهارية شائعة ومتضمنة في برامج الرياضيات اليوم.
 - يعرف معتنوى مقررات الرياضيات في المرحلة الإبتدائية في الصفوف المختلفة.

مقدمة:

نعيش اليوم في عصر العلم والتكنولوجيا ويتطلب المجتمع في هذاالعصر من المدرسة أن تسهم في اعداد الأطفال للحياة من خلال التعلم المستمر ، ولما كنا نعيش في عصر المتغيرات حيث يطلع علينا العلم كل يوم بجديد فيجب على برامجنا التعليمية أن تمكن المتعلمين من التعلمل مع التغيرات المجهولة .

ونما كانت المدرسة الابتدائية هي القاعدة الأساسية والبنية الرئيسة في أي نظام تعليمي في المالم ، ولما كانت الرياضيات تحتل مكانة رفيعة بين السواد الدراسية التي يتكون منها البرنامج الدراسي حيث تمثل تقريباً ٢٢ ٪ منه فإن ذلك أثقل المهمة على كاهل القائمين على تعليمها وأوجب أيضاً على برنامج الرياضيات في المرحلة الابتدائية بصفة خاصة أن يساعد على مواجهة التحدي بمعنى أنه يجب أن يزود الأطفال بالمعرفة والمهارات والانجاهات التي يحتاجونها للثقافة الرياضية والتي سوف يحتاجونها لدراسة الرياضيات في المراحل الملحقة .

ويمكن للمعلمين من خلال أساليب التعليم والقطم الفطلة أن يوضحوا ويظهروا للأطفال الجانب المثير في الرياضيات وخاصمة في اكتشاف كيفية أداء العمليات على الأعداد.

ويمكن للأطفال أن يبحثوا عن أنساط خلال الأعداد كما يمكن أن ينموا درجة وعيهم بأهدية الأتماط في تنظيم وتركيب الأتكار حول الأعداد وفضلا عما يقدمه المعلم والكتاب المدرمي من تعميمات رياضية فإنه يمكن توجيه الأطفال وارشادهم نحو بناء تتك التعميمات ويمكن للأطفال أيضاً بإستخدام أفكار هم عن الأتماط أن يعبروا وكلمات من عندهم عن التعميمات الرياضية وخلال عمليات الاستقصاء والاكتشاف والبحث عن أنماط وبناء التعميمات يمكن للأطفال أن يبحثوا ويكتسبوا أساليب التفكير الإبتكاري ويستخدموا الرياضيات كوسيلة لحل العشكلات اليومية كما يمكن لهم أيضاً أن ينموا فهمهم وادراكهم للمبادىء التي تمكنهم من إيجاد مداخل بديلة للمشكلات.

وفي عصرنا هذا قد حلت الألات الحاسبة والكمبيوتر مصل الورقة والقلم والوسائل البطيئة في اجراء الحسابات إلا أن ذلك يجب الايمنع الأطفال من أن يعرفوا أنهم في حاجة إلى التمكن من المهارات الرياضية الأساسية.

ويجب أن يفهم كل الأطفال المفاهيم المتضمنة في عمليات الجمع والطرح والضرب والتسمة و وكى يفهموا ذلك يجب أن يتمكنوا أولا من الحقائق الأساسية لتلك العمليات ويفهموا أيضا خوارزمياتها .

وخلال سنوات المدرسة الابتدائية يجب أن يراعي في تدريس الرياضيات للأطفال مايلي:

- اتاحة الفرصة لهم للتعامل مع الأشياء والتماذج المحسوسة لكي ينعو فهم خصائص
 العدد والأنظمة المدية لديهم .
- ٢- ارشادهم وتوجيههم ومرورهم بخبرات لإكتشاف المفاهيم الرياضية ولتنعية فهمهم
 لعمليات القياس والحسابات .
- تركهم يعملون وفقاً لقدر اتهم وإستعدادتهم الفردية وأساليبهم الخاصة في التعلم
 وبمحدادت تناسبهم كأفراد
- أثارت. هم لكي يستمتحوا بدراسة الرياضيات وتتمو لديهم الإنجاهات الايجابية نحو
 المادة
- توجيههم وازشادهم إلى التعرف على أهمية الرياضيات ودورها في المجتمع في
 عصر زاد ثيه الإعتماد على العلم والتكنولوجيا .

العوامل التي أثرت على رياضيات المرحلــــة الإبتدائية :

دلت نتائج البحوث والدراسات التي اجريت على برامج الرياضيات في المرحلة الابتدائية أن هناك عوامل ثلاثة أثرت على محتوى الرياضيات ولهزراءات تدريسها وهذه العوامل تتمثل في :

- - ٣- الإهتمام بالرياضيين المهنيين Professional Mathematicions
 - ٣- البحوث في عملية التعلم Learning Process

فالكمبيوتر والألات الحاسبة وأساليب التشفيل الآلي ثلاثة مستجدات أفادت كثيراً الرياضيات سواء في مجال النظريات الرياضية أو في مجال فهم الرياضيات لدرجة أن البعض يعتبر تلك المستجدات بمثابة هدية ومكافأة للرياضيات

فألات تسجيل واجراه الحسابات الموجودة بمعظم محلات البقالة والمحلات التجارية الآن قد أنقصت الحاجة إلى المهارت المتطلبة لمدى الأفراد لإجراء العمليات الحسابية الكبيرة والمعقدة . وفي نفس الوقت فهناك حاجة متزايدة لكي يكتسب الأفراد المعرفة والمهارات في تشغيل تلك الآلات ووضع برامج لها والقيام بالصيائة اللازمة لها.

ومع انتشار أجهزة الكمبيوتر ورخص أسعارها فإن مهنة البرمجة وبحوث العمليات أصبحت تدر دخلاً كبيراً من خلال الحاجة اليها في الصناعة وادارة الأعمال وغيرها من المجالات .

ويمكن وصف التشغيل الآي بانه عملية تشغيل آلات بألة . وهو نتجة مباشرة لزيادة استخدام الكمبيوتر الذي يستخدم الآن في مجالات متقدمة مثل رحلات الفضاء والتحكم في توزيع الكهرباء وفي مجالات طباعة الصحف والتحكم في حركة المطارات في استغبال الطائرات وما إلى ذلك. أي أنه يسهم في تشغيل تلك الألات وبدونه سوف يكون الأمر في غاية الصعوبة ولا نستطيع الحصول على متطلبات طبية الأن من تقدم ورفاهية والتشغيل الآلي يقضى على عديد من المهن ويغير متطلبات البعض الأخر منها وفي الوقت نفسه فإنه يقتح المجال أهام مهن أخرى عديدة في المجالات الصناعية وغيرها . وكثير من هذه المهن الجديدة تتطلب أشخاصاً لديهم فهم أعمق بالمقارنة بالماضي .

ونتيجة لزيادة الحاجة الى الرياضيات والإعتماد عليها في عصر التطور والتقدم زاد اهتمام الدول العقدمة بالرياضيات وحرصت على تطورها كملم وعلى تطوير تعلمها ففي الولات المتحدة الأمريكية مثلاً وعقب الحرب العالمية الثانية وافقت الحكومة على انشاء المؤسسة الطمية الوطنية الوطنية الوطنية الثانية وافقت الحكومة على عاتقها مسنولية تطوير السياسة القومية في مجال البحث العلمي والتربوي وفي عام ١٩٥٥ بدأت (NSF) المعمل في مجموعة براسة الرياضيات العلمي سائر المنافقة (NSF) . وقل عام الرياضيات المدرسية (SMSG) . المرحلة الثانوية ثم تحول اهتمامهم الى المرحلةين المتوسطة والإبتدائية . وفي الستينات في ظهرت مشروعات رياضيات المرحلة الإبتدائية مثل مشروع جامعة الينوي ومشروع عاديسون وبرنامج مؤسونا المدريس الرياضيات والعلوم . وتمثلت تلك المشروعات والاحتمالات المحمد والإحتمالات والمجموعات والتركيز على خصائص المدد والميتات ،

وهناك تأثير أخر على رياضيات المدرسة الإبتدائية ألا وهو اكيف يتعلم الأطفال؟". فالدراسات والبحوث التي قام بها كل من وليام برونيل William Brownell وجان بياجيه Jean Piaget وجروم برونير Jean Piaget وجان بياجيه Jean Piaget ورويرت جانييه Richard Skemp وجين مينارد سكمب Richard Skemp حول عملية التعلم قد استثبلها مطوروا المناهج والتربويون على كل المستويات بكل اهتمام ودرسوها بتمعن وتدقيق. ففي الثلاثينات اهتم برونل بمساعدة الأطفال على روية علاقة الأجزاء بالكل والكل بالأجزاء وكان ذلك بداية نظرية المعنى Meaning Theory والتي لكدت على وجوب اتاحة الفرصة للأطفال لكي يعملوا بأيديهم ويكتشفوا بأنفسهم معاني الأعداد وقد بينت أبحاث برونل وزملاوه أنه

يمكن للأطفال أن يفهموا معنى ما يفطون خلال عملهم مع الأعداد بدون أي فقد للعسرعة في تعلم الحقائق الأساسية وفي تتمية المهارة في أداء العمليات على الأعداد .

وانشارت در اسات بياجيه الى أهمية الأخذ في الإعتبار مستويات النسو المعرفي المُطفال عند تخطيط أنشطة تعليمية لهم . وسوف ننـــاقش بعضـــاً من أبــــاث بياجيــه فــي الفصلين القادمين بإذن الله .

وأكد بمرونز وجانبيه وسكمب على أهمية بنية الرياضيات عند تخطيط الأنشطة وعند تطوير البرامج .

وقدم برونسر أسلوباً نظرياً للتعلم بالاكتشاف ركز فيه على الخبرة العلموسة للمتعلم ولعبه بالعواد والأدوات التعليمية . وقدم ثلاث مراحل للتعلم بالاكتشاف يمر بها المتعلم هي ١- مرحلة النشاط حيث يتعامل فيها المتعلم هي ١- مرحلة النشاط المساشرة ٢- مرحلة الصور الذهنية حيث يقكر المتعلم في الأشياء ذهنياً دون انتمامل المباشر معها ٣- المرحلة الرمزية حيث يتعامل العتعلم بالرموز مباشرة بطريقة مجردة . والاكتشاف في نظر برونر ليس شيئا خارجاً عن المتعلم ولكنه يتضمن اعادة تنظيم الافتكار المعروفة سابقاً في ذهنه وبين التنظيم الموجود في الشيء الجديدالذي يقابله والذي يجب أن يطوع تفكيره له ببنانه تنظيماً جديداً يتغق معه ومن أجل التعرف على العوامل المتضمنه في تعلم وتعليم الرياضيات.

لاحظ برونر وزملاوه عدداكبير أمن تصول الرياضيات واجروا تجارب على تعليم وتعلم الرياضيات وكنتيجة لهذه الملاحظات والتجارب كون برونر وكيني (١٩٦٣) أربع نظريات عامة عن تعلم الرياضيات والحلقوا عليها: نظرية البناء ، نظرية المصطلحات ، نظرية التباين والإختلاف ، والنظرية الإرتباطية .

كما أن أبحاث روبرت جانبيه R Gagne في أطوار تقابع التعلم وأنماط التعلم
ترتبط بصفة خاصة بتدريس الرياضيات وقد استخدم جانبيه الرياضيات كوسط لاختبار
وتطبيق نظريته عن التعلم. وأطوار التعلم التي حددها جانبيه هي الوعلي ، الاستيعاب ،
التخزين ، الارجاع وأنماط التعلم التي قام بدراستها جانبيه وحددها هي ، التعلم
الارشادي تعلم الارتباط بين العثير و الاستجابة - التعلم التسلسلي - الارتباط اللغوي -
التعلم عن طريق التمايز - تعلم المفهوم - تعلم القاعدة تعلم حل المشكلات .

وتقوم نظرية دينيز Dienes في تعلم الرياضيات على أساس اعتبار أن التعلم يسير في دورات متعاقبة كل دورة تتكون من ثلاث مراحل هي اللعب والتكوين أو البناء والتحقيق وتظهر في نظرية دينيز أهمية اللعب والممارسة وظهر من تجاربه أنه يمكن اعطاء طفل المرحلة الإبتدائية العفاهيم التي كانت تعطى في المرحلة الثانوية اذا تدمت بطريقة ملموسة مثل المعادلات عن طريقالموازين ، والمتجهات عن طريق أطباق وقناجين والأعداد بأساسيات مختلفة عن العشرة عن طريق مكعبات دينيز .

خصائص برنامج الرياضيات

بالرغم من الإتفاق غير التتام حول محتوى الرياضيات والاجراءات التدريسية ومواد التعلم والأهداف التي نعايشها في حاضرنا اليومسي فإنـه توجد بعض الخصـائص الهشتركة لبرنامج الرياضيات الناجح في المدرسة الإبتدائية هي :

- ١- يقدم المحتوى في تتابع وتـ وال بمعنى أن تؤخذ بنية الرياضيات Structure of في الحسبان .
 Mathematics
- ٢- يؤخذ في الإعتبار عندتخطيط الأنشطة كل من مستوى النمو المعرفي لكل طفل
 و الخلفية الرياضية له .
- ٣- تقدم الموضوعات الرياضية الجديدة أولا في صورة ملموسةثم في صورة شبه
 ملموسة واخيراً في صورة مجردة
 - ٤- يتضمن المحتوى الهندسة وموضوعات أخرى مثلها مثل الحساب التقليدي .
 - ٥- تطور لغة الرياضيات ورمزيتها بصورة منتظمة .

الأهداف العامة لتدريس الرياضيات في المرحلة الإبتدائية

يدعو التطور السريع في العالم بشتى المجالات العلمية والتكنولوجية والتربوية الى تزويد تلميذ المرحلة الإبتدائية بالمعلومات والخبرات التي تمكن من التعامل والتكيف مع مجتمع متطور ، وحتى يودي تدريس مادة الرياضيات دورة فإن الأهداف المنتظر تحقيقها هي :

- ١- تعرف التلميذ على المفاهيم والمعلومات الرياضية التي تتناسب ومستواه في
 هذه المرحلة وذلك من خلال التعرف على :
 - * مجموعة الأعداد الطبيعية والعمليات عليها .
 - * الكسور الاعتيادية والعشرية والعمليات عليها .
 - بعض المجسمات والأشكال عليها .
 - * القياس ووحداته ،
 - * مبادى، أولية في الهندسة وبعض التحويلات الهندسية .
 - * ميادىء في جدولة البيانات وتمثيلها وقراءتها .
 - ٧- اكتساب التاميذ بعض المهارات الرياضية وتشمل :
- اجراء العمليات الأساسية على مجموعة الأعداد الطبيعية وعلى الكسور الاعتيادية والعشرية .

- * استخدام المعلومات الرياضية في مواقف الحياة اليومية .
 - تصنیف البیانات وجدولتها وتمثیلها بیانیا وتفسیرها
- * ترجمة المسائل اللفظية (الكلامية) الى رموز رياضية والعكس .
 - ٣- اكتساب اساليب التفكير الرياضي وذلك من خلال:
- * تحديد المعطيات والمطلوب في المسألة ثـم اختيار العمليات المناسبة * لوصول الى الحل وتبريره.
- استخلاص قاعدة عامة من بعض الحالات الخاصة وتطبيق القاعدة العامة
 على الحالات الخاصة .
 - الريط بين العلاقات الرياضية .
 - * التحقق من صحة الحل ومعقوليته .
 - ٤ انماء اتجاهات ومواقف ايجابية لدى التلميذ نحو الرياضيات وذلك من خلال :
 - * الثقة بالنفس عند حل المسائل الرياضية .
 - * تقدير الجوانب الجمالية في الأشكال الهندسية والعلاقات الرياضية .
 - الشعور بالرضى والأرتباح حين حل المسائل الرياضية .
 - * الميل والرغبة في در اسة الرياضيات .

المهارات الرياضية في المدرسة الإبتدائية

إن اكتساب المهارات الرياضية اللازمة للنمو الرياضي هدف أساسي من أهداف تدريس الرياضيات بالمرحلة الابتدائية ويقصد بالمهارة هذا الكفاءة فـي آداء عمليسة رياضية بفهم ودقة وسرعة .

ويعنى الفهم إدراك الموقف ككل ثم إدراك مدي العلاقة بين العناصر الداخلة فيه واختيار العناصر المناسبة واستبعاد غيرها مع القدرة على تعليل وتفسير ووضع العناصر بصورة معينة للوصول الى حل ما . والفهم أهم ما يميز الاتجاهات الحديثة في تدريس الرياضيات ويذكر أبو العباس (1) أمثلة لمفاهيم يرتبط بها الفهم بصورة عامة منها :

- ١- فهم معنى العدد ومدلوله .
- ٢- فهم فكرة التناظر الأحادي .
 - ٣- مبدأ العد .
- ٤- خصائص أساس النظام العشري .
- معنى كل من العمليات الأربع الأساسية (الجمع والضرب والطرح والقسمة)
 - الملاقات بين حقائق عددية خاصة مرتبطة بالعمليات الأربع الأساسية .

- ٧- خولص الإبدال والدمج والتوزيع على العمليات الأماسية
 - ٨- فهم الأساليب الإجرائية لكل من العمليات الأساسية .
- العلاقة بين الكسور الإعتبادية والكسور العشرية والنسب العنوية .
 - ١٠- العلاقات أكبر من أقل من تساوى .
 - ١١- فكرة القياس والعلاقات بين وحداث القياس الشائعة .
 - ١٢- القوانين والعلاقات في مبادىء الهندسة ,

والدقة في الرياضيات تأتي بعد الفهم عند اجراء العمليات الرياضية والدقة تهدف المي الوصول الى الاجابة الصحيحة أوممارسة الاسلوب الصحيح ومن أمثلة الدقة المطلوبة في المرحلة الابتدائية الدقة في استخدام أنوات الهندسة في القياس وقي الرسم والدقة في أجراء العمليات العسابية وبالنسبة للسرعة فهي عامل أساسي في اكتساب المهارة . والفهم والدقة والسرعة عوامل مرتبطة وكل منها شرط أساسي وضروري ولا غنى عنه .

وفيما يتعلق بمجالات المهارة في رياضيات المرحلة ، لابتدانية قدم المركز القومي لموجهي الرياضيات بالولايات المتحدة في ١٩٧٧ ورقة حدد فيها عشرة مجالات للمهارة يجب أن يكتمبها الطلاب قبل أن يكملوا المدرسة الثانوية هي :

- ١ حل المشكلات .
- ٢- تطبيق الرياضيات في مواقف الحياة اليومية .
- ٣- الحذر والاحتراس من عدم ربط النتائج بالأسياب .
 - ٤- التقدير والتقريب .
 - ٥- مهار ات حسابية مناسبة .
 - ٦- الهندســـة .
- ٧- قراءة وتفسير وبناء الجداول والخرانط والأشكال والرسوم البيانية .
 - ۸- القياس.
 - ٩- استخدام الرياضيات في التنبز .
 - ١٠ ثقافة الكمييوتر .
 - كما ذكر عبيد (١٠)أن الطلاب يجب أن يكتسبوا المهارات التالية :
- ١- مهارات حل المشكلات: من خلال استخدام مداخل حل المشكلات لبحث وفهم
 ما يواجهونه من مسائل رياضية ، صياغة مسائل وتمارين من الحياة اليومية
 ومن مواقف رياضية ، تنمية وتطبيق استراتيجيات لحل أنواع متنوعة من

- المسائل ، التحقق من الأجوبة التي يحصمل عليها وتفسير ها بالنسبة المسائل الأصلية ، اكتساب الثقة في امكانية استخدام الرياضيات استخداماً مفهوماً.
- ٧- الاتصال باستخدام نغة وأساليب الرياضيات من خلال ربط المواد المجسمة والعسور والاشكال بأفكار رياضية ، المتأمل ووضوح التفكير عند القيام بعملية رياضية أو دراسة أفكار رياضية ، ربط لغة الحياة اليومية بلغة ورموز الرياضيات . كما أن قراءة وكتابة ومناقشة الرياضيات جزء حيوي من تعلم والستغدام الرياضيات !
- ٣- ممارسة تعليل ما يقوم به المتعلم من عمل رياضي من خلال: استخدام نتانج منطقية ، استخدم نماذج وحقائق وخواص وعلاقات لشرح نتائج طرق التفكير . التعليل للإجابات التي يحصل عليها والخطوات التي يقوم بها عند حل مسألة ، تحليل الموقف الوياضي قبل البدء في معالجته .
 - ٤- الربط بين الأفكار الرياضية وبين المواد التعليمية الأخرى .
- تنمية القدرة على التقدير التقريبي: من خلال: دراسة طرق التقدير ، معرفة مـدى
 مناسبة التقدير للإجابات الصحيحة ، تحديد معقولية النتائج ، وتطبيق التقدير
 التقريبي في أنشطة متعددة ، مثل نتائج العمليات الحسابية والقياس وحل المشكلات .
- ٣- تنمية القدرة على التعامل بالعدد من خلال: ربط معنى العدد بخبرات حياتية واستخدام مواد مجسمة توضيحية ، فهم نظام المد والمفاهيم المرتبطة به مثل القيمة المكانية ، تنمية الحس العددي ، تفسير الإستخدامات المتعددة للأعداد في الأنشطة الحياتية .
- احتمية القدرة على اجراه العمليات الحسابية بأعداد صحيحة من خلال فهم معنى كل عملية بواسطة مواقف متعددة تستخدم فيها ، ربط لفة ورصور العمليات بالمواقف المستخدمة فيها وباللغة الدارجة، تتمية الحس بالعمليات وصياغة مواقف ومسائل يمكن تمثيلها بعملية أو اكثر ، اتقان مناسب للحقائق الأساسية وخطوات اجسراء العمليات ، استخدام اساليب متنوعة لإجراء العمليات الحسابية وتكدير نتانجها ، استخدام حاسبات الجبيب في المواقف المناسبة ، اختيار واستخدام الأساليب الملائمة لإجراء العمليات الحسابية معالية من المواقف المناسبة ، اختيار واستخدام الأساليب الملائمة لإجراء العمليات الحسابية معاينة مع المشكلة المطلوب علها .
- ٨- تنمية الحي الهندسيي الحس بالفراغ من خلال : وصف وعمل نماذج ورسم أشكال هندسية ، دراسة وتنمية نتائج دمج أو تنسيم أو تغيير الأشكال ، تنمية الحس المكانى ، ربط الأفكار الهندسية في البيئة المحيطة .

- 9- مهارة القياس ، من خلال فهم خصائص الطول والوزن والمساحة والحجم والسعة والمزمن والحرارة والزاوية ، تتمية القدرة على القياس وفهم وحدات القياس ، تقدير قياسات معينة ، عمل واستخدام قياسات في مواقف حياتية .
- ١١- التعامل بالكسور العادية والعشرية من خلال فهم معناها والربط بينها وإجراء عمليات عليها .
- ١٦- التعرف على أنماط وعلائمات من خبلال : التعرف على وصف وتوسيع أنماط منتلفة ووصف بعض العلاقات الرياضية ، استخدام المتغير والجمل المفتوحة للتعبير عن بعض العلاقات .

هذا وهناك توصيات بزيادة الاهتمام بالحس العددي والحصاب العقلي واستخدام الحاسبات والتقدير التقريبي وفهم ووصف البيانات وادر الك مفهوم الاحتمال والصدفة وحل مسائل كلامية مرتبطة بصواقف حياتية والتدريب على مهارات حل المشكلات .

وفي نفس الوقت هذاك توصيبات بالاقلال من الاهتمام بالتتريب المبكر على قراءة وكتابة وترتيب رموز الأعداد، وبالعمليات الحسابية المعقدة باستخدام الورقة والقلم، وبالقسمة المطولة، وبالمعاني الحسابية المجردة وبالعملوات الحسابية الخاصمة بالكسور بإستخدام الورقة والقلم.

محتوى مقررات رياضيات المرحلة الابتدائية:

لقد دار جدل كبير وبذل كثير من الجهد والوقت والتفكير في تحديد محتوى مغررات الرياضيات بالمرحلة الابتدائية .

وكان الاعتقاد الساند بأن الوقت الكبير ينقضي والمجهود الذي ببدل، يبذل في عمل قليل القائدة أو عمل لا معنى له .

كما كان التركيز في تعليم الرياضيات على اسس وجذور العلم ولكن كثيراً من الأطفال لم يفهموا ماذا يعملون ولكن تغيرت النظرة الآن ، وأصبح معظمنا يرى أن كثيراً من موضوعات الرياضيات التقليدية أصبحت لا تناسب المصرر الذي نعيشه الآن كما أنها لا تناسب حاجات الحياة اليومية ولا العلم والصناعة والتكنولوجياً م

والخلت موضوعات معاصرة أكثر ملاءمة من الموضوعات التكليدية لأنها تلبي احتباجات الأطفال كما تلبي لحتباجات المجتمعات . ولم يعد التركيز على جذور الرياضيات ولكن أصبح التركيز على مساعدة الأطفال على أن يفكروا بأنفسهم ، وعلى أن يتعلموا من خلال الأنشطة التي يقومون بها ، وأن يستمتموا بما يفعلون .

وهناك مثل صيفسي قديم يؤيد تلك النظرية المعاصرة لتعليم وتعلم الرياضيات يقول :

" أنا أسمع وأنسى ، وأرى وأتذكر ، وأعمل وأقهم " .

ويرى البعض أنه إذا وجد فهرس بمعتوى الموضوعات الرياضية المتضمنة قسوف بودي ذلك الى نتائج طبية فيما بعد .

وفيماً يلمي قانصة بمفردات محتوى رياضيات المرحلة الابتدائية موزعة علمي الصفوف الستة كما جاءت في برنامج المشروع الريادي لتطوير تدريس الرياضيات فمي الوطن العربي (٢)

الصف الأول الإبتدائي :

الأعداد والعمليات :

تقوم المفاهيم الآتية بتوظيف مفاهيم المجموعات والعلاقات :

- مفهوم العدد الطبيعي من خلال أنشطة التصنيف والمقارنة وتكافؤ المجموعات .
 - قراءة الاعداد من (١-٩) وكتابتها .
 - مقارنة الاعداد من (۱ − ۹) واستعمال الرموز (> ، < ، =) .
 - ترتيب الأعداد من (١ ٩) ومكونات كل منها .
 - العدد صفر : قراءته وكتابته .
 - العقود حتى (٩٠) ويتم تقديمها من خلال أنشطة التجميع.
 - الاعداد المكونة من رقمين حتى (٩٩) .
 - القيمة المكانية للرقع في العدد المكون من رقمين .
 - الاعداد النزتيبية (الاولالعاشر) .
- مفهوم عملية الجمع والرمز (+) وجدول الجمع حتى (٩ + ٩) جمع عددين بدون احتفاظ .
 - مفهوم عملية الطرح والرمز () وجدول الطرح .
 - العد النتازلي والتصاعدي حتى (٩٩) .
 - مفهوم النصف والربع دون كتابتهما .
 - * الهندسة :
- التعرف على بعض المجسمات (الكرة المكعب الاسطوانة متوازي المستطيلات) .

- التعرف على بعض الاشكال الهندسية المستوية من خلال التحرف على وجوه الاجسام السابقة .
 - الشبكة :
- التعرف على الفضاء : أمام خلف فوق تحت يمين يسار أعلى اسفل بين ...الخ .
 - _ الخطوط : الخط المغلق الخط المفتوح ،
 - المنطقة : داخل خارج ،
 - الطرق (المتاهات) .
 - * القراس :
- نشاطات تتضمن قياس الأطوال بوحدات مقننـة بالشمير أطـول أقصـر .- مفهـوم الطول : أطول - أقصر .
 - الزمن : اليوم الاسبوع .
 - النقود : وحدات النقد الأساسية (القطع النقدية) .

الصف الثاني الإبتدائي :

- الاعداد والعمليات
- مراجعة الاعداد الطبيعية حتى ١٩ (قراءتها وكتابتها) .
- العدد ١٠٠ ويتم تقديمه خلال تجميع الحزم .
- الاعداد المكونة من ٣ أرقام حتى ١٩٩ والقيمة المكانية للرقم قبها -
 - الجمع بدون حمل ثم مع حمل.
- الطرح بدون تفكيك (اعادة التسمية) في حدود المطروح منه اصغر من ١٩ والمطروح اصغر من عشرة .
- منهوم عملية الضرب والرمز (×) في حدود ٥ × ٥ ، القسمة والرمز (÷)، ربط عملية القسمة بعملية الضرب .
 - المقانة بين الاعداد واستخدام الرموز (> ، < ، =) .
 - الكسور ين ، إن ين من خلال امثلة من الحياة .
 - حساب ذهني في جدود ما سبقت در استه .
 - مسائل تطبيقية في حدود خطوة واحدة .
 - * الهندسة :
 - التعرف على الاشكال المستوية التالية (المثلث المربع المستطيل الدائرة)
 الشبكة :
 - التنقل على تربيعات الشبكة وتطبيقات تتعلق بذلك .

* القياس :

- المتر السنتيمتر ،
- وحدات غير مقننة للساعة .
- الساعة بوحدات كاملة الشهر .
 - النقود المحلية وأجزاؤها .
 - مفهوم الوزن: اثقل أخف.

الصف الثالث الإبتدائي :

- * الأعداد والعمليات :
- مراجعة الاعداد الطبيعية حتى ٩٩٩ .
- مفهوم الالف ومنزلة الألاف والاعداد حتى ٩٩٩٩ .
 - الطرح بالتفكيك (اعادة التسمية) .
 - جدول الضرب حتى 4 × 1 .
 - القسمة كعملية عكسية للضرب.
- ضرب العقود في عدد مكون من رقمين أو ثلاثة أرقام في عدد مكون من رقم و احد .
 - القسمة على ٢ .
 - * الاعداد الزوجية والاعداد القردية :
 - القسمة بباقى في حدود جدول الضرب
 - - مسائل تطبيقية في حدود خطوتين .
 - الحساب الذهني في حدود ما سبق در استه .
 - * الهندسة :
 - المضلع .
 - الخط المستقيم .
 - النقطة .
 - الزاوية .
 - تقاطع مستقيمين .
 - التعرف على اضلاع الاشكال الهندسية المستوية السابقة وقياسها .

- ايجاد محيط المربع والمستطيل والمثلث .
- فكرة المساحة باستخدام الشبكة مع تطبيقات عليها .
 - القياس :
 - الديسيمتر الملايمتر الكيلومتر .
 - اللت
 - السنة الهجرية والميلادية الساعة والدقيقة .
 - الكيلو جرام والجرام .
 - التحويلات بين وحدات النقد .

الصف الرابع الإبتدائي :

- الاعداد والعمليات :
- مراجعة الاعداد الطبيعية حتى ٩٩٩٩ .
 - الإعداد حتى ٩٩٩٩ .
- ضرب عدد في ١٠٠٠، ١٠٠٠،
- ضرب عدد مكون من رقمين أو ثلاثة في عدد مكون من رقم أو رقمين .
 - قابلية القسمة على ٢ و ٥ .
 - مفهوم الكسر العادي (الاعتيادي) قرامته وكتابته .
 - جمع كسرين لهما المقام نفسه .
 - طرح كسرين لهما المقام نفسه .
- مقارنة كسرين لهما المقام ذاته وكسرين مختلفي المقام من خلال أمثلة حسبة .
 - حساب ذهني في حدود ما سبق در استه .
 - مسائل تطبيقية في حدود ٣ خطوات
 - * الهندسة :
 - الزوايا :
 - القعرف على الزاوية القائمة والحادة والمنفرجة .
 - مقارنة الزوايا باستخدام الزاوية القائمة .
 - وضع مستقيم بالنسبة لمستقيم آخر (التقاطع التعامد التوازي) .

- رسم كل من المربع والمستطيل .
- مساحة كل من العربع والمستطيل .
 - الشبكة :
- النتقل على التربيعات الشبكية المسالك المتكافئة -
- التناظر بالنسبة لمستقيم (الطي) التناظر بالنسبة الى نقطة .

القياس:

- مر اجعة وحدات النقد وتطبيقات عليها .
 - المتر اجزاوه ومضاعفاته .
- السنتيمتر المربع المتر المربع الديسيمتر المربع وحدات المساحة المحلية
 - مضاعفات الجزام .

الصف الخامس الإبتدائي :

- الإعداد والعمليات :
- مراجعة ما سبقت دراسته عن الاعداد والعطيات عليها .
 - المنبون والمنبار .
- تسمة عددين مع باق وبدون باق والتحقق من صحة القسمة عن طريق الضرب .
 - قابلية القسمة على كل من ٢ ٥ ٩ ٣ ١ ١ ١ ١ .
 - الاعداد الاولية في حدود ١٠٠ .
 - تحليل عدد الى عوامله الأولية .
 - قاسم عدد القاسم العشترك الاكبر .
 - المضاعف المشترك الاصغر .
 - تحويل عدد الى كسر غير بسيط وبالعكس .
 - مسائل من الحياة تتضمن عمليات الاعداد الطبيعية والكسور العادية والعشرية .
 - -مسائل تطبیقیة علی ما سبقت در استه .
 - الحساب الذهنى -
 - الاعداد العشرية والعمليات عليها -

- العمليات على الاعداد المتعلقة بالزمن .
 - الهندسة :
- مفهوم الدرجة واستخدام المنقلة في قياس الزوايا .
- اقامة عمود على مستقيم من نقطة واقعة علية بالمثلث القانم والمسطرة .
- اسقاط عمود على مستقيم من نقطة خارجة عنه بالمثلث القائم والمسطرة .
 - رسم مستقم يوازي مستقيماً لأخر بالمثلث القائم والمسطرة .
 - شبه المنحرف متوازي الاضلاع المعين .
 - ارتفاع المثلث .
 - مساحة متوازي الأضلاع والمعين وشبه المنحرف والمثلث .
 - المساحة المساحة الجانبية المتوازي المستطيلات والمنشور القائم .
 - مقهوم الحجم و
 - التربيعات الشيكية :
- تعارين متنوعة على التربيعات الشبكية تتعلق بالتناظر بالنسبة الى مستقم وبالنسبة الى
 نقطة .
 - استخدام التربيعات الشبكية تقياس المساحات.
 - احداثها نقطة ،
 - * القياس :
 - السنتيمير المكعب النسم المكعب (الليتر) المتر المكعب .

الصف السادس الإبتدائي :

- الاعداد والعمليات:
- الاعداد حتى المليار.
- مفهوم قوة العدد الاس الاساس .
- الجنر التربيعي للمربع الكامل بالتحليل الى عوامله الاولمية .
 - الجذر التكعيبي بالتحليل الى العوامل الاولية .
 - التقريب
 - الاحصاء : تبويب البيانات وتعثيلها بالاعمدة والرسوم .

- النسية التناسب النسبة المثوية .
 - التقميم التناسبي .
 - الوسط الحسابي وتطبيقات بسيطة .
 - مقياس الرسم .
- مسائل من الحياة تتضمن عمليات على مجموعة الاعداد الطبيعية والكسور العادية
 والعشرية .
 - حساب ذهنی .
 - * الهندسة :
 - تُقديم مفهوم النسبة التقريبية .
 - محيط الدائرة ومساحتها .
 - انواع المثلث بالنسبة لأضلاعه وزواياه .
 - مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمثلث ١٨٠ درجة .
 - المساحة الجانبية والكلية للمكعب ولعنوازي المستطيلات ولملاسطوانة وللمنشور .
 - حجم كل من المكعب ومتوازي المستطيلات .
 - * التربيعات الشبكية :
 - تعيين النقطة على التربيعات الخطوط البيانية .
 - انشاء مضلعات على التربيع الشبكي .
 - انشاء مضلعات على التربيع الشبكى .
 - التناظر الانسحاب (الازاحة) .
 - * القياس :
 - نظام القياس العتري للأطوال والمساحات والحجوم والاوزان.



القطع المنطقية و التفكير الرياضي

- * مقدمة
- ء التصنيف
 - * المقارنة
- * المزاوجة (التناظر الآحادي)
 - * المترتيب

- من المتوقع بعد دراسة هذا الفصل أن يكون الدراس قادرا على أن :-
 - 1- يعرف أهمية التصنيف في بناء االفكر الرياضي .
 - ٧- يمرف فائدة اللعب الحر للأطفال.
 - ٣- يساعد الأطفال على أن يستمع للسوال ويجيبه.
 - أ- يساعد الطفل على تسجيل ما يقوميه من نشاط.
- ٥- يساعد الطفل على تعلم عبارات مثل أطول من أكبر من ألل من- نفس العدد.
 - ٣- يمرف كيفية نمو خاصية التصنيف لدى الأطفال.
 - ٧- يعرف أهمية المزاوجة في دراسة العدد،
 - ٨- يستخدم بعض الأنشطة لتقديم الترتيب للأطفال.
 - ٩- يعرف دور بياجيه في التأثير على تعليم وتعلم الرياضيات.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا القصل أن يقدر على أن :-
 - * بصنف حسب خاصية واحدة (الشكل اللون....) وحسب خاصيتين.
 - ويتو ف على الملائتين؛ أكبر من وأتل من ويميز بينهما.
 - * يقارن بين الأبعاد والأطوال.
 - * يزاوج بين عناصر مجموعتين،
 - * ير أب بعض الأشياءحسب خاصية معينة،

مقدمية

زاد الاهتمام الآن بالتركيز على مساعدة الاطفال على أن يفكروا بأنفسهم وعلى أن يتعلموا من خلال الانشطة التي يقومون بها وأن يستمتعوا بما يفعلون . وذلك لأن الطفل إذا فهم العمل الذي يقوم به ورأى الموضوعات التي يدرسها مناسبة ووثيقة الصلمة بحياته تسوف ينمو ويتقدم في دراسة الرياضيات .

ومن المعلوم لدينا أن الطفل قبل أن يذهب الى المدرسة – يتعلم كذيراً مما يحدث في منزله وفي الشارع والمحلات والاماكن الاجتماعية التي يتردد عليها ، قهو يستمع ويتكلع ريفهم وتتكون لديه كثير من الخبرات التي يكون لبعضها علاقة بالاقكار الاساسية للرياضيات ولكن بدون استخدام لغة رياضية سليمة ، فهو على سبيل المثال يستخدم أوعية مثل الأكواب – القفاجين – الاطباق – علب الكرتون الفارغة الخ ،

ويتعامل مع الاشكال مثل المكتب – متوازي الاضلاع – الدائرة - الاسطوانة.. كما يقوم بانشطة التصنيف ، ويستخدم أفكار مثل كثير - تليل - اكبر مـن - مملوء بـ -فارغ ، كما أنه أيضـاً يسـتخدم أفكار المزاوجـة : طبق خاص بالأب - طبق لملام -طبق خالد - طبق سارة و هكذا . كما أنه يأخذ الخطوات الأولى في تطم العد .

وتشكل تلك الانشطة والتي تتضمن : التصنيف – المقارنة – المزاوجة – الانشكال ملامح وسمات هامة للرياضيات .

ويجب أن تتذكر أن معظم الأطفال لديهم هذه الغبرات تبل دخولهم المدرسة وعلينا أن نعمل جاهدين على أن تتسع هذه الخبرات وتتمو في بداية المرحلة الإبتدائية لأن ذلك سوف يساهم في ربط المدرسة بالحياة اليومية .

وسوف ننتاول تلك الأنشطة في هذا الغصل مع وصف الأدوات المستخدمة ، وأيضاً طريقة التنفيذ مع مراعاة توظيف العواد المقاحة تبعا لتوفرها .

التصنيف: Sorting

نحن نقوم باجراء التصنيف يومياً . فنحن نصنف عندما نقرر أن فاكهة هي التفاح وابست برنقال ، ونصنف حينما نشتري الانسياء الضرورية أو غير الضرورية . ويجب أن يتعلم الأطفال التصنيف في سن مبكرة لأن نلك سيساعدهم على تنظيم البينة المحيطة بهم كما يساعدهم على تطوير استيعاب فكرة العدد .

ويتم التصنيف تبعاً لخاصية معينة مثل الشكل أو الحجم أو اللون أو نوع الصادة ، وتبعاً لخاصيتين معاً كالشكل واللون وهكذا وفيما يلسي الأدوات والمعواد المعطلوبة المشطة التصنيف : ١- مجموعات من الخرز - الصدف-الأزرار-....... وهي متوفرة بالبيئة .



٢- مجموعات من الحبوب مثل حبوب اللوبيا أو الفاصوليا أووهذه يمكن جمعها
 بواسطة الأطفال وتلوينها إذا دعت الضرورة.



 ٤- في المقابل مجموعة مسن القطع المنطقية الثجارية

مجموعة من العلب والصناديق وهي عبارة عن
 علب صفيرة من الورق أو الكرتون مثل علب
 الكبريت وعلب الحلوى .



وهي عيارة عن قضبان - (عصبي - مصاصبات مياه غازية - خيوط - حبال - أسلاك) توضع على الدرج لعمل الطار تصنيع المسلام المسلام المسلوم الإطفال فر اغاته التصنيف الاشباء - المسلوم ا

A- صواني تصنيف Sorting Trays

وهي عبارة عن علب من الكرتـــون غير عميقة تقسم الى قطاعـات بواسـطة أســلاك أو مصــاصـات المياه الغازية وتســتخدم هذه القطاعات لتصنيف الأشــــياء .

۹- لوحة وبريه Flannel Board أنشطة:

١- يعطي العملم الأطفال مجموعة من الأشياء التي تم وصفها سابقاً ويطلب من كل طفل
 النظر اليها وتصنيفها بعد فترة من النشاط الحر ويمكن للطفل اظهار التصنيف عن
 طريق :

أ - استخدام اطار التصنيف ب- استخدام طبق التصنيف .

ج- رسم خط بالطباشير حول مجموعة من الأشياء .

٢- يصنف الأطفال المجموعات كما في النشاط (١) ولكنهم يستخدمون الآن خصائص
 اخرى حيث من العمكن أن يقوموا بعمل ما يلي:

ا- التلوين (أصغر - اخضر - بني) .

ب- تحديد نوع العادة (معدنية - قماش - حجارة)

حيوزع المعلم القطع المنطقية على الاطفال ويطلب منهم أن يصنعوا القطع التي تتشابه
 مع المثلث - مثلا - معا بعد أن يريهم اياه دون ذكر اسمه .

٤- يصنف الأطفال أنفسهم بطريق متنوعة فعلى سبيل المثال :

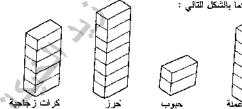
أ- أطفال لديهم أخوة - أطفال ليس لديهم أخوة .

ب- أطفال لديهم أخوات - أطفال ليس لديهم أخوات ،

ج- أطفال يعيشون في نفس الحي .

ه- يمكن استخدام أربعة أتواع من الفاكهة (برتقال ~ تفاح - موز ~ عنب) وتوضيع أحد أتواع الفاكهة السابقة في ركن من اركان الفصل ويقرر الطفل الفاكهة التي يحبها ويمشى اليها مسرعاً.

٣- يحضر الأطفال علب كبريت الى المدرسة ، ويوضع المعلم في هذه العلبة كرات زجاجية أو أي شيء أخر مثل الخرز أو الحبوب أو عملة معنية ثم توضع كل العلب على المنضدة ، ويختار كل طفل علبة وبحد ذلك يطلب من كمل طفل أن يقول ما تحتويه علبته ثم يضع المعلم العلب بحيث تحتوي على أوتكون عموداً (مجموعة) من نفس النوع كما بالشكل التائي :



وفي نهاية النشاط يقول الإطفال أي التراكمات (الاععدة) أعلى وأيها أقل علواً ﴿

٨- تصنيف الأدوات طبقاً لمن يستخدمها :

المواد والادوات المطلوبة لهذا النشاط عبارة عن أدوات متنوعة تستخدم في مهن مختلفة ووعاء كبير أو تضم كل مجموعة أدوات كأدوات الطبيب (سماعة - جهاز لقياس الضغط - ترمومتر ،) والنجار (حقيبة عدة بها منشار - منكات ، بنسة ،) . والخياط (مقص - خيط - ابر - شريط القياس -) والطباخ (حال - اطباق - ملاعق) . ومن الممكن أن يقوم بهذاالنشاط طفل والطباخ (حال - اطباق - ملاعق) . ومن الممكن أن يقوم بهذاالنشاط طفل المحد أو أربعة اطفال بحيث يخلط المحلم الأدوات في صندوق واحد ويطلب من الطفل اختيار المهنة وحقيبة العدة الخاصة بها .



٩- خذ حلقتين من الحبل أو الخيط سع أحدهما حمراء والاخرى كبيرة –

(الكلام هذا من المعلم للطفل) ضم قطعا منطقية داخل الحلقتين بحيث تقع كمل القطع الحمر اء داخل الحلقة المسماة

(حمراء) وكل القطع الكبيرة داخل الحلقة المسماة (كبيرة) وأي شىء آخر داخل البقايــا أي انزك هذه القطع خارج الحلقتين وارسم رسماً يوضع الحلقتين :

- أ- ثم يقول المعلم للطفل: من المحتمل أن
 تجمل الحلقتين (حصراء) و (كبيرة)
 متداخلتين .
- كم عدد القطع الكبيرة والحمراء في نفس الوقت ؟
 - * اوجد عدد القطع الكبيرة وليست حمراء
- كم عدد القطع التي يمكن أن تكون حمراء أو
 كبيرة أو حمراء وكبيرة ؟.
- ب- افترض أننا سمينا الحلكتيــن (حمــراء) وليست مربعاً .

هل يمكنك وضع القطع التالية :

دائرة حسراء صفيرة - دائرة زرقاء صغيرة - مربع أزرق كبير؟

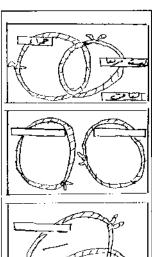
صن العمكن اجراء بعض الاساب المتدرجة باستخدام القطع المنطقية والعلقتين . ومعن العمكن أيضاً استخدام ثلاث حلقات .

القارنسة: Comparing

مقدمـــة:

نقارن بين شيئين أو أكثر بتحديد أوجه الشبه والاختلاف بينهما ونستخدم في ذلك كل حواسنا الخمسة حتى يمكننـا اكتشـاف أوجـه الشبه والاختلاف .

مثل أطول من – أتقل من واذا لم يكن الأطفال قد وصلوا الى مرحلة القدرة على كتابة عبــــارات (جمل) مثــل أحمد – أطول من – حــازم فيمكن استخدام المخطط الســهمي لتسجيل النشاط ثم تتم المناقشة بعد ذلك .



و تتضمن المقارنة ايضا: المقارنة المباشرة للأبعاد باستعمال العبارات أقرب -أبعد، يساوي في البعد .

كما يمكن للأطفال تحت الشراف المعلم - مقارنة مجموعتين ومعرفة ايهما تحتسوي على عناصر أكثر أو اقل ، أو يتماوى عدد عناصر المجموعتين .

كما يمكن ايضاً تمييز العدد الأكبر والعدد الأصغر والعددين المتساويين من خلال مقارنة عدد عناصر مجموعتين ، واستعمال التعبيرات (لكبر من ، الصغر من ، يساوي) في هذه المقارئة .

وفيما يلي بعض أنشطة المقارنة .

انشطة : ا

١- يقف خمسة اطفال أمام الفصل ، يضع أربعة منهم أيديهم في جانبهم ويضع الطفل
 الخامس يدم على رأسه ، امال الفصل ليقولوا وجه الاختلاف ، وبأي طريقة يحدث
 الاختلاف؟

وقد يلاحظ الأطفال فروقاً الخرى . ناتشها معهم .

٢ - كرر نشاط (١) مستعيناً باختلافات أخرى مثل :

أحد الإطفال ينظر في يده ، أحد الاطفال جالس ، أحد الاطفال مغمض عينيه .

- ٣- ضع مجموعة من خمس علب مياه غازية على منضدة أمام الفصل بحيث يتمكن جميع الأطفال من رويتها وبحيث تكون أربع من هذه العلب متطابقة الشكل والخامسة مختلفة في الشكل . ثم اطلب من الأطفال أن يلمسوا واحدة بشرط أن تكون مختلفة عن الباقين ، ثم اطلب منهم أن يقولوا ما هو وجه الاختلاف ؟
- ٤- اجعل أحد الأطفال يقف أمام الفصل ويفرد يده ويغمض عينيه ثم ضع في يده أربعة أشياء ولتكن حصى مثلاً واسأله أن يحدد بدون النظر أيهما تختلف عن الآخر ؟ . أنه سوف يمسك الحجرة الكبرى وأسأله أيضاً أن يقول وجه الاختلاف.

واسأله ايضاً أن يقول بكم طريقة يتطابق الباقي .

ومن العمكن استخدام أشياء اخرى شانعة مثل ثلاثة أقلام رصاص وقلم جاف أو ثلاث قطع طباشير ومماحة .

اجعل طفلين مختلفيي الطول ومعروفاً اسميهما يقفان جنباً الى جنب . ثم اطلب من بقية
 الفصل أن يكونوا عبارات مثل أحمد أطول من على ، على أقصر من أحمد .

- -كرر النشاط السابق (٥) باستخدام أقلام مختلفة الطول أو مسامير مختلفة الطول بقصد استخدام العبارات أطول من - أقصر من - لها الطول نفسه .
- اعط طفلاً حجرين مختلفي الكتلة فبعد أن يمسكهما سوف يكون بعد ذلك عبارة أتقل من .
 حكرر النشاط السابق (٧) باستخدام شينين صنعا من مادتين مختلفتين .
 - ٩-احضر وعاءين مختلفي الشكل وليكونا زجاجتين دواء لو أي أوعية من الأوعية البلاستيكية الشفافة واسأل الاطفال أيهما يسع ماءاً أكثر .

قد رستت بعض الأطفال أن الاتاء الاطول يسع أكثر من الأقصر . املاً الأطول ثم اسكب الماء في الأقصر فتجد أنه لا يعلوه.

مزاوجة عناصر مجموعتين

Matching the members of two sets

مقدمــة:

يعتبر التناظر الاحادي أو التزاوج ضروريا لتحديد عدد عناصر أي مجموعة كما أن التناظر الاحادي ضروري لفهم فكرة العدد وفهم كثير من المفاهيم الرياضية التي سوف تأتى بعد ذلك في المرحلة الإبتدائية وما يليها من مراحل تعليمية

وهذا يعني أن الأطفال يحتاجون الى القيام بأنشطة تساعدهم على استيعاب فكرة التناظر الاحادي .

ومن الانشطة التي تساعد الأطفال على ذلك الأنشطة التالية :

أنشطة:

1-اجعل سنة أطفال في مكان يراه بقية الأطفال ، ونظم خمسة كراسي بالقرب منهم واطلب من الأطفال أن يجلسوا كل طفل على كرسى ، قسوف يجدون أنه يوجد طفل واحد ليس له كرسى .

ويتضح لهم أن عدد الأطفال أكبر من عدد الكراسي -

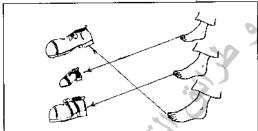


٢- كرر نشاط (١) مع مجموعات أخرى قعلى سبيل المثال .

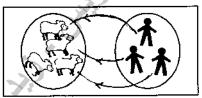
مجموعة من الأولاد ومجموعة من الكتب . مجموعة من الاقلام ومجموعة من الدفاتر.

"الرسم على لوحة من الورق العقوى أو على السبورة مجموعة سن الأقدام ومجموعة من الأحذيــة كما بالشكل . واطلب من الطفل أن برسم سهماً من كل قدم الى الحذاء العناسب له حيث يثمير السهم الى الربط بين المجموعتين .

أي يزاوج الطفل بين كل قدم وكل حذاء .



 ٤- أرسم أيضاً على لوحة من الورق العقوى أو على السهورة مجموعة من الأولاد ومجموعة من الحيوانات كما يلي .



اطلب من الطفل أن يرسم سهماً من كل ولد الى حيوان ويشير السهم التي الربط بين المجموعتين - وعندما يرسم الطفل الأسهم سوف يجد أنه يوجد حيوان واحد لا يقابله ولد .

أي أنه يوجد حيوانـات أكثر من الأولاد . ويقرر الطفل أنـه يوجد أولاد ألــل مـن الحيوانات .

- ارسم على لوحة من الورق أو ضع على اللوحة الوبرية مجموعة تحتوي على عدد من العناصر ، واطلب من الأطفال أن يضعوا على طاولاتهم مجموعة مكافئة لها أو عدد عناصرها أقل أو أكثر ، وتجول بينهم للتأكد من قيامهم بالنشاط المطلوب .
- ٦- ضع على اللوحة الوبرية مجموعة بها أربع دوانر وضع تحتهم مجموعة من ثلاثة مربعات . ثم اطلب من الأطفال أن يرسموا خطأ من كل دائرة الى مربع. سوف يجد الأطفال أنه توجد دائرة لا يقابلها مربع . اسأل أسئلة مثل :
 - الهل يوجدمر بعات أكثر من الدوائر ؟
 - * على نفس عدد المربعات هو نفس عدد الدوائر؟
 - هل توجد مربعات أقل من الدوائر؟

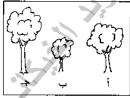
الترتيب و التسلسل : Ordering and Seriation

الترتيب هام في تتبايع الأعداد . وأنه أمن المهم للطفل أن يفهم أو لا الملاقة التوبولوجية للترتيب وعند عد الأشياء يجب على الطفل أن يرتبهم حتى يعد كل شيء على حده .

ويتم ترتيب الأشياء حسب الحجم - الطول - التقل - المدد والأنشطة التي تستخدم لتدريس المترتيب تبدأ بمجموعات لاتزيد عن ثلاثة أشياء وفيها يختار الطفل شسينين ويرتبهما ثم يختار الشيء الثالث بعد ذلك حتى يصل الى قاعدة للترتيب.

وفيما يلي بعض أنشطة الترتيب:

- ١- يعرض المعلم ثلاثة عصبي مختلفة الطول ويطلب من الأطفال ترتيب العصبي حسب الطول.
 - ٢- يعرض المعلم على الأطفال شلائة أشجار في صمورة ويطلب منهم ترتيبها حسب الطول .
 - ۳- یکرر النشاط (۱) ، (۲) ولکن مے مجموعات تنضین اربعة اشواه او اکثر .
 - ٤- ترتيب الأشياء من الصغير الى الكبير .



يجمع المعلم ثلاثة أو أربعة الشياء في واحد من التصنيفات التاليــة : وهــي صـــورة لبعـض الاتمياء الموجودة في بينة الطفل .

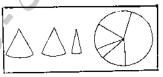
باري ق	خشب	شر ایات	دمي
كواب	أقلام شمع	أربطة عنق	دو اليب
ر. ولاعق	ر کتب کتب	أقلام	قبعات
شدك	قطع عملة	مسامير	أحذية

تم يقوم الطفل بترتيبهم من الصنفير الى الكبير ثم يقوم المعلم بخلط الأشياء مع بعضها بدون نظام ويطلب من الأطفال اعادة النشاط وعلى المعلم أن يدع الطفل يرتب بالاعتماد على التقدير ، وبعد عدة مرات يغير الترتيب من الكبير الى الصغير.

عرض المعلم ثلاث سمكات في صورة أو ثلاثة صور الأسماك مختلفة الحجم ويطلب
 من الأطفال ترتيبهم حسب الحجم .



 المعلم صورة لدائرة مقطعة الى خمسة شرائح بأحجام مختلفة (يستخدم الفير أو الكرتون) ويرتنب (ينظم) المعلم الشرائح ليظهر محاولة ترتيبها على الطاولة من الاصغر الى الاكبر.



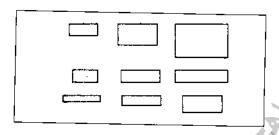
٧- يعرض المعلم مجموعة من المستطيلات ويطلب من الأطفال ترتيبها من القصير اللي
 الطويل والمستطيلات عادة تكون من الكرتون أيضاً وتتميز بانها.

٢- نفس العرض والطول مختلف

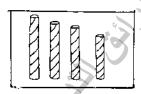
١– نفس الطول والعرض مختلف .

٣- الأطوال والعروض مختلفة .

ويزتبهم الأطفال من العرض الضيق الى الواسع أو حسب ما يراه المعلم .

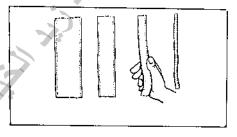


٨- يعرض المعلم على الأطفال مجموعة من مصاهبات العياه الغازية . ويطلب منهم
 ترتيبها حسب الطول من الأطول الى الالصر .
 واذا حدث خطأ فيستخدم المعلم أسئلة لمحاولة أن يلاحظ الطفل الخطأ .



ويطلب المعلم من بعض الأطفال الخروج والوقوف أمام الفصل بحيث يكونوا مختلفي
 الأطوال ويطلب من الفصل ترتيبهم حسب (الطول) أي من الاطول الي الاقصر .

١- يعرض المعلم أمام الأطفال قطعاً خشبية أو من الكرتون ويطلب منهم ترتيبها حسب
"المرض" من العريض إلى الضيق .



١١- يعرض المعلم أمام الأطفال أنماطاً لتكميلها مثل:

أزرق ، أخضر ، أزرق ، أخضر ، أزرق...... الخ دائرة ، دائرة ، مربع ، دائرة ، الخ ٢٠.٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، الغ

تعليق ومتابعة :

التصنيف أساس للعمل الرياضي مستقبلاً ، وتعتمد القدرة على تصنيف الانشياء على فكرة العلاقة ، ويجب أن تكون الخاصية العشتركة للأشياء معلومة للطفل أو للأطفال الذين يعملون في مجموعات صغيرة .

وتأتي اجراءات التصنيف بالنسبة للطفل الصغير في ثلاثة مستويات :

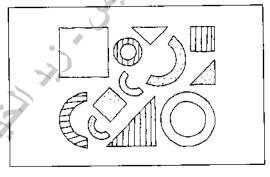
الأول : اجراء تصنيف تبعاً للأنتماء لنفس المجموعة (تصنيف بسيط)

الثَّالَي : أشياء تصنف الى مجموعات متباعدة (غير متقاطعة)

الثَّالَثُ : تَصِنيف مَتَعَدُد حَسَّب خَاصِيتِينَ أَو ثَلَاثُ خُواصٍ .

بياجيه والتصنيف :

لقد بحث بياجيه القدرة على التصنيف لدى الأطفال بأن قدم لهم بعض الأشكال (الشبيهة بالقطع المنطقية التي نستخدمها الآن) والاحظ ما يفعلونه وما يقولونه.



ويفيد أداء الأطفال لمهام التصنيف حسب آراء بياجيه بأن قدرة الطفل على التصنيف تنمو تدريدباً .

وطبقاً لبياجيه يمكن القول بأن الطفل في سن ما بين الخامسة والسابعة لديه القدرة على التصنيف يعتمد على المحاولة والخطأ .

ويستطيع الطفل في سن من (٧ - ٩) سنوات القيام بالتصنيف حسب خاصيتين أو ثلاث خواص (اللون - الشكل -الحجم) ولكن يقوم سلوكهم على أساس الفهم وليس المحاولة والفطأ .

كما يتضم لنا من الأنشطة السابقة أيضاً أنه من الممكن أن يصنف الأطفال الأشكال بالرغم من عدم معرفتهم بأسماتها أو خواصها .

والقطع العنطقية تمدنا بوصيلة اتصال غير الفظية وخاصة مع الطفل الذي لديه صعوبات لفوية .

وعلى معلم الصدف الأول - بصدفة عامة - أن يتيح الفرصة للأطفال لتصنيف القطع المنطقية لكي يساهم في الفيم الحسي لأتواع المجسمات .

ومما تقدم يتضمح لنا أن التصنيف من المهام العقابة الهامة ولذلك يجب علينا كمعامين تهيئة الغرصة للأطفال في المدرسة الابتدائية لاكتساب الخبرات في تصنيف الأشياء المختلفة وعلينا مناقشتهم في العلاقات التي يقوم عليها التصنيف حسب قدراتهم المقلبة .

والتناظر الاحادى هو أساس العد ويستخدم لتحديد كم عدد وأنه أساس للتمكن من المهارات الحسابية . وأنه يتضمن فهم : يوجد شيء في مجموعة له نفس عدد عناصر شيء آخر في مجموعة أخرى مختلفة بصرف النظر عن تشابه الخواص .

فاذا وضع المعلم أزراراً صغيرة مثلاً في كأس بحيث يضع زراراً واحدا ' في كل عرة ثم وضع طفل أزراراً كبيرة في كأس مماثلة لكأس المعلم وأيضاً زراراً في كل مرة . فان الازرار الكبيرة ستظهر على شكل كومة أعلى.

واذا سنل الطفل هل يحتـوي الكأسـان علـى نفـس العـدد مـن الازر ال وأجـاب بنعـم فعددنذ يكون الطفل قاهماً للتناظر الاحـادي واذا أجـاب الطفـل بـلا لأن الأزر ال أعـلـى فـي كأس عن اخرى فانه يطبق لم التناظر الاحادي . ويذكر كوبلاند copeland أن الأطفال يتمكنون في سن من (٥ - ٧) من مفهوم التناظر الاحادي .

وعلى المعلم أن تتضمن أنشطته الأولية النسي يقدمها لأطفالـــه أشـــياء متماثلـــة (التطابقة) بينما الانشطة المتأخرة يجب أن تتضمن أشياه مختلفة .

- وفي أنشطة الترتيب على المعلم أن يراعي ما يلي :
- السماح للطفل بإكتشاف الفرق بين الأشياء التي سيرتبها وسؤال مثل كيف تختلف هذه
 الأشياء ؟ يمكن أن يرشد الطفل في ملاحظة الفرق الذي يمكن استخدامه في الترتيب (
 التسلسل)
- البدء بثلاثة أشواء ثم زيادة الأشياء حسب كفاءة الأطفال في تحديد الترتيب وتحديد اتجاه
 وضع الأشياء مع ملاحظة أن تحديد اتجاه الترتيب أمر صعب على الطفل الصدفير
- لا يوجد مؤشر لتحديد أن الطفل سيرتب من اليمين الى اليسار أو من اليسار الى اليمين
 ولكن على المعلم أن يشجع الترتيب من اليمين إلى اليسار لأن ذلك يتفق وطريقة القراءة
 والكتابة وتتاول الأشياء من اليمين .
 - تصميم أنشطة للترتيب تبدأ بنوعيات ملموسة ثم يلي ذلك الشكل واللون والحجم -
- تجنب استخدام أنشطة بها أخطاء في الترتيب والتسلسل لأن ليس كل الأشبياء أو
 مجموعات الأشياء يمكن ترتيبها .

معلومات اضافية :

1- اللعب الحر بالقطع المنطقية .

هل تستمتع باللعب الحر بالقطع المنطقية ؟ هل تعلمت شيئياً من خلال اللعب بالقطع المنطقية ؟ هل ابتكرت شيئاً ذا أهمية ؟

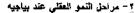
ان الاجابة بنعم قد تشعرك بأهمية جعل الأطفال يلمبون بالقطع المنطقية وذلك للأساب التالدة :

- ١- يسمح اللعب الحر للأطفال بتعلم خصائص القطع من خلال لمسها .
- ٢- يمكن اللعب الحر من الدّملم المباشر واستخدام بعض الألفاظ مثل الحجم الشكل اللون .
- ٣- قد يكتسب الأطفال خبرة في الرياضيات لم تكن معدة في الخطة وفي ذلك الراء
 لخبرتهم الرياضية فقد يكتشف مغفل مثلاً أن الأشكال يمكن تكوينها من قطع مختلفة.



٤- قد يرسم الأطفال أشكالاً مثل المبينة على اليسار .

و- يعطي اللعب الحر الإطفال الفرصة في أن
 يعملوا من خلال تفكير هم الأنقسهم .



يعد السويسري ذائع الصيت جان بياجيه J. Piaget من أعظم رواد علم النفس . وقد المتر بالأطفال ودراسة نمو تفكير هم وقام ببحوث مستمرة لمعرفة تطور الذكاء عندهم.

ولقد وصف بياجيه النمو العقلي في صورة أربع مراحل عريضة هي :

مرحلة الحس الحركي - ما قبل العمليات - العمليات العمليات العموسة - العمليات العموسة.
 وقد حدد بياجيه هذه العراجل على ضدوء تجارب أجراها على بعض الأطفال في جنيف ، كما أن هناك عدداً من الدراسات أجريت في دول أخرى ونتج عنها أن الفترات الزمنية تكاد تكون متساوية في معظم الدول .

وطبقاً لبياجيه فان هذه المراحل بتسم بأنها تأتي بالترتيب من حيث تتابعها بمعنى أن النمو العقلي للطفل يمر بهذه المراجل بالترتيب ، أي أنه لا يمكن أن يصل الى مرحلة دون أن يمر بالمرحلة السابقة لها ، كما أن المراحل تكاملية بمعنى أن المراحل المبكرة جزء متكامل من المراحل المتأخرة .

وقيما يلى وصف مختصر لخصائص كل مرحلة :

١ – مرحلة الحس الحركي .

وتمند من الميلاد حتى عمر سنتين تقريباً ويقوم الطفل منذ ولادته (وقبل تعلمه اللغة) برسم صورة للعالم الخارجي عن طريق حواسه وتحركاته المختلفة.

فخلال لعب الطفل واكتشافه لما حواله يكون صدورة ثابتة عن الأشكال المختلفة والعلاقات بينها يتحرف على أساسها على مثل هذه الأشكال ويتعلم الطفل في هذه المرحلة ربط الكلمة بالشيء العيني ، وفي نهاية هذه المرحلة ببدأ الطفل في صفح حلول لمشكلاته دون اللجوء الى التجريب فإن اختلفت لعبته دون أن يرى كيف اختلفت فانه سييحث عنها.

٢ - مرحلة ما قبل العمليات :

وهي امتداد للمرحلة الأولى وبنية أساسية للمرحلة الثالثة وتمتد من عمر سنتين الى سبع تقريباً وفيها تبدأ اللغة في الظهور وفي حدود العام الرابع يصبح الطفل مسيطراً على اللغة سمعاً وكلاماً حيث تصبح اداة فعالة في تتمية المفاهيم لديه . ويعتقد الأطفال في هذه المرحلة أن كل أفكارهم وخبراتهم يشترك فيها الآخرون . وأن الجوامد لها خصائص الاشكال الحية ، وتفكير الطفل في هذه المرحلة يتسم بعدم القدرة على متابعة التحويل قعندما يسمع أو يرى حادثة فإنه لا يستطيع متابعتها فإذا سقط قلم من وضمع راسي الى وضع افقي والطفل يشاهدنك وشرحت لمه أوضاع القلم المختلفة ووضعت لم صوراً متعددة فإنه لا يستطيع ترتيبها بالتسلسل عندما يطلب منه ذلك لأنمه لا يدرك إلا حالة الهداية وحالة النهاية فقط .

كما يتسم تفكير الطفل في هذه المرحلة بالمركزبة لعندما يحدث تغير على شيء ما في الشكل أو المكان وسألت الطفل عن المقدار أو الكمية قبل هذا التغير الظاهري ثم سأنته عنها بعد التغير فإنه سوف ينبوك بأن الكمية تغيرت . كما لا يستطيع الأطفال في هذه المرحلة ادراك عكس المعلية ولا يمكن أن بأخذوا في إعتبارهم مظهرين نشىء أو موقف في نفس الوقت ولا يمكنهم اجراء استدلال استقرائي (من الحالات الفردية الى الحالة العامة) أو استدلال استناجي (من الحالة العامة الى الحالات الفردية) ولا يستطيعون التغرقة بين الحقيقة والخيال ويصبح الأطفال في نهاية هذه المرحلة قادرين على اعطاء أسباب لما يعتقدونه ، ويمكنهم تصنيف مجموعة من الأشياء وفقاً لخاصية واحدة .

٣- مرحلة العمليات الملموسة :

وتمتد من سن السابقة حتى الثانية عشرة تقريباً ويستطيع الطفل في هذه المرحلة أن يربط بين المفاهيم المختلفة بعلاقات إما رياضية أو منطقية وأن يفكر تفكيراً منطقياً (غير مجرد) في أشياء محسوسة - أي من خلال الحواس - فقد يمكنه أداء عمليات مثل التحويض واتحاد وتقاطع المجموعات والترتيب التسلسلي للأشياء ولكن الأطفال قد يكونون غير قادرين على اجراء نفس هذه العمليات على الرموز اللفظية - كما أن قدرتهم على الاستدلال المنطقي لم تتم بعد كما يجب و والأطفال في هذه المرحلة يقدرون على تصنيف الاشياء التي لمها خصائص متعددة الشيء في نفس الوقت خصائص متعددة الشيء في نفس الوقت كما أن مفهوم المحافظة على العدد والكتلة يتمكنون منها ايضاً.

٤ - مرجلة العمليات المجردة :

وهي تبدأ من الثانية عشرة الى الخامسة عشر تقريباً ومنها يصل تفكير الطفل الى قمته من حيث النوعية وبعد ذلك فالتغير في تفكير الشاب تغيراً كمياً لا نوعياً ويبدأ بالقيـام ببعض العمليات العقلية دون أن يستخدم مجمعات لها . ويتعامل مع عمليات عقلية معقدة حيث يقوم بإستخدام الغرضيات والاستئتاج وتفسير ملاحظات وفحص عدد من المتغيرات بتغيير واحد منها وابقاء الاخرى ثابقة لمعرفة تأثير ذلك التغير .

هذا ويفسر بياجيه النمو العقلي على أساس ععليتين هما الاستيعاب والتكيف ويقـوم الطفل بواسطة العملية الأولى باستيعاب العالم المحيط به ليكون نموذجاً في ذهنه لهذا العالم . أما العملية الثانية فيتم تعديل هذا النموذج وتكييفه طبقاً للخبرات الجديدة ، فمثلاً عن طريق الاستيعاب يرسم الطفل في ذهنه صـورة لعملية الجمع (+) وبعد ذلك عن طريق التكيف يعـدل فيها عندما يعرض خواص عملية الجمع .

ودر اسات بباجيه كان لها أصداء واسعة في تدريس الرياضيات وكان من نتاجها ادخال بمض موضوعات والنظم العدية بمض موضوعات والنظم العدية يأساسات مختلفة وغيرها .

اختم فهمك:

 ا- صف كيف يمكن استخدام مجموعات من الأشياء (غير الأزرار والصدف) لنزويد الأطفال بخبرات تتملق بـ:

(التصنيف - التناظر الاحادي - المقارنة - الترتيب) .

٢- اذكر بعض الأسباب التي تجعل المعلم يسمح لملاطفال باللعب بالمواد والادوات قبل
 الهدء بأنشطة فعلية باستخدام هذه الأدوات .

 ٣- اذكر الفروق بين القطع المنطقية ومجموعة عشوانية من الأشياء مثل الأزرار وأعطية الذحاجات.

٤- طبقاً لمراحل بياجيه للنمو العقلى :

أ- الى أي مرحلة ينتمي معظم أطفال الحضائة ؟ والى أي مرحلة ينتمي الأطفال من سن ٢ - ٤ سنة ؟

ب- ماأهم خصائص مرحلة ما قبل العمليات؟

ج- كيف يختلف أطفال مرحلة العمليات المحسوسة عن مرحلة العمليات الشكلية ؟

د- كيف يمكن الاستفادة من أعمال بياجيه في تدريس الرياضيات؟

٥- ما الامور التي يجب على المعلم مراعاتها عند تنفيذ أنشطة الترتيب ؟

٢- في أي سن يتمكن الأطفال من المفاهيم التالية :

التصنيف - التناظر الاحادي - المقارنة ؟



- مقدمه
- استخدامات العدد
- وياجيه ومظهوم العدد
- طرق تقديم موضوعات العدد للأطفال
 - مراحل تقديم العدد
- تقديم القيمة الكانية بأساسات تختلف عن العشرة
 - لحة تاريخية عن العدد والأعداد

- من المتوقع بعد دراسة هذا الفصل أن يكون الدراس قادرا على أن:-
 - يعرف وظائف العدد وإستخداماته.
 - يكتسب المهارة في تقديم العدد للأطفال.
 - يستخدم الأجهزة والأدوات اللازمة لتقديم العدد للأطفال.
 - يعرف المراحل التي يجب تقديم الأعداد من خلالها.
- يكتسب المهارة في القيمة المكانية من خلال أساسات يختلف عن العشرة.
 - يتعرفعلى العراحل التاريخية التي مر بها العدد.
 - يعرف النظم العددية عند قدماء المصريين والرومان والعرب والبابليين.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يقدر على أن :-
 - يكتب قائمة بأعداد العد.
 - يعرف الأرقام التي يتكون منها النظام العشري.
 - يضع كل رقم في أي عددتي قيمته المكانية الصحيحة.
 - يحدد إسم التيمة المكانية الصحيح لأى رقم في عدد كلي.
 - يكتب قيمة كل رقم في أي عدد كلي-
 - يرتب مجموعة من الأعداد تصاعديا أو تتازليا.
 - يقرب العدد الكلي،
 - يفهم القيمة المكانية بأساسات تختلف عن عشرة.
 - يمير عن أي عدديقوى العشرة.
- يستخدم الصفر (كحافظ للخانة) في كتابة عدد في صورته الرمزية إذا علم رقم
 عشراته ورقم مناته أو إذا علم رقم آحاده ورقم مناته.
 - يترجم المسيخة اللفظية للعدد إلى مسورة رمزية.

مقدمية:

يتعلم كثير من الأطفال العد قبـل دخولهم للمدرسة . ولكن هذا التعلم غالبـاً مـا يكون عبارة عن حفظ لبعض الاصموات التـى يكـون قـد سمعها أوحفظهـا فـي محيطـة الاجتماعـي أي أن طريقة عد الطفل طريقة روتينية تتضمن الترديد بدون فهم .

كما أننا أيضاً إذا سئلنا عمادًا تعني كلمة عدد فسوف نجد أن الإجابة ليست بالأمر السهل لأن مفهوم العدد هو مفهوم مجسرد يصعب وضع تعريف محدد له .

والعدد له أهمية كبرى في البناء الرياضي فهو يستخدم في وصف وتسمية وتحديد كمية الأشياء في حياة الطفل كما أنه في منهج المرحلة الإبتدائية يستخدم في تطبيقات الرياضيات في حياة الطفل وفي القيصة المكانية وفي الرسم البياني ومقياس الرسم.

استخدامات العدد :

للعدد استخدامات كثيرة فهو يستخدم في العد (عدد العناصر) وهو ما يطلق عليه السمة أو الوظيفة الكاردينائية للعدد ، فالعدد الكاردينائي لمجموعة معطاة يخبرنا بعدد العناصر فيها والخاصية التي تعيز كل عناصر فصل من المجموعات المتكافئة هي العدد الكاردينائي لكل مجموعة من تلك المجموعات ونستنتج من هذا التعريف : أن كل مجموعتين متكافئتين لهما نفس العدد الكاردينائي .

والمدد Number تعبير تجريدي ويجب عدم الخلط بينه وبين اسم العدد Numeral فكلا من الله ٢ ملى المعدد المسلم فكلا من الله ٣ من الله مطاهر كثيرة في حياة الطفل مثل عدد أفراد الاسرة أو عدد الاصابع في اليد الواحدة أو عدد أيام الاسبوع وهكذا.

وهناك أيضاً الاستخدام النترتيبي العدد. ومن العبارات التي توضع الاستخدام الترتيبي ما يلي : أحمد في الصف السانس الابتدائي ، حصل حازم على المركز الرابع في سباق الجري ، افتح ص (٩٣) في كتابك .

وفي الاستخدام الترتيبي نجري تناظراً احادياً بين مجموعة معطاة وبين مجموعة جزئية أولية من مجموعة العد (٢،٢،١، ٢،٠٠٠...) فعلى سسبيل العشال: مجموعة حروف الهجاء يمكن عمل تناظر احادى بينها وبين مجموعة عد هكذا .

فالحرف الاول هو أ والحرف الثَّاني هو ب ، وهكذا .

ويوضع المثال السابق أن وضع أي حرف من حروف الهجاء يمكن وصفه بدلالة أحد الاعداد من المجموعة المرتبة (١ ، ٢ ، ٣ ٢٨ } . فمثلا المبارة الذي تقول أن الحرف (ص) هو الحرف الخامس عشر (١٥) توضع الاستخدام الترتيبي للعدد .

و لحياناً يستخدم العدد في التحديد أو التعيين Identification في حالات قد يكون لها مدلول كاردينالي أو ترتيبي أو لا يكون مثل ارقام جوازات السفر ، رخص القيادة ، الرقام الخزائن ، أرقام المقاعد في المسرح أو في الطائرة .

كما يستخدم في التسمية مثل رقم التليفون أو رقم القداة التي يفضل الطفال مشاهدتها في التليفزيون .

كما يستخدم العدد في القياس كما يتضح من الاجابة على الاسئلة التي مثل:

ما طولك ؟ ما وزنك ؟

وهناك العدد الحقيقي مثـل ما عدد اخوتـك البنين ؟ وهنـاك العد الروتينـي مثـل واحد، اثنين ، ثلاثة)

والارقام هي الرموز التي تستخدم في التعبير عن الاعداد وتأتى في ثلاث صدور : كلامية ورموز مجردة وكتابة والصور الكلاميـة هـي التـي تواجـه الاطفـال أولاً حيث يتغنى الطفل بالارقام من واحد لعشرة .

ويجب علينا أن نكون على وعي في تدريسنا باستخدامات المدد بحيث نركز على السمة الكاردينالية والترتيبية معاً ولا نركز على سمة دون الاخرى لاتنا اذا ركزنا على العدد (الكم) مثلا فان الاطفال سوف لا يفهمون السمة الترتيبية .

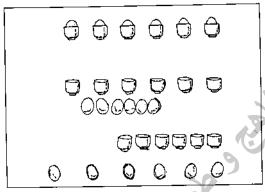
بياجيه ومفهوم العدد :

لقد توصل بياجيه من خلال تجاربه مع الاطفال الي أن مفهوم العدد ينمو عند الطفل في ثلاث مراحل :

المرحلة الأولى من (٤ - ٥) سنوات

لم يستطع الطفل تكويس مجموعتين متكافئتين ولم يرزاوج الطفل بين المجموعات (تناظر احادي واحد - لواحد) .

وكان بياجيه قد عرض للأطفال في تجربته سلة بيض وستة أكواب وطلب منهم أخذ عدد من البيض يساوي نفس عدد الاكواب ويوضع الرسم التالي تجربته .



وبدلا من المزاوجة فقد فكر الطفل في نفس الكمية على أنها تعني التنظيم له نفس الطول وبلغة بياجيه فقد ركز الطفل على جانب واحد من الموقف وهو الطول وأهمـل الجوانب الاخرى للعدد .

المرحلة الثانية من (٥ - ٦) سنوات

تحرف الطفل على التكافو عندما أعيد تنظيم المجموعتين . ولكن التناظر الأحادي لم يفهم بعد كاملا في هذه المرحلة .

يمكن للطفل أن يكون مجموعات متكافئة صع المحافظة على العدد . وتوضيح تجارب بياجيه أن الاطفال لا يفكرون في الاعداد بنفس الطريقة التي يفكر بها الكبار والاطفال لهم طرق عديدة في التفكير تعمّد على مراحل نموهم المعرفي . وأنه لمن المهم التحدث مع الاطفال وملاحظة واكتشاف كيف يفكرون وماذا يقصدون .

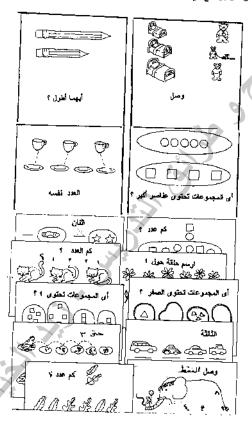
طرق تقديم موضوعات العدد للأطفال :

يمكن تقديم موضوعات العدد للأطفال بطرق مختلفة منها : ١- الاعتماد على سلسلة كتاب عمل بالنسبة الطفال

وتسير التدريبات في هذه السلسلة حسب التسلسل التالي :

مقارنة بين مقهوم المدد التعرف على كتابة الارقام مجموعتين ← والعدد الألي ← الأرقام ← والعدد ومقارنة الطول (الروتيني) والعدد

رفيما يلي بعض نماذج لتمارين كتب الطفل بحيث يجيب الطفل على الاسنلة شفوياً أو بوضع دائرة أو بوضع أي علامة أو بكتابة الاجابة .



لاحظ أن التمارين من ١ - ٢ تتضمن مفهوم العدد ولكن بدون كتابة رموز الاعداد . وبدءاً من التمرين رقم ١٠ وبدءاً من التمرين رقم ١٠ ويظهر الصفر في التمرين رقم ١٠ ويجب أن تعلم أن الأطفال الصغار تواجههم صعوبة في تعلم العدد (٠) ولهذا يجب اعطاؤهم مزيدا من التمارين تعتوي صنابيق أو أتحوابا أو أوعية فارغة

طرق اخرى لتقديم العدد :

من الممكن استخدام اساوبين لتقديم العدد أحدهما يعتمد على نفس العدد والثّاني يستخدم فكرة أكثر بواحد :

١ - باستخدام فكرة نفس العدد انظر الى المجموعات التالية :

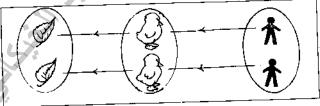
من الممكن أن يعسرض المعلم مثل تلك الصور أو أشياء حقيقية (وهذا أفضل)

ويطلب من الأطفال تصنيف تلك العجموعات

ويوضع لهم أن أحد تصنيف ات هذه المجموعات هو استخدام فكرة نفس العدد

** \$\$ 33 ** \$\$

ويوضع الشكل التالي أحد تلك التصنيفات .



وأيضا مجموعات من ثلاثة عناصر ومن خمسة عناصر هكذا -

ولوصف التصنيفات والتمييز بينها ندخل كلمة العدد . أي أننا نقول أن كل المجموعات لها نفس عدد عناصر مجموعة الأطفال في الشكل السابق .

وبنفس الطريقة تعرض على الأطفال مجموعات اخرى لهـا نفس عدد العناصر. و تكنها تختلف عن مجموعة الأطفال .

وللتمييز بين الأعداد نقدم أسماء الاعداد ففي المجموعة الأولى (الأطفال) اسم العدد اثنين وفي المجموعة الثانية في الشكل السابق (الاقبلام) اسم العدد اربعة وفي المجموعة الثانثة ثلاثة وهكذا .

٢- العلاقة اكثر بواحد :

ييدا المطم بعرض بعض الصور التي تمثل مجموعات بكل منها عنصر واحد مشل المبينة بالشكل شم يعطى هذة المجموعة والمجموعات الشبيهة العدد واحد ثم يسأل اسنلة مثل: كم رأسا لكل تلميذ؟ . كم رقبة لكل تلميذ؟ . ويركز على العدد واحد.

ثم يضيف المعلم عنصرا أخر الى المجموعة كما في الشكل الأوسط شم تعطي المجموعة الجديدة وكل مجموعة تحتري نفس عدد المناصر اسم العدد الثان .

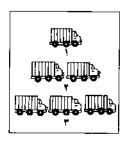
ثم يتبت المعلم اسم العدد بأسئلة مثل :

كم يداً لكل تلميذ ؟ كم رجلاً لكل تلميذ ؟ ويركز على العدد التبين وعندما نضيف عنصراً آخر المجموعة كما موضح نعطى المجموعة الجديدة اسم العدد ثلاثة .

وبنفس الاسلوب يمكننا اعطاء اسم العدد لكل المجموعات التي نفكر فيها -

مراحل تقديم العدد :

يفضل معظم التربوبين الرياضيين أن يقام المدد على مراحل حيث يمكن البدء بالأعداد من ١٠٥ ثم الصفر ثم ٢ - ١٠ ويفضل بعض المدرسين البدء بالعدد ٢ بدلا من ١ لأن أشياء كثيرة في الحياة من حولنا تأتي في صورة أزواج (العينين - البدين - الأحدية - الشرابات)



وسوف نقدم الأعداد في هذا الكتاب تبعاً للمراحل التالية .

أ- الأعداد حتى خمسة .

ب- الاعداد من سنة الى عشرة.

ج- الاعداد من أحد عشر الى عشرين (يمكن تقديم القيمة المكانية في هذه المرحلة
 ولكنها ليست أساسية).

د- الاعداد من واحد وعشرين حتى مائة (فهم القيمة المكانية مفيد جداً في هذه المرحلة).

هـ - الاعداد أكبر من مانة (توسيع فكرة القيمة المكانية واستخدامها) .

ويجب أن تخطط لكل مرحلة أنشطة تستغرق فترة طويلة من الزمن . كما يجب أن يعطى الأطفال تدريبات عملية كثيرة ولكنها ليست صعبة وهذا مهم جدا عند تقديم الأفكار الاولية للقيمة المكانية .

الأدوات والمواد المطلوبة لتقديم الأعداد :

۱- بطاقات رقبریة Number Cards

وهذه البطاقات جاهزة من البلاستيك كما يمكن عملها من الكرتون ويحتاج المعلم لبطاقات ذات حجم كبير بينما يحتاج الأطفال الى بطاقات من الحجم الصغير .



۷- منشار منعنیات رقبیهٔ Number Jigsaws

ويستخدم في عمل أشكال للأرقام تصنع من الابلاكاش (الخشب الرقيق) ومن الممكن عملها من الكرتون السميك . ويلون كل شكل بلون مختلف ثم يقطع الى تُلاشه أو أربعة قطع .



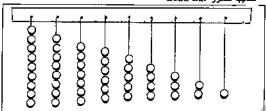






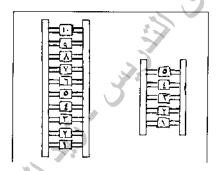


۳- نضرب خسزز Bead Bar



بعض قضبان الخرز يجب أن يصنع من ١- ٥ وبعضها الآخر من ١ - ١٠ ويمكن استخدام أنمطة أغطية زجاجات مياه غازية بعد تقبها بدلا من الخرز .

t – سلم الأعسداد



ه- شرائط العدد العلونة - Coloured Number Strips

وهي شرانط مستطيلة الشكل متساوية العرض (حوالي ٢ سم) وتلون بألوان مختلفة ، وفي البداية نحتاج الى شرانط من ١ - ٥ وبعد ذلك نحتاج الى شرائط للأعداد من ١ - ١٠ .

ومن الضروري أن تتوفر هذه الشرائط مع كل طفل ويمكن حفظها في ملف بالستيك -

								[<u> </u>
								۲	
							٣		
						í			
					٥			.39	
				٦					
	_		٧				9		
]	. ^				1		<u> </u>	
	٩								
١.					3				

۱- لوح التدريبات الرقب = Practice Number Sheet

اد من ۱ - ٥ كما الورق ان المصود الأولى مصود الثاني لكي دة الباقية للتدريب

يزود كل طفل بلوح من الصفيح أو الورق على شكل مربع للأعداد من ١ - ٥ كما هو موضح بالشكل ويبين العمود الأول كي في في يكتب الرفم . والعصود الثاني لكي يكتب الطفل عليه . والأعمدة الباقية للتنريب على كتابة الأرقام .

٧- صينية الرمل Sand Tray

تساعد صينية الرمل الأطفال على تعلم رسم الارقام بصــورة صحيحة . مع ملاحظة امكانية استخدام أي طبق آخر . وبعد كل محاولة لكتابة العدد يعاد سطح الرمل أملسا مرة آخرى .



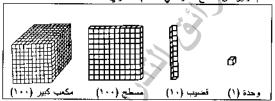
A- الدومينو أو يطاقات النقط Dominoes



ومنها ما هو جاهز بمراكز الوسائل التعليمية والمكتبات ويمكن للمعلم عملها من الورق العقوى .

ا - قطع درتيــز Dienes Blocks

وهي قطع جاهزة في المكتبات ومراكز الوسائل التعليمية وهي مصممة لتعثيل نظام الترقيع العشري ، وأنظمة ترقيم اخرى أساسها أعداد غير العشرة . ويتألف نظام دينيز من القطع التالية في النظام العشري .



١٠- المصلات :

وتربط كل عشر مصاصات معا لتكون حزمة برباط من المطاط ويترك بعضهامنفردا ولها أهمية كبيرة في توضيح القيمة المكانية وتستخدم ايضا في الجمع والطرح.

١١- العسدادات :

تستممل المدادات في الترقيم لتمثل عدد ما في نظــــام معين كالنظـــام الثناني أو العشــــري , كذلك تستعمل في عمليات الجمع والطرح والضدرب والقسمة وتمثيل الإعـــداد ذات الفاصلة ، وينتج منه تجـــارب ويمكن

عمله حيث يتكون من قطعة خشبية وعدد من الأسلاك وبعض الخرز العلون ويتوف عدد الأمسلاك على الأعداد المراد تعثيلها من العشرات حتى منات الالوف .

الأعسداد حتى (٥)

أنشطة :

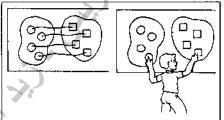
إلى العلقال تدريبات عديدة على استخدام نفس العدد ، اقل من ، اكبر من .

فعلى سبيل المشال ينظم المعلم مجموعة من الكراسي ومجموعة من الاطفال أمام الفصل كما بالشكل ويسأل الاطفال هل عدد الكراسي هو نفس عدد الاطفال؟

هل عدد الاطفال أكبر من عدد الكراسي أم أقل منه ؟ . أم عدد الاطفال أكبر من عدد الكراسي أم أقل منه ؟ . ثم يجلس كل طفل على كرسي ويزى الاطفال من لا يجلس على كرسي حيث يوجد أطفال أكثر من الكراسي .

ويكرر هذا النشاط عدة مرات مع مجموعات منتوعة من الأشياء ـ

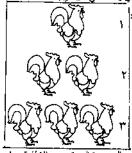
٢- يرسم المعلم عدة مجموعات منفوعة من الأشياء على السبورة ويطلب
 من الأطفال أن يزاوجوا (يرسموا سهما) بين المجموعات العنساوية العدد كما
 بالشكل .



٣- يختار الاطفال من النشاط السابق المجموعات التي عدد عناصرها الثين مشلا
 ويعطى المعلم اسم العدد الثين لكل مجموعة تحتوي عنصرين نقط.

وبنفس الاسلوب اسم العدد ثلاثة ·· اربعة - خمسة . وأيضا واحد . ويمكن أن يقيد هذا النشاط في تقديم الصغر بعد ذلك حيث يمكن وضع اطار ليس بداخله شيء حيث يشير الى الصفر .

- ٤- تستخدم فكرة أكثر بواحد لبناء مجموعات ذات عناصر ١ ، ٢ ، ٢ ، ٤ ، ٥ فمثلا يستخدم طفل المكعبات الخاصة به ثم يضمع واحدا منها على طاولته ويقول واحد ثم يضع مكعبا آخر ويقول اثنان بحيث يكون داخل الحار مقفل مع الأول وهكذا .
- و- يعمل الاطفال في أزواج ويعطيهم المعلم قضبان العدثم يعدون عدد الخرز في كمل
 قضيب ويختبر كل طفل نتانج زميله الأخر
- بستخدم سلم الأعداد ذو الدرجات الخمس فيلمس طفل الدرجة السفلي ويقول واحد
 ثم يصعد السلم درجة درجة قائلا اسم العدد الذي يلمسه في كل درجة .



المكن تقديم الاعداد من ۱ - ع بالتدريج هكذا:

 الله بيناقش المعلم الاعداد واحد - اثنين - ثلاثة
 وذلك برسم مجموعات من الأشياء على
 السبورة واحدة ذات عنصر واحد واخيري
 ذات عنصرين وثالثة ذات ثلاثة عناصير
 ويكتب العدد المناظر أمام كل مجموعية
 كما بالشكل .

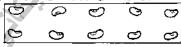
ب- ببين المعلم كيفية كتابة الاعداد ٢٠١، ٣ على السبورة شم يتدرب الاطفال على كتابتها بعد ذلك .

ويمكن توسيع الأنشطة أ ، ب ، جـ لتشمل الاعداد ٤ ، ٥ .

١٥- يرسم المعلم خطأ بالطباشير على أرضية الغصل ثم يقف طفل على أحد نهايتي الخط ويطلب منه المعلم أن يتقدم خطوة على الخط ثم توضيع علامة ١ ثم يتحرك الطفل خطوة اخرى في نفس الاتجاة وتوضيع علامة ٢ ويعشبي حتى العدد ٥ ثم يرجع الطفل خطوة خطوة حتى نقطة البداية ثم يقوم طفل أخر بتكرار النشاط مكذا.

وهذا نشاط مهم لأنه يعتبر تمهيداً لفهم واستخدام خط الاعداد .

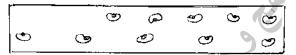
٦١- يضع المعلم مجموعتين متساويتن من أي شيء وليكونا من الحدوب على المنضدة
 احد حد المنضدة



ويسأل طفلا ليعد كل مجموعة (مثلا) ثم يسأل المعلم أسئلة مثل

ا - هل عدد الحبوب في المجموعة الأولى يساوي عدد الحبوب في المجموعة الثانية؟
 ب- هل عدد الحبوب في المجموعة الأولى أكبر من عدد الحبوب في المجموعة الثانية؟

سيوافق الأطفال على أن كلتا المجموعتين لهما نفس عدد العناصر ثم يحرك المعلم الحبوب في المجموعة الثانية كما هو مبين بالشكل .



تُم يكرر نفس السؤالين السابقين .

وعندئذ يعتقد بعض الاطفال أن عدد الحبوب في المجموعة الثانية أكبر من عدد الحبوب في المجموعة الأولى تيحرك الحبوب الى الوضع الأصلي ثم يكرر نفس السوالين السابقين .

سيأخذ بعض الاطفال وقتاً حتى يتعققواً من أن التغيير من وضمع و(ترتيب) العناصر داخل المجموعة لا يغير من عددها .

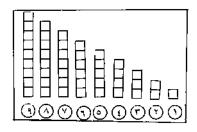
يستخدم المعلم شرائط العدد الملونة حيث يعطي كل طفل شرائط للأعداد من ١- ٥ ويستخدم الطفل شررائط العدد ١ ليكون شريط ٣ ثم يكرر النشاط مع شرائط ٢ ، ٢ . ٥ . ٥ . ٠ . ٥ .

يعطى الاطفال مجموعات من الخرز معلقة في خيط ويكتب الاطفال اسقل كثل واحدة عدد العناصر أو يقولها .

الأعداد من ستة حتى تسعة :

عندما يتمكن الاطفال من استخدام الأعداد من ١ - ٥ ويفهمون فكرة الصفر فيمكن تقديم الأنشطة الخاصة بالاعداد من ٦ - ٩ ويمكن توسيع بعض الاتشطة التى استخدمت على الاعداد من ١ - ٥ لتشمل الأعداد من ٦ - ٩ .

ثم يقوم الأطفال بعمل أنصاط لتمثيل الأعداد من ١ – ٩ سواء بالمكعبات هكذا كما بالشكل التاني لو بالنقط .



العدد عشرة:

يمثل العدد ١٠ بداية فكرة القيمة المكانية وهو يمثل صعوبـــة الــى حــد مــا لمعظــم الأطفال وإن كانوا باللغونه من خلال العملة سواء الورقية أو المحدنية .

ومن المفيد أن يتمود الطفل قراءة ١٠ في البداية على أنها صفر – واحد لتعثى مجموعة من عشرة وعدم وجود أحاد .

الأعداد من ١١ حتى ٢٠

تمثل هذه الأعداد الأفكار الأولية للقيمة المكانية ويجب التدرج في تدريمسها حتى نبني الأساسيات التي تلزم لمواصلة دراسة الرياضيات مستقبلاً لدى الطفل .

وتفيد الأنشطة التالية في تقديم الأعداد من ١١ - ٢٠ .

العند المعلم عددا من العملات الورقية قنة (١ جنيه) ثم يطلب من الأطفال عدها
 حتى ١٠ ثم يضعها المعلم داخل علية ضفيرة ورقية ثم يأخذ طفل جنيها أخر
 ويضعة داخل العلية ويكتب عليها من الخارج ١١ .

ثم يبدأ المعلم مرة ثانية مع صندوق فارغ آخر ويكرر النشاط ولكن في هذه المرة يضع اثنين على قمة الصندوق ثم يقدم الكلمة اثنا عشر (١٢)) ثم يحرك الاثنين من على الصندوق ويضعهما داخله ويكتب ١٢ عليه .

ثم يستمر المعلم بنفس الاسلوب (مسنخدما أعواد كبريت) أكثر في كمل مرة حتى يمكنه تقديم الأعداد ثلاثة عشر (عشر وثلاثمة)، أربعة عشر (عشر وأربعة) ، خمسة عشر (عشرة وخمسة)

 ٧- يستخدم الأطفال حبوبا أو مكعبات دينيز أو أغطية زجاجات مياه غازية ليبنوا ١٠ ثم يضعون واحدا أخر ليكونوا ١١ ويكتبوا ١١ كعدد عناصر المجموعة ثم يضيف الأطفال عوداً أو مكعباً ليكونوا ١٢وهكذا . ٣- بدلا من وضع عشرة أشياء في الصندوق أو تكوين حزمة من عشرة للبدء في
 النشاط قيمكن استخدام أشياء اخرى مثل مصاصات مياه غازية أو عصى تجمع مع
 بعضها برباط مطاط ليكونوا حزمة من عشرة . ١٠

ثم يضيف الأطفال مصاصبة (عوداً) ليحصلوا على ١١. ثم يستمروا بهذه الطرقة ليحصلوا على ١١.

عمل الأطفال في ازواج: يقرد الأول أصابع يده ليبين العدد ١٠ ثم يصع الثاني أصبع وحد لله المدد ١٠ ثم يصع الثاني أصبع واحد بجانب زميله ليكون ١١ ثم بعد ذلك يضع اصبعين ليكون ١٢ كما هو مبين بالشكل التالي.

and my and and and

 تقف مجموعة من الأطفال (من ١٠ - ١٥) أمام زملائهم في القصل ثم يقوم طفل بعدهم ثم يكتب العدد وليكن ١٣ .

*ለ*ተ ተለተለተ ተለተለተ

تْم يعاد نتظيمهم كما بالشكل التالي ويقوم زميلهم بالقول عشرة وثلاثة .

<u> ተ</u>ለተለተ ተለተለተ ተለተ

٣- يستخدم الأطفال شرائط المد الملونة الخاصة بهم ويعملون في أزواج ، يصنع الأطفال شريطاً من فئة ١٠ ثم يضعون أسفله شريطاً فئة ١ ثم يضيفون شرائط فئة ١ بجانب بعضها فيرون أن أحد عشر شريطاً ١٤ وشريط ١ وياضافة شريط ١ كل مرة على كل صف نجد أن التي عشر شريطاً ١ يتكون من شريط ١ وهكذا .

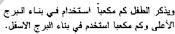
0	ΦĮ.	.OI	CI	0	ÐĮ.	Ø	(T)	<u>.</u>	(j)	
						_			\mathbf{c}	
	Œ.	<u>.</u> Cl	Q	73	(r)	Ü	Ø.	<u>@</u>	0	C
									<u>.</u>	\mathbb{C}

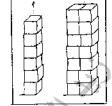
ومن الممكن أن يرى الأطفال ثلاث عشرة بثلاث طرق كما يلي .

0 0	(i)	(6)	ØĮ.	U	(1)	()(Û	0	0	का	<i>(i)</i>
						•		©	Œ.	<u> </u>	(0)
								दा			Œ.

ومن الممكن أيضا أن يبينوا ١٢ ، ١٤ ، ١٥ بهذه الطرق الثلاث -

- يطلب المحلم من الأطفال أن يستخدموا مكعباتهم
 في بناء أبراج سكنية حيث يطلب من كل طفل أن
 يبنى برجين بحيث يعلو أحدهما عن الآخر بدورين
 (كما بالشكل)



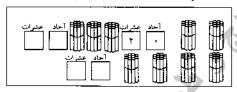


الأعداد من ٢٠ حتى ٩٩

أنشطة :

١- يوزع المعلم المصاصبات على الأطفال بحيث يكون مع الأول ١٠ مصاصبات ، والثاني ٢٠ ، والثالث ٣٠ وهكذا ثم يطلب منهم تجميعها بالعشرات ويسأل كل طفيل كم عدد المصناصيات التي معك ٣

قد يقول أحدهم معنى حزمتان كل حزمة عشرة فيكتب المعلم (٢٠) ويلفظها عشرين وآخر معي ٣ عشرات فيكتب المعلم (٣٠) ويلفظها ثلاثين وهكذا .



٢- بعر ض المعلم الحرمة على الأطفال ويقول لهم أن كل حرمة تحتوى على ١٠ مصاصات ويطلب من أحدهم أن يفك احداها للتأكد من عدد عناصرها ثم يرفع المعلم حزمة واحدة ويسأل عن عدد عناصرها ثم يرفع حزمتين ويسأل عن عدد عناصر هما وعندما يسمع الجواب (عشرتان) يقول عشرون ويكرر العملية نفسها حتى ٩ عشرات أو تسعين ،

٣- يوزع المعلم على الأطفال حزماً (كل منها ١٠ مصاصبات) ومصاصبات مفردة على ألا يزيد عدد العناصر مع كل طفل عن ٩٩ عنصراً . ثم يسأل كل طفل : كم مصاصبة لديك ؟ (كم عشرة وكم مصاصبة ماردة) فيجيب أحدهم مثلا لدي أربعة مصاصات وثلاثة عشرات (أربع وثلاثون) ثم يرسم المعلم الرسم المقابل ويطلب من التلاميذ قراءته وكتابته .

٤- يكرر المعلم النشاط السابق مستخدما أعداداً مختلفة في المدى من ٢١ حتى ٩٩

٥- يكتب المعلم على السبورة بعض الأعداد ويطلب من الأطفال تمثيلها على العداد

٦- يمثل المعلم بعض الاعداد على العداد ويطلب من بعض الأطفال قراءتها ، مثلا ٦٤ = ٤ أحاد ، ٦ عشر ات ٤ ، ٠٠ . أي أربعة وستون

ويكتب أحد الأطفال هذه الأعداد

ضمن جدول الأحاد والعشرات .

ويكرر هذا النشاط مع أعداد كثيرة من ١١ حتى

٧- يطلب المعظم من الأطفال تعثيل عدد ما (٥٠ مثلاً) على العداد وقراءته ثم يطلب
 اضافة واحد للى العدد وقراءته ثم واحد حتى ٥٩ .

ويكرر المعلم ذلك مع أعداد أخرى حتى يفهموا تتابع الأعداد وتسلسلها -

الأعسداد من مائة فأكتسر

أتشطية

إعرض المعلم على الأطفال عداداً ويضع في خانة المنات حلقة واحدة ويطلب من الأطفال كتابة العدد المناسب ثم يزيد الحلقات بالتدريج حتى تصبح تسعاً ويطلب في كل مرة من أحد الأطفال أن يكتب العدد المناسب.



٢- يطلب المعلم من أحد الأطفال تمثيل العدد ٢٦٥ على العداد ويطلب من آخر تمثيل ٥٣٧ . وهكذا حتى يتأكد المعلم من تمكن الأطفال من تمثيل العدد على العداد وقراءته وكتابته .

 "ح. يعرض المعلم على الأطفال قطع دينيز تمثل الواحدة منها مانة وقطماً تمثل الواحدة منها عشرة وقطعاً ثمثل الواحدة منها أحاداً مكذا.



ويوضح لهم أن هذه الأعداد امتداد لما تم دراسته سابقاً في حائـة الآحـاد والعشرات وبرسم لهم جدول القيم المكانية على السبورة ويطلب من أحدهم تعثيل العدد الذي يمثل القطع وكذابته في الجدول

> احاد عشرات منات ۳ ه ۲

ويطلب من طفل أخر قــراعته مانتان وثـــلاث وخمسون ويكرر المعلم هـــذا النشاط مع أعداد أخرى منتوعة .

ع- يطلب المعلم من الاطفال تمثيل اعداد تتضمن الصفر كجافظ للخائلة مثل ٢٠٩٠، ٢٠٤،
 ٢٢٠ ، ٢٠٢ و هكذا .

 وعرض المعلم على الأطفال لوحة الجيوب ويطلب منهم تعثيل أعداد عليها أو يعتبل أعداد ويطلب منهم كتابتها .

 - يقوم الأطفال بتنفيذ أنشطة امتداد للأنشطة السابقة تتضمن الألاف وعشرات ومنات الآلاف باستخدام العداد ولوحة الجيوب وقطع دينيز .

تعليق ومتابعة

يكتسب الطقل خيرات الأولى بالأعداد حين ينطق بالأرقام ٢، ٢، ٣،
...... بصوت ايقاعي كأنه ينشد مقطوعة من نشيد وهو يقمل ذلك دون أن يحس
بمعنى لهذه الأعداد أو يكون معناها محدوداً ضيقاً ويمكن أن نطلق على تكرار أسماه
الأعداد دون ربطها بمعناها العد الآلي أو العد الروتيني Rote Counting ، ويجب
على المعلم الا يشجع الأطفال على الاستمرار في طريقة العد الآلي بل عليه أن يبدأ
ممهم في تعلم الأعداد بطريقة تقوم على العد المعلى أو العد المنطقي

. Rational Counting

ويتبغي أن يتم تعليم الطفل العد العقلي باستخدام الأسياء ذاتها كالأقلام وأنواع الفاكهة والحبوب وما الى ذلك ثم بعد ذلك باستخدام صور لهذه الأشياء ثم نتدرج الى استخدام الأشياء شبه الحسوسة التي نتمثل في الفقط والعلامات والمربعات الصغيرة والدوائر الى أن نصل في النهاية الى استخدام الأعداد المجردة ويجب تقديم الاعداد كجزء من متكامل مع الحياة .

ويجب أن يتم تدريس الأعداد على مراحل كما بيننا سابقاً ويرى البعض تقديم العد الروتيتي ١ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، شم ١٠ ، ٢ ، ٢٠ ، لأن الطفىل يسهل عليه عدهم ثم تبدأ مرحلة استخدام القيمة المكانية .

وإنه لمن المهم أن يكون لدى الأطفال فهما عميقا القيمة المكانية لأن كثيراً من الاجراءات الحسابية تعتمد عليها كما أن معظم الأخطاء الشائمة والمسعوبات التي تواجه الأطفال في العمليات الأساسية (الجمع والطرح والضرب والقسمة) وأيضاً العمليات على الكسور العشرية يمكن ارجاع اسبابها الى القيمة المكانية ونذلك يجب علينا باعتبارنا معلمين أن نبذل ما في وسعنا لكي يتمكن الأطفال من القيمة المكانية ومن الانتراحات المفيدة في هذا السياق ما يلى :

١- تزيد الأطفال بأنشطة عملية عديدة تساعدهم في بناه الأفكار السليمة للقيمة المكانية .

٢- عدم تقديم تسجيل حسابات مركبة أو معقدة قبل أن يكون الطفل مستحداً لها ، وإذا
 حدث ذلك فسيكون الأطفال مثل الببغاء أي يؤدون بدون فهم حقيقي.

- ٣- النظر بعناية شديدة الى الكلمات والعبارات التي نمنخدمها عندما تأتي القيمة المكانية
 الى الحسابات .
- ٤- استخدام أساسيات متنوعة (غير النظام العشري) مثل النظام الثلاثي والغماسي والثماني والثماني والثماني والثماني والثماني والثماني والثماني استخدام النظام العشري والتركيز عليه أو حتى استخدام الأساسيات التي تختلف عن عشرة كنشاط الرائي في الصغوف العليا لأن أحد عيوب الاقتصار على النظام العشري فقط هو أنه ليس من السهل على المعلم أن يقرر ما إذا كان الطفل قد فهم الأفكار التي وراء القيمة المكانية فهما حقيقياً أم لا.
- والنتوع في أنشطة تعتمد على أساسيات أخرى غير العشرة يساعد علمي فهم القيمة العكانية في النظام العشري .
- ولا توجد صدرورة ملحة لاستخدام لغة الأساسيات في هذه الأنشطة . وهناك جدل حول استخدام أساسيات تختلف عن العشرة في تقديم القيمة المكانية للأطفال .
- وأحد دوافع تضمين استخدام أساسيات تختلف عن العشرة في العنهج العدرسي للرياضيات هو أن النظام الثناني والنظام الثماني يستخدمان في الكمبيوتر .
- والدافع الثاني هو الراء وتعزير فهم الأطفال نلقيمة المكانية واستخدامها في الحساب. والاتجاهات العاصرة تتمثل في تزويد الأطفال بخبرات عن الأنظمة المتعددة في
 - ١- تزويد الأطفال بألعاب مسلية للتدريب على حقائق الجمع ،
 - ٢- بناء العلاقة بين القيم المكانية في الخانة .

السنوات الأولى لعدة أسباب منها :

- ٣- زيادة مقدرة الأطفال على التحويل من أساس الى آخر .
- + تزويد الأطفال بصورة عقلية لعمليات التغيير (الحمل التفكيك أو ما يسمى إعادة التسمية).
- تعليم الأطفال كيفية قراءة وكتابة الأرقام للأساس خمسة وغيره (يختلف عن العشرة).
 - ٦- اكساب الأطفال خبرة في التجميع .
 - ٧- بناء معنى مقروء ومكتوب الأعداد مكونة من رقمين أو ثلاثة .
 - ٨- تعليم الأطفال كيفية الجمع في الأساس خمسة وغيره (يختلف عن العشرة) .

ويجب أن نعرف أن بعض الرموز مثل (٣١٧) وبعض العمليات الحسابية مثل (٣١٧- ١٤٢) بأساسات تختلف عن عشرة نادراً ما تدرس في الصغوف الأولى ولكن قد تقدم كُنشطة أثرائية للأطفال في الصغوف العليا .

"و غالبا ما يجد الأطفال المتعة في العمل مع أنظمة جديدة من الأعداد .

وفيما يلي بعض الأنشطة التي تستخدم أساسات تختلف عن العشرة لتقديم القيمة المكانية. أذش طـــة :

بالنسبة لكل نشاط يجب أن يعمل الأطفال في أزواج أو على انفــراد أو فـــي مجموعات صغيرة حسب كمية الأدوات والأجهزة المتاحة .

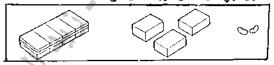
١- يحتاج كل طفل في هذا النشاط الي :

أ- مجموعة من علب الكبريت الفارغة .

ب- أربطة مطاط أو قطع من الخيط .

 حـ مجموعة من حبوب اللوبيا أو الفاصوليا أو الفول أو أي أشياء لها نفس الحجم تقريباً . أي يجب أن تكون صغيرة بدرجة كافية حتى يمكن وضها في علية الكبريت.

يبدأ الطفل بكومة من الحبوب من (عشرين الى ثلاثين تقريباً) ويضع عداً متساوياً (وليكن أربعاً) في علب الكبريت حتى يستخدم عديداً من الأربعات قدر الامكان وأي حبوب تبقى يتركها على درجة ولا يضعها في علب كبريت ثم ينظم الطفل علب الكبريت الملاى في حزم كل حزمة أربعة ويضع حول كل حزمة رباط من المطاط وفيما يلى مثال لما سوف يجده الطفل على منضدته.



تُع يقول لدي حرَمة واحدة . وثلاثة صناديق واثنتان من الحبوب ثم يسجل النشاط وهذا التسجيل ضعروري وجزء مهم جداً من النشاط وبدونــه يفقد النشاط كثير أ من قيمته

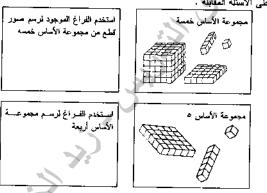
ويتم التسجيل بطريقتين :

حزم	مىنادىق	حبوب	عند الحبوب في الصندوق الواحد
۲	•	۲ -	٣
١	١	,	í

وإنه لمن المهم أن يأخذ الأطفال في اعتبارهم العمود الفارغ عندما يصيفون النتائج في كلمات من عندهم . فمثلاً عند تنظيم عشرين حية في ثلاثات يجب أن يقول الأطفال : لدينا رزمتان ولا يوجد صناديق وحبتان .

ان استخدام الصغر يجعل تسجيل الأعداد عملية ممكنة اذا لم نضعها في أعمدة رأسية باستخدام القيمة المكانية (أي أن تسع منات وخمسة أحاد تعثل ٩٠٥ وليس ٩٠٥

 ٣- يعرض العملم على الأطفال الأشكال التالية والمكونة من تطع دينيز وإن ثم تكن متوفرة فيمكن عملها من الورق العقوى أو الكرتون . ويطلب من الأطفال الإجابة على الأسئلة العقابلة .



على السبورة جدولاً كالمبين ويطلب من الأطفال أن ينقلوه في دفاتر هم
 ثم يطلب منهم مايلي :

حزم	صناديق	حبوب
١	٣	٧.

أما برسم بصبط ب- باستخدام أعمدة كما يلي :
 ويجب مناقشة النتائج مناقشة تامة . وعلى
 سبيل المثال يجبأن تسأل اسنلة مثل الاسنلة القالية :

أ- ما عدد الحبات التي توجد في الصندوق (علبة الكبريت) ؟

ب کم صندوقا یکون (حزمة) ؟

جـ- كم حبة توجد معاً في الحزمة ؟

د- ما عند الحبوب التي توجد في صندوقين كبريت ؟

هـ - كم عند العبوب التي توجد معى اذا كان لدي صندوقان وثلاثة حبات ؟

 و - إذا كان لدي الحبوب المبينة سابقاً ولدي حبة ريادة عنها كيف أبين من خلال الأعمدة عدد الحبوب التي معي ٢

ز - لمدي الحبوب العبيفة سابقاً وحبقان اخرتان . كيف أبين باستخدام الأعددة عدد الحبوب التي معي كلها ؟

٢- يجب تكر ار النشاط بحيث نبدأ بنفس عدد الحبوب ولكن بوضع عدد مختلف في
 صندوق الكبريت (ويؤدي ذلك الي عدد مختلف من الصناديق في الحزمة) .

ويجب الاهتمام والأخذ في الاعتبار أن عدد الحزم لا يستلزم عموداً آخر (فعلى سبيل المثال اذا وضعنا ثلاث حيات في الصندوق فيودي ذلك الى أربع حزم ثم يجب تجميع ثلاث من هذه الحزم لتكون مجموعة أكبر ثابتة . ويفضل تجنب ذلك في العراحل الأولى ، ومن الممكن تقديمه بعد ذلك . اثنان وعشرون من الحبوب تكون عدداً مناسباً كما هو مبين في الحدول التألى :

			<u>ير</u> ي	- 03.1-3
Ī	حزم	مىنادىق	حبوب	عدد العبوب في
١	, ,			الصندوق الواحد
	Y	١ - ١	١	٣
	15	1	۲	Ĺ
	74	£	٧ .	٥
		٣	í	٦
-9	. 7	1	٠	

ويفضل في هذه المرحلة وضع حبنين فقط في الصندوق لأننا حيندذ نحتاج الى أربعة أعمدة فقط نكل ثمان حبات .

وقد يكون عشرون حية عدداً مناسباً لتقديم الصغر كما هو مبين في الجدول التالي:

- 1 امسيلاً الجندول ،
- ۲ مثل تری أیة أنماط .
- ۳- <u>د اول وصفها</u> .
- و يوفر المعلم للأطفال قطعاً
 من مجموعة الأساس أربعة
 ثم يطلب من الأطفال الاجابة
 - على السوال التالي :

	أمناس أريعة	
		C-
,	1	,
	1	
i	Υ	
	1	

إربعد الحسنة الممانية

إذا كان لدينا ٢٦ وحدة وأردنا استبدالهم يقضبان ومسطحات فما الاحتمالات الممكنة مي : المدالات الممكنة مي : التنبية هي : التنبية هي المسطح ، ١ قضيب ، ٢ وحدات . ثم يطلب منهم تكملة البدول ومن الممكن أن يسائهم الاسنئة التالية أيضاً باستخدام ١١ تطمة كيف يمكن كتئيل ٢٦ و و يفيف يمكن كتئيل ٢٦ و الأساس كيف يمكن كتابة ٢٦ في الأساس

٣- يتطلب هذا النشاط الأجهزة والأدرات التالية :

أ- كمية كافية من الخرز .

ب- قطعة من الصلحدال (أو لدانتيه وهي مادة تشبه الطين تستعمل لتطيم الصغار صنع الأشكال المختلفة) يوضع بها قطع من السلك (أو أي مادة مناسبة) . وكل قطعة من السلك يجب أن تكون طويلة بحيث تكفي ثلاث خرزات لا أربع كما في (أ).

عدد فلوحشات فترغشاهها لعبنع قضيب

بلد الوسدات الترغناسها لصلع مسطع

عدد الوحليات الترتمناسها لصبع بلوك





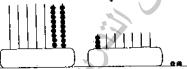
ج- كمية أخرى من الصلصال مع أسلاك مثل (ب) ولكن كمل قطعة سلك تكفى
 تسع خرزات لا عشر .

يستخدم الطفل سلك الشلاث خرزات أولاً حيث يملأ الأسلاك بالخرز قدر الإمكان (تأكد من أن كل سلك تام العلميء ، وأي خرز زاند يجب تركه على الدرج ولا يوضع على سلك .

(111111)

ثم يستخدم الطفل الخرز التي على السلوك الثلاثية في ملىء السلوك التساعية قدر إحكانه وتأكد مرة ثانية أن كل السلوك التساعية المستخدمة مملوءة بالكامل.

إذا بدأ الطفل بـ ٢٣ خرزة فانه سينتهي بـ .



يقول الطفل على سبيل المثال : لقد مــلات سلكين طويلين وسلك قصمير وتبقى معي خرزتان على المنضدة . أو قد يقول لدي تسعتان وواحد ثلاثة واثنان أحاد

ملاحظة : لا تستخدم أكثر من ٢٦ خرزة مع هذه الأدوات .

ثم يشرع الطفل في تسجيل

النشاط عن طريق :

س حريق -	1 .		
أ- رسع بسيط كما في الرسم السابق .	أحاد	تلاثات	تسعات
ب- باستخداد الأعمدة هكذا :	۲	١	4

تمدنا نتيجة كالمبيئة بفرصة جيدة لمناقشة ما تمثله كل الثين . فعندما يفهم الطفل أن الاثنين التي على اليسار تمثل تسعنين والاثنين التي على اليمين اثنين آحاد فانه يكون قد بدأ يفهم الفيمة المكانية . ٧- في الأنشطة الذي وصفت يجب أن يكون للأطفال القدرة على رؤية كل الأشياء كما نظمت (أي في ترتيبها الذي وضعت به) . لا يبدلون أو لا يضعون رقماً مكان أخسر أو مكان أسيء جديد . فمثلاً العدد ١٣ يمثل على العداد بخسرزة واحدة في سلك العشرات وأسلات خرزات في سلك الآحاد كما هو مبين بالشكل المقابل .

هذا بالطبع تمثيل حقيقي ولكنه خطوة كبيرة بالنسبة للأطفال ، وخاصة عندما تكون خرزة واحدة في المشرات وخرزة واحدة في الأحاد فيرتبك الأطفال بسرعة. ولتجنب ذلك نحتاج الى جسر لنربط بين الأنشطة الأولية واستخدام المداد، أحد طرق بناء هذا الجسر هو استخدام شرائط العدد العلونة الموصوفة سابقاً.

يعمل الأطفال في أزواج بحيث يكون معهم عشرين شريط فنة 1 (وبعد ذلك يمكن تزويدهم بشرائط فنة ١ . ويزود طفل بمجموعة من شرائط ١ . وليكونوا (١٣ مثلاً) ويزود زميله بمجموعة من شرائط ٥ .

ثم يغطون شرانط ٥ بشرائط ١ حتى التأكد من أنهم فهموا أن شرايط ٥ يكافى، خمسة شرائط ١ ويطلب من الطفل الذي معه شرائط ١ تغييرها بما نديه من شرائط فنة ٥ قدر الامكان ، حيث يعد خمسة شرائط ١ ثم يعطيهم لزميله لتغييرها بشريط واحد ٥ ثم يعد خمسة شرائط فئة ١ ويغيرها مرة ثانية بشريط واحد فئة ٥ فيبقى ثلاثة شرائط ١ ولكن زميله لا يبدلهم له بشريط ٥ . ثم يقول

الطفل الأول لدي شريطان ٥ وثلاث له شرائط ١ ويسجل العدد باستخدام الأعمدة الرأسية كما يلي :

شرانط ۱ شرائط ه ۳

يتضمن هذا النشاط فائدة وهي أن شريط ٥ له

ولهذا يجد الطفل أن التغيير والتسجيل على نفس المسار يجب ندر النساط عدة مسرات باستخدام أعداد مختلفة من شريط ١ (ولكن ليس أكبر من ٢٤). ويمكن أن تتنوع الشرائط التمي يبدلونها (مع اعتبار أن التغيير الثاني ليس ضرورياً) وعندما يفهم الاطفال فكرة الأعمدة الرأسية واستخدامها فيجب تقديم فكرة العشرات وفيما يلي أنشطة مفيدة ومنتوعة .

٨- يمتد استخدام شرائط العدد العلونة الموصوفة في نشاط ٧ لتشمل الشريط ١٠ . عدد الشرائط فقة ١ يجب ألا يزيد عن ١٩ في أول الأمر . وبعد ذلك يمكن استخدام من ٢٠ - ٣٣ لكل مجموعة من شرائط ١ يستخدم الأطفال أعدد وأسلة لتسحيل شرائط ١ يستخدم الأطفال أعدد وأسلة لتسحيل

شرالط ١٠	شرائط ۱
	۰
4	٣

تغيير كل عشرة شرائط ١ بشريط واحد فئة ١٠ . نمثلاً .

أسماء العدد لكل مجموعة من شرائط ا تربط الآن بالتسجيلات السابقة. أسماء الأعداد من احدى عشر حتى تسعة عشر تحتاج الى شرح ومناقشة بعناية كبيرة . وأسماء الأعداد من عشرين تتدفع الى الأمام في نمط دوري حيث يجب التدريب على هجاء وكتابة أسماء الأعداد عند تقديمها مباشرة وتستمر الأنشطة التي وصفت سلفاً .

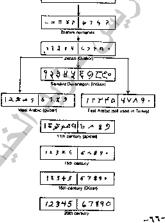
مطومات اضافيــة:

لمحة تاريخية عن العد والأعداد :

لم يعرف الانسان القدم الأعداد لكي يستعملها في حياته اليومية . ولكنه اهتدى الى طرق يعد بها يعض الأشياء . فالراعي مثلاً كان يحاول أن يعرف ما اذا كانت جميع الغنم في تطيعه تعود ليلاً . فكان يضع أمامه كومة من الحمسى وعند خروج قطيعه ، كان يضع في كيسه حصاة لكل شاة تغرج . وفي المساء كان يغرج حصاة لكل شاة يذخل الى الحظيرة فإذا لم ييق في الكيس أي حصاة علم أن جميع الغنم قد عادت . أما إذا بتي في كيسه بعض الحصى قعفى ذلك أن بعض الغنم لم تعد .

ولذلك تعد مغرفة الأرقام والتعامل معها خطوة عظيمة على طريق التقدم ولا شك أنـــه لا يمكن لأي حضارة أن تتقدم دون علم الأعداد .

ونظام الأعداد الصالي يسمى النظام الهندي العربي وذلك لأن نسبه Ancestry الهند وأعلن اكتبائه من قبل العرب .



ويذكر بعض المؤرخين أنه توجد بعض الأدلة على أن نظام الأعداد الحالي لمه أصل في الصين حوالي ١٤٥٠ ق م أي منذ ٣٤ قرنا . وتوضح شجرة العائلة للأعداد التي تم وصفها أكثر الاعتقادات شيوعاً حول تاريخ نظامنا العددي .

ونقد وفق الله تبارك وتعالى علماء الأمة الاسلامية والعربية في تطوير نظامين لكتابة الأرقام: النظام الأول ويسمى بالأرقام الغبارية وهذا الاسم جاء بسبب كتابتها على الوحة أو منصدة من الرمل عند اجراء العمليات الحسابية وهي الأرقام المنتشرة في المعترب العربي بما في ذلك الأتدلس ومنها دخلت الى أوروبا وسميت بالارقام العربية . والنظام الثاني : الأرقام الهندية (۱، ۲، ۲، ۲، ۲،) وهي التي يستعملها عرب المشرق بما في ذلك تركيا .(، ۰)

الترقيم المصرى القديم:

لكتابة العدد واحد عمد المصريون القدماء الى الرسم أو الرمز ١ ولكتابة اثنين عمدوا الى تكرار الرمز ١ . ومن ثم كلما احتاجوا لتمثيل عدد كرروا الرمز مثلاً ١١١١ ا ١١٠ ولكنهم عندما وصلوا الى العشرة استبدلوا الخطوط العشرة بقوس . وبوصولهم الى المائة استبدلوا الأكواس العشر بالحبل العلقوف ومن شم استبدلوا الحبال العشرة بزهرة اللوتس لمترمز الى العدد ١٠٠٠ .

والنظام المصري القديم نظام عشري ولكنه ليس موضوعياً ، ولذا لم يستممل القدماء المصريين الصفر ولا عرفوه لعدم معرفتهم بالقيمة المكانية .

التزقيم العشرى	الترقيع المصرى	وصنف الرمز
1	1	– جرة قلم
1.	'n	– عظم الكعب
311	 €	– تفوفة من ورق البردي
1	Ì	– زهرة اللونس
11111	1	- أصبيع مفعلى
1,	. b<⊙	- فرخ الضندع
1.,,,,,	K	- ر جل مدهش

ويمثل العدد بكتابة هذه الرموز في صف وبسأيترتيب ثم تجمع قيم الرموز

الترقيم البايلي:

وهو نظام قديم استخدمه البابليون منذ ٣٠٠٠ سنة قبل الميلاد وكتابة البابليين قد حفظت على الطين (الصلصال) والذي كان يحمص (يجف) بفعل الشمس أو بحرقه في الأتران Kilns وقد تشكلت الأرقام في النظام البابلي في صورة رموز مسمارية Cuneiform على شكل أوتاد (Wedge - Shaped)

والنظام البابلي - مثل النظام المصري القديم - يتمتع بخاصية التجميع أو الاضافة ويقوم على رمزيين ققط هما الاواحد والعشرة وفيما يلي طريقة كتابة بعض الاعداد مقارنة بالنظام العشري .

والنظام البابلي في الترقيم يمتلك خاصية (القيمة المكانية حيث أنه نظام ستيني Sexagesimal بمعنى أن كل خانة في عدد ما تعتبر مضروبة في قوى ١٠ أي في عن ٢٠ أي الم الم ١٠ أي الم ١١ أي الم ١١ أي الم ١١ أي الم ١٠ أي الم ١١ أي الم ١١ أي الم ١٠ أي الم ١١ أي الم ١١ أي الم ١١ أ

والعدد ٧٧ (٧ كيمة هكذا

 $(7 \times 7) + (11 \times 11) + (1 \times 7)$ والذي نكتب هكذا

٣ + ٦٦٠ + ٢٢٠ = ٧٨٦٣ بالنظام العشري .

ولكن هذا التكرار لم يجر من قبل البابليين ولكن سياق الكتابة هنا يمكن استخدامه لبيان انتماء الرموز الى الأحاد ، ٦٠ أ ، ٢٠ أ ، اللخ

والنظام البابلي لم يتضمن رمز الصفر وهو غامض التكرار وغير قابل للاستعمال على نحو مريح في أحيان كثيرة الا أنه كان خطوة كبيرة الى الأمام بسبب خاصية القيمة المكانية به وجداول الطين البابلية بها رموز مسمارية تظهر في بعض مقاييسنا ولايسعنا الا أن نشكر استقرار هذه الجداول بثوتها وذلك لأن آثار البابليين أفادت ثقافاتنا المعاصرة مثل ٦٠ × ٦٠ أو ٣٦٠ في الدائرة ، ٦٠ ثانية في الدقيقة ، ٦٠ دقيقة في الساعة .

النظام الأغريقي الأيوني:
Ionic Greek System

استخدم النظام الأغريقي الأيوني الحروف الهجانية الأغريقية كأرقام ولكي نكتـب فـي النظام الأغريقي الأيوني يجب أن نتذكر الجدول التالي :

1	â	alpha	10	C	iota	100	Ω	rha
2	ß	beta	20	k	kappa	200		sigma
3	7	gamma	30	Å	lambda	300	Ŧ	1au
4	đ	delta	40	ŭ	mu	400	υ	upşilan
5	É	epsilon	50	¥	nu	500	ŧ	p i ni.
6		obsolete digamma (let us write ¿)	60	4	xi	600	¥	chi
7	¢	zeta	70	ø	emicron	700	Ψ	psi
В	ņ	et _d	80	4	pi	800	ťш	omega
Ģ	8	theta	90		obsolete koppa	900		obsolete sampi

وبالنسبة لمضاعفات ١٠٠٠ استخدمت التسعة حروف الأولى

والحرف M كان يمثل ١٠٠٠٠ أي أن نظام الضرب كان مستخدماً -

Ατοέε = η Μβφμδ

مثال أ- اكتب ٧١٣٠٥ بالنظام الأغريقي الأيوني ؟

ξ M α τ ∈ = Υ١٣٠٥

ب- اكتب بالنظام العشري

ετιτι - δΜγρλβ

النظام الروماني:

استعمل الرومان الرموز التالية في نظامهم الترقيمي:

"M	C	X	V	M	D.	С	L	LX.	V	I
1	3	1,,,,	0	1	۵٠,	1	٥,	1.	۵	1
	4 1									

وكانت العشرة أساساً بنظامهم الـترقيمي . وقد كتبـوا جميـع أعدادهم متبحين القواعـد التالية:

أ- ثكتب الأرقام حسب ترتيب تصاعدي أي إذا أرادوا كتابة الرقع ١٢٥٢ كتبوا
 ١٠٠٠ + ١٠٠٠ + ١٠٠٠ + ١٠٠٠ - ١٠٠٠ الذي يعادل ١ + ١٠١ + ١٠٠٠ + ١٠٠٠ .

ج- لایمکن طمرح الرموز المتوسطة مثل ٥، ، ٥، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، نمثلا ٥ ؛ تكتب XLV (٥٠ - ٥) لأن V رمــز متوســـط وكــنلك ١١ تكتب XCIX (٥٠ - ١٠) وليمن IC (١٠٠ - ١) وليمن I ، (١٠٠ - ١) لأن بين I ، ، C رمزاً أساسهاً وهو X

د- يلاحظ أن النظام الروماني موضوعي بمعنى أن ترتهب الرموز مهم ولكنه ليس
 منزلياً (أي لا يستخدم اللهمة المكانية)

هـ الصغر غير موجود في النظام الروماني .

استخدم العرب قديما نظاما للعد مرتبطا بالحروف الأبجدية العربية كان يسمى "حساب الجمل" وفيه يوضع كل حرف أبجدي عدد يدل عليه فكانت الحروف الأبجدية تمثل رموزا عددية في نفس الوات وكان حساب الجمل العربي كما بالجدول التالي :-

		•	3.3				- 1		
Ī		Ĺ		رو-وز	بداد و		ž1		
ثبة	فانت	بينة	بئخ	į,	أربيه	تلاكة	اعنان	الإمر	
ط	7	ز	و	· .	اح	V	ζ	,	و الشرق
ط.	<u>_</u>	/	_	¥				_	فاللغيب
تىري	تمانون	بيوي	بستوان	Ĝ,	الزبود	عويزي	عشوك	عشرة	
ص	ف	ء	س	ن	7	J	ك	7	في الشرق
ض		ع	ص					-	في المغريب
نعلا	كانائة	سعائة	جائد	مسانة	أيباله	كائلة	مالتان	مائه	
L	ض	خ	خ	ٿ	_ ا	ۺ		ق	في المشرق
غ	基		_			س			في المغرب
أطلاقا	TO LEGIT	1	740	32%	123	4514	ألفان	أظف	
طيع	٤٢	زع	وع	مغ	<u>د</u> ع	حغ	ىغ	3	فيالمشرق
لاش	ح ش	زش	وش	بدش	دش	حش	ىش	ش	فيالمغرب

الصنفسر :

يعتقد بعض مؤرخي تاريخ العلوم أن للصفر لهتكار بابلي ، كما يذكر المورخـون أن الهفود قد اهتدوا الى الصفر وكان يتخذ شكل النقطـة أو الدائـرة الصغيرة . وكـان الصفر يعرف في لغة الهفد في ذلك الوقت بكلمـة " سونيا " Sumya وتعنـي الخـلاء أو مكان أبيض فارغ كما عبر عن الصفر بكلمـة كها وتعني الثقب . وقد كان الهنود يستعملون تسعة أشكال للرمز الى الأعداد من الواحد الى التسعة ثم يعيدونها وتحت كل منها نقطة لتمثيل الأعداد من العشرة الى التسعين ، وكذلك يعيدونها مرة ثالثة وتحت كل منها نقطتان للدلالة على الأعداد من العائة الى التسعمائة .

وسواء كان الصغر اختراعا بابليا أو هنديا فلا شك أن علماء العرب والعسلمين هم الذين طوروا مفهوم الصغر وعرفوه بأنه العكان الخالي من أي شيء ، وهم أول من استخدم النظام العشري الذي يحتوي على خانات الأحاد والعشرات والعثات وما فوقها .

وقد ظهر رمز الصفر في كتابات العرب الى يمين الرقم بدلاً من تحته حيث يدل الصفر على مكان خال ابتداء من اليمين الى اليسار شأن الكتابة العربية . اتخذ علامة الصفر هيئة دائرة صغيرة بدلاً من الفقطة الواردة بالرموز الهندية .

وانتقلت الأرقام العربية بصفرها الى أوربا عن طريق الأنتلس وصقلية في القرن الثاني عشر وذلك تتفوقها الكبير على كل الأرقام الأخرى .

اختم فهمك

- 1- اكتب قائمة بعشرة مواقف تستخدم فيها الأعداد ؟
 - ٧- هل يمكنك تصنيف استخدامك للأعداد ؟
- حسف مثالين يستخدم فيها العدد الكاردينالي والترتيبي والاسمى ؟ صف ثلاث مواد يمكن أن يستخدمها الأطفال في بيان العدد ١٣٨ ؟
 - ٤- ما الفرق بين العد الألى والعد العقلي ؟
 - ٥- بم يتميز النظام العدي العربي عــن كل من النظامين العصري القديم والروماني؟
 - ٦- اذا سألك أحد تلاميذك من الذي اخترع الصغر فماذا تجيب؟
 - ٧- اكتب العدد ٣٤٧ بالنظام البابلي ؟
 - ٨- مثل العدد ٣٥ الأساس ٨ بقطع دينيز ؟

9- باستخدام نظامنا العشري اكتب /// ١٩
 المكافىء لكل من الأرقام المصرية

القديمة المقابلة ؟

? TTTA -1

رقام المصرية ///// 0<u>0}</u>

10- اكتب الرموز المصرية القديمة لكل الأعداد التالية ٢

١١- عبر عن كل من المرموز الرومانية التالية بالنظام العددي ذي الأساس عشرة ؟ "

DCLXXIV → CI → XXXIV →

\$ 0.170 --

١٢- اكتب الأعداد التالية باستخدام النظام الاغريقي ٢

١٣- ما الصعوبات التي تواجه الأطفال عند دراسة الرمزيين (> ، <) ٢ صنف بعض الأشطة لمساعدة الأطفال على تعلم هذين الرمزين .

14 - قارن بين النظام العدي العشري بكل من الأنظمة العدية التالية ؟

الأغريقي - اليابلي ٩

 ما الأخطاء الشائمة التي تتعلق بالقيمة المكانية ؟ وكيف تستخدم الأدوات الملموسة لمساعدة الأطفال على عدم الوقوع في تلك الأخطاء ؟

١٦- ضع أمام كل مما يأتي كلمة كاردينالي - ترتيبي - تعييني ؟

أ- الصف الخامس ب- طالب جـ- الاختيار الثالث

د- ١٧ لعبة هـ- اللاعب الرياضي ٢٢ و- كتالوج رقم ٦٢٥

١٧- احسب مستخدما حساب الجمل العربي - العند المقابل للعبارة "مات الشعر بعده".

الفصل الرابع

جمسىج وطرح الأعداد الكليبة

- مقدمة
- * الجمع حتى ناتج ١٠.
- * الطرح من ١٠ أو أقل.
- الربط بين الجمع والطرح.
- الجمع حتى (٩+٩) والطرح حتى (١٨-٩) بدون إستخدام القيمة المكانية.
 - * حفظ حقائق الجمع والطرح.
 - الجمع بإستخدام القيمة المكانية.
 - الطرح بإستخدام القيمة المكانية.
 - * جمع وطرح الأعداد الكبيرة.
 - * الأخطأء الشائعة في الجمع والطرح.
 - * مراجعة الجمع والطرح.
 - * الآلة الحاسبة في المدرسة الإبتدائية.

- من المتوقع بعد قراءة هذا القصل ودراسته أن يكون الدارس قلارا على أن :-
- ١- يعطي تعريفا شفويا أو تحزيريا لعملية الجمع وعملية الطرح ويسمى أجزاء جملة الجمع وجملة الطرح.
- ٢- يصنف بعض الأدوات والأجهزة المطلوبة للمراحل الأولى من تعلم الجمع والطرح.
- ٣- يصنف بعض أنواع الأنشطة التي يمكن إستخدامها مع الأطفال الصفار لتتمية قدرتهم على قراءة الجمع والطرح.
 - ٤- يصنف بعض الأنشطة التي يمكن إستخدامها لتقديم الجمع والطرح.
 - ٥- يتعرف على مراحل تقديم الجمع والطرح.
 - ٦- يساعد أطفاله على حفظ حقائق الجمع والطرح.
 - ٧- يستخدم بعض الأنشطة التي تهم في فهم الأطفال نربط الجمع بالطرح.
 - ٨- يتعرف على الأخطاء الشائمة في عملية الجمع والطرح.
 - ٩- يزود الأطفال ببعض الأساليب لمرجعة الجمع والطرح.
 - ١٠- يتعرف على طرق غير شائعة لإجراء الجمع.
 - 11- يتعرف على دور الآلة الحاسبة في المرحلة الإبتدائية.
 - من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يقدر ما أن سـ
 - ١- يجب على كل حقائق الجمع المانة إجابة صحيحة.
 - ٧- يجمع أعدادا كلية معطاه في صورة راسية أو في صورة ألقية.
 - ٣- يجمع عددين كليين أو أكثر مع استخدام إعادة التسمية إذا كانت ضرورية.
 - ٤- يجيب على كل حقائق الطرح المانة إجابة صحيحة.
 - ٥- يطرح أعدادا كلية معطاه في صورة رأسية أو في صورة أفقية.
 - ٦- يتحقق من الطرح بإستخدام الجمع
 - ٧- يطرح أعدادا كلية بإستخدام التفكيك (الإستلان) إذا كان ضروريا.
 - ٨- يحدد ما إذا كان سيتعمل الجمع والطرح في معالة لفظية.
 - 9 يفسر حل مسألة لفظية في ضبوء المسألة اللفظية.

مقدمية:

يقضى الحفال العدرسة الابتدائية وتشأ طويلاً في دراسة عمليشي الجمع والضوب وفي العمليتين المعمينيين المعمل الطرح والقسمة وتسمى هذه العمليات الأربع العمليات الأساسية وتلك لاتها تشكل أساس دراسة الرياضيات في العرحلة الابتدائية والعراحل اللحقة لها .

ونمعن نحتاج الى أن يفهم الأطفال الأقكار التي وراء تلك العمليات ولا يقتصبر الأمر على اجراء تلك العمليات لأن الطفل مثلاً يمكنه أن يجمع ولكن ذلك لا يدل على أنه فهم الجمع ،

وتفضل بعض الكتب تدريس الجمع والضرب معاً بإعتبارهما العمليتين الأصليتين شم يلي ذلك تدريس الطرح والقسمة بإعتبارهما عمليتين عكسيتين لمهما بينمما تفضمل بعض الكتب الأخرى تدريس الجمع أولاً ويليه الطرح وتربط بينهما .

ثم يلى ذلك تدريس الضرب والتسمة وهذا ما سنأخذ به في هذا الكتاب .

ويقدم الجمع والطرح للأطفال على مراحل :

المرحلة الأولى : الجمع حتى ١٠ بمعنى الا يزيد حاصل الجمع عن عشرة والطرح من ١٠ أو لكل .

المرحلة الثانية : الجمع حتى ناتج الجمع ١٨ والطرح من ١٨ أو أقل بدون إستخدام القيمة المكانية.

المرحلة الثالثة : جمع وطرح الأعداد الكبيرة مع استخدام القيمة المكانية.

ويجب أن نركز على أن نقدم تعريفاً لكل عملية الجريها وعلى الطفل أن يتعرف على عاصر كل عملية ، قالجمع مثلاً يعرف على أنه العملية التي تعين لمعدين مرتبين عدداً واحداً والمعددان المرتبان يسميان المضافين ويسمى العدد الواحد بالناتج أو الحاصل بينما يوصف الطرح بأنه العملية المحكسية المعلية الجمع وتعرف بأنها العملية التي تستخدم لايجاد المعدد المضاف المفقود عندما يكون معلوماً لدينا حاصل الجمع والمضاف الآخر. والعددان في الطرح يعطيان أسماء خاصة (المطروح - الباقي) بينما الناتج يعطي اسماً وهو المطروح منه وهذه الاسماء مفيدة عند التعلمل مع العمليتين بصورة مجردة .

تقديم الجمع حتى ناتج ١٠ والطرح من ١٠ أو أهل . الجمع حتى ناتج ١٠ .

المواد والأدوات المطلوبة :

- ١- مجموعة أشكال وصورة حيوانات وطيور مختلفة ومجموعة من الحبوب وصور الحيوانات يمكن لصقها من الخلف على قصاش اللباد Flannel حتى يمكن وضعها ورفعها من على اللوحة الوبرية بسهولة .
- اللوحة الوبرية : وهي عبارة عن لوح من الخشب مغطى بقماش اللبساد (الفائيللا) وهو أي القماش وبري العلمس بحيث يمكن التصاق سطح ورقى خشن عليه لبعاد اللوحة الوبرية ١٠٠٠ سم × ٧٠ سم تقريباً .
 - ٣- الدومينو تم وصفها في الفصل الثاني.

Dice

٤- خط الأعداد : وهو عبارة عن خط مستقيم مقسم الى مساحات متساوية بواسطة نقاط معينة ويرمز لهذه النقاط بالأوقاء ٠ ، ١ ، ٢ ، ٢ ، ٤ ، كما بالشكل التالى .

ويمكن عملها من مكعبات خشبية وللأطفال الصغار يجب الانكون صغيرة (كل وجه ٣ - ٤ سم يكون مناسبا) وترقم أوجه حجر (زهرة) النرد بارقام من ا - ١ . وغالباً ما يكون كل وجهين متقابلين مجموعهما ٧ مثل (١ ، ١) ، (٢ ،

. (1, 7) . (0

ه−زدهرة الذرد

المسبورة الجملة العددية Anumber Sentence Board عملية عملية العددية بطاقة رقبية العددية العددي

وهي عبارة عن مستطيل ورقي كبير محدد باطار خشبى أو كرتـون سـميك يحتـوي على صـغوف ذات مسامير كما بالشكل عائيه . وتعلق في مكان يراه جميع الاطفال ، وتعلق بطاقات رقمية كبيرة ، بطاقات عمليات ، وبطاقات = وكل بطاقة بها نقب حتى يمكن تعليقها.

٧- بطاقات رقمية وبطاقات عملية =

٨- شرائط العدد الملونة .

ان<u>شط</u>ة:

 العدد عناصر كل منهما أقل من ه بعد عناصر كل منهما أقل من ه بعد العدد عناصر كل منهما أقل من ه بعد المناسسة الأطفال عناصر كمل مجموعة ويكتبونهما أسقل ، وبعد ذلك يضم الاطفال العجموعتين معاً ليكونا مجموعة واحدة . وتعد العجموعة الجديدة ويكتب عدد عناصرها أسفل . ثم يقول الاطفال بأسلوبهم ماذا فعلوا . لا تصاول استخدام اشارة الجمع في هذه المرحلة .

يكرر هذا النشاط عدة مرات مع مجموعتين ذات أعداد مختلفة .

٧- يكرر النشــــاط (ولكن في هذه المرحــنة يقدم المعلم رمز (علامة) الجمع (+) وعلامة النساوي (-) ويعكن عمل ذلك بالكتابة على السبورة أو باستخدام سبورة الجملة العددية (المذكورة سابقاً) ...

وانبه لمن العفيد أيضاً أن يربط العطم بين الأعداد والرسوم حيث يعرض المجموعتين أو لا مع عدد عناصر هما .





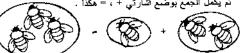
ثم بعد ذلك يعرض المجموعة الجديدة على يسار المجموعتين هكذا .







تُم يكمل الجمع بوضع اشارتي + ، = هكذا .



نُمْ يَقُواْ الرَّطْغَالُ الجِملة كاملة كما يلي ؛ اثنان زائد وأحد تساوي ثلاثة .

مع ملاحظة عدم تقديم كتابة الجمع بصورة رأسية في هذه المرحلة وتأجيل ذلك -أي الصورة الرأسية - الى حين تقديم الجمع باستخدام القيمة المكانية وبينس المعلم جملاً جمعية لازواج أخرى من المجموعات ، كما يجب على المعلم أن يكون متأكداً من أن كل طفل قد تمكن من كل حواصل الجمع التالية وذلك خلال أنشطته التي قام

ويجب ملاحظة أن القائصة السابقة تتضمن ٢ + ٣ = ٥ ، ٣ + ٢ = ٥ ومسن الضروري أن بأخذ الأطفال الوقت الكافي حتى يتحققوا من أن كملا من ٢ + ٣ ، ٣ + ٢ يعطيان نفس النتيجة .

لى أنه يجب أن يفهمو ا خاصية الابدال بالنسبة للجمع ويستخدمونها ·

٣- يرسم المعلم خط اعداد على أرضية الفصلي ويقسمه الى علامات كما يلي .



يقف طفل على النهاية اليسرى للخط ثم يعشي ثلاث خطوات على الخط (ليقف على الرقم ٣) ثم يغير القصل بما على الرقم ٥) ثم يغير القصل بما فعل مثلاً ثلاث خطوات ثم خطوتين زيادة وأقف الآن على خمسة

يسجل النشاط على أنه جمع ٣ + ٢ = ٥ .

ثم يكرر هذا النشاط مع أزواج أخرى متعددة من الأرقام حتى يشعر المعلم أن معظم الأطفال قد استوعبوه .

ويمكن تغنيع أن ٢ + ٣ ، ٣ + ٢ تمطيان نفس النتيجة في هذا النشاط على سبيل المثال:

وحكن استخدام شرائط العدد العلونة فيأخذ طفل على سبيل العشال شريط ٢ ويضع بجانبه شريط ٣ بحيث يكونان متجاورين تعاماً ، ويبحث عـن شريط طولـه يسـاوى طول الأثنين معاً فيجده الشريط ٥ .

Ø	Ð	
ø		

وسوف يجد الطفل ليضاً أنه إذا غير ترتيب الشريطين فانه ما زال يحتاج الشريط ٥.

9	Ø
6	

يكرر هذا النشاط مع أزواج اخرى من الشرائط .

- يكرر نشاط ٣ باستخدام سلم العدحتى ١٠ بدلا من خط الأعداد الذي يرمدم على
 الأرض حيث يستخدم الطفل اصبحه مثلا في الصعود أربع (٤) درجات على
 السلم ثم درجة اخرى فيجد نفسه عند الدرجة ٥

تُع يسجِل النشاط هكذا ٤ + ١ = ٥ .

٣- يستبعد الأطفال من مجموعة الدومينو ١ - ١ ، ١ - ٥ . ثم يحسب الأطفال العدد
 الكلي للنقط على كل حجر من حجارة الدومينو ويكتب الأطفال حاصل جمع كل حجر .

ســتتضمن بعــض حواصــل الجمــع هــذه الصفــر كــاحد الرتميــن (فمثلاً \cdot + 2 = 2 ، \circ + \cdot ه \circ).

٧- يكتب المعلم بعض الجمل الرقعية على السبورة مثل:

ويطلب من الأطفال حلها وكتابة الحل على السبورة أو في دفائرهم .

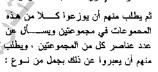
 ٨- من قائمة الأشطة السابقة يأتي الأطفال بعجموعتين من الأشهاء ويجمعون عدد العناصر قيهما ليحصلوا على عدد عناصر العجموعة المحصلة وعلى المعلم أن يعطيهم في هذا الوقت جمعاً مثل ٢ + ٣ = ٥ ثم يطلب منهم ليجاد النائج . ولا يجعلهم يتعجلون . وأنه لمن المهم أن يوجدوا الناتج بأسلوبهم والأكثر أهمية من ذلك هو أنهم يجب الا يفتدوا النّقة في أنفسهم في هذه المرحلة وعلى المعلم أن يتأكد من أن كل طفل تمكن من جمع ١ + ١ ، ١ + ٢ وهكذا حتى ٥ + ٥ .

وعندما يتعاملون مع حاصل جمع يتضمن الصفر فيجب اعطانهم أنماطأ مثل

. (+ + , , + + 0 , + + 7 , Y + 4)

وفي هذه المخططات التسهمية من الضروري أن يعرف الطفل انجااه السهم .

٩- عندما يكمل الاطفال الأنشطة السابقة بنجاح ليمكن تقيم فكرة قصص المدد وذلك
 بأن يوزع المعلم الوسائل المتوفرة بحيث يعطي كل طفل مجموعة من أربعة
 عناصر (خرز - مكعبات - دوانر) .

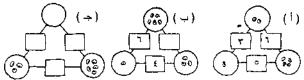


· + £ = £ , £ + · = £ , 7 + 7 = £ , 7 + 1 = £ , 7 + 7 = £

وبنفس الطريقة يمكن عمل قصيص للأعداد الأخرى .

١٠ - تكرر الأنشطة السابقة ولكن مع أعداد لا يزيد حاصل الجمع عن ١٠

١١- يعرض المعلم على الأطفال تدريبات وأنشطة مثل الاشكال التالية وفيها وضعت الحبوب في ثلاث دوائر وكتبت أعداد في مربعات بين الدوائر ويطلب المعلم من الأطفال أنه ينظروا الى الشكلين (أ) (ب) ويبينوا لماذا كتبت هذه الأعداد في المربعات ثم يملؤن المربعات الخالية في الشكل (ج).



ارشاد : حاصل جمع الحيوب في دائرتين كتب في المربع الذي بينهما .

الطرح (من ١٠ أو أقل)

توجد عدة صور للطرح منها الأخذ من والعقارنية والعزاوجية . والطرح بالاكمال والطرح كفرق . وعلى الععلم أن يجعل أطفائه يصرون بخبرات وأنشطة تغطى معاني الطرح وفيما يلى بعض الأنشطة .

ان<u>شط</u>ة ،

أ- الأخذ من (الحذف) Taking Away

 ١- يطلب المعلم من خمصة أطفال مثلا الوقوف أمام زملائهم ويقوم زملاؤهم بعد الأطفال الواتفين (خمسة) ويطلب المعلم من أحد الأطفال الجالسين ابراز بطاقة تبين عدد الأطفال الواتفين ثم يكتب على السبورة ٥ .

ثم يطلب من طفلين الجلوس ويضع المعلم العالم المعلم المعلم

ثع يقدم المعلم اشارة الطرح (-) نيبيس عملية أخذ من . ثم يسأل المعلم الأطسفال السوال القالي .

ij : i

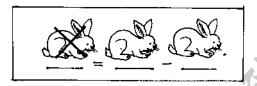
7

كم عدد ما تبقى من الأطقال الواقفين أمامكم ؟ أَ مُنْ المُعْمِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهُ اللهُ ا ثم يكمل الجملة على السبورة هكذا .

ثم يقرأ الأطفال الجملة هكذا خمسة طرح (ناقص) اثنين يساوي ثلاثة . ويكرر هذا النشاط مع مجموعة أخرى من الأطفال بأعداد مختلفة بحيث يجب الايزيد عدد الأطفال الذين يقفون في بادىء الأمر عن خمسة وبعد ذلك لا يزيد عن عشدرة . ويجب أن يتم تسجيل كل عملية طرح على سبورة الجمل العددية أو على السبورة العادية كما يجب أن يسجلها الأطفال في دفاتر هم .

٢- ويعرض المعلم بعضاً من صور الحيوانات

ويكتب الأطفال الجملة المناسبة ويكرر هذا النشاط مع تغيير عدد العساصر فمي كل مرة .



ويجب في باديء الأمر أن يضع الأطفال عمليات الطرح في قائمة كما يلي .

وبعد ذلك يجب أن يكتسبوا الخبرة في ايجاد ناتج العمليات التالية :

$$V - V$$
 $A - V$ $f - V$

). – 1.

وفي مرات عديدة أثناء هذا النشاط يجب أن يقدم المعلم مسائل تتضمن :

ع - د ، ۷ - د ، و هكذا .

٣- يرسم خط أعداد على أرضية الفصل (حتى ٦)

يبدأ طفّل من النهاية اليسرى لَلْخَطَّ ثُمَّ يمشي خَمُس مُسافات (فراغات) حتى الرقم خمسة . يقول الطفل مثلا لقد مشيت خمس خطوات على الخط .

أنا الآن عند الرقم خمسة . ثم يرجع خطوتين الى الوراء ثم يقــول رجعت خطوتين المي الوراء من خمسة . أنا الآن عند ثلاثة .

يناقش المعلم كيفية ربط هذا النشاط بالطرح.

x = x - 0 يسجل الأطفال النشاط هكذا

استخدام خط الأعداد في توضيح العمليات مهم في الرياضيات وكثير من الأمثلة التي تشبه المثال السابق يجب أن تجري بواسطة الأطفال وأثناء الأنشطة يجب أن تكون هناك أمثلة مثل: *

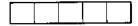
ابدأ عند خمسة ثم ارجع الى الوراء خمس خطوات وسوف ينتهي الطفل عند النهايـة اليسرى للخط (٠) وحيث أنه يعرف أن ٥-٥-٠ فإنه يمكننا تقديم الرمز "،" للنهايـة اليسرى للخط واستخدامها في كل التمرينات التي ستأتى مستقيلاً .

وحكن استخدام قضيب خرز حيث يعطى طفل قضيب به خمس خرزات ثم يطلب
 منه أخذ أربع خـــرزات ويحسب الباقي انه يسجل النشــاط كما يلي
 - 2 - 1 - 1.

ثم يكرر النشاط مع قضبان أخرى بأعداد مختلفة ويجب أن تكون هناك أمثلة مثل

. - 0 . 0 - 0

أخذنا منهم [خدام القطع هكذا	٦- يعكن اسد
3000CDI	1 •		يساوى
7	لورق كما هو مبين .	لمقال بشر انط من ا	٧- يزود الأها

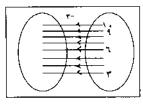


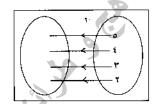
ثم يحسبون عدد الأجزاء (العلامات) ثم يطلب المعلم من أحدهم أن يقطع جزنين من شريط ثم يحسب الأجزاء الباقية .

يسجل النشاط كما يلي ٥ - ٢ = ٣

تقسم الشرائط الى أعداد أخرى من الأجزاه ثم يكرر النشاط مع أعداد أخرى .

٨- يكمل الأطفال مخططات سهمية مثل .





ب- المقارنة Comparing

المقارنة صورة هامة من صور الطرح ولكن يحتاج كل نشاط في المراحل الأولى الم الدل الأولى المراحل الأجابة ؟ الى مناتشة مستفيضة حتى تساعد الأطفال على فهم المااذا يستخدم الطرح في الاجابة ؟ وفيما يلى بعض الأنشطة المفيدة .

- ١- يختار المعلم سبعة أطفال ويطلب منهم الوقوف أمام زملانهم في الفصل ثم يقسمهم الى مجموعتين المجموعة الأولى تقف في الجانب الأيمن وعددها خمسة أطفال والمجموعة الثانية وعددها طفلان تقف على الجانب الأيسر ثم يمسأل المعلم السوال التالي: ما زيادة عدد المجموعة الثانية وسن الممكن أن يستخدم نفس النشاط في الاجابة على أسئلة مثل بكم يقل عدد المجموعة الثانية عن عدد المجموعة الأولى؟ ما الفرق بين عدد الأطفال في المجموعتين؟
- يكرر النشاط السابق عدة مرات بأعداد مختلفة من الأطفال وعلى المعلم أن يناتش
 كيفية الربط بين النشاط وعملية الطرح.
- ٣- يضع كل طفل مجموعة من الحبوب (ولتكن خمساً مثلاً) ومجموعة من أغطية
 الزجاجات (ثلاثة مثلاً) على منصدة وبمقابلة كل غطاء زجاجة مع حبة (خرزة)
 سوف يجد الاجابة على السؤال:

كم زيادة عدد الحبوب عن عدد أغطية الزجاجات؟

ثم يسجل اجابته في صورة كلمات ثم يترجمها الى عملية طرح ٥ - ٣ = ٣ .

ويجب تكرار هذا النشاط لأزواج أخرى من المجموعات .

٤- يُرسم خط اعداد من • الى ١٠ على أرضية الفصل . يقف طفلان أحمد وعلى كل ■ واحد منهما على نهاية الجانب الأيمن الخط (العلامة ،) يمشى أحمد ست خطوات على الخط من • الى ٢ ويمشى على أربع خطوات حتى العلامة ٤ . وعندنذ يسأل

كم عدد الخطوات التي مشيها أحمد زيادة عن على ؟

من الممكن أن يرى الأطفال بسرعة أن أحمد مشى خطوتين زيادة ثم يتاقش المعلم كيف أن الأجابة يمكن ايجادها باستخدام ٦ - ٤ -

يكرر النشاط مع طغلين آخرين يعشيان خطوات مختلفة .

٥- تستخدم مجموعة من الدومينو . ثم يكتب الأطفال الفرق بين عدد النقاط في المجموعتين فقي الشكل المقابل يكون الفرق بين ٦ ، ٢ ثم يسجل الأطفال الفرق كطرح وقد يحتاج المعلم لمناقشة

الأطفال في بيان أن الفرق بينهما يكافىء ما زيادة عدد مجموعة عن ألحسري ۴

٦- يرمى كل طفل حجرى نرد ثم يحسب زيادة عدد ما عن عدد آخر . مثلا

0 = 1 - 7

٧- يوزع المعلم على الأطفال مجموعات مختلفة العدد يحيثًا لايزيد عدد المجموعـة الواحدة عن ١٠ عناصر . يقارن كل طفل عدد صاصر مجموعته مع صدد عناصر ر نبقه يسأل المعلم الطفل الذي لديه المجموعة ذات العناصر الأقل عن عدد عناصر المجموعة اتتى تلزمه ليحصل على مجموعة عددها يساوي عدد عناصر مجموعة رفيقه مستعملا أسئلة مثل:

لمعلم	ن يسأل ا	كل التائم	وفى المش	حتاج ؟	ك؟ كم ت	کم یلز م
				0	0	İ

كم عدد المربعات التي بها دوائر ؟

كم دائرة تلزم لمله المربعات الخالية ٢

 ٨- يمثل المعلم على اللوحة الوبرية بعض المواقف باستخدام الأشكال الهندسية أو أي صور وعلى سبيل المثال ٧ مثلثات صفراه ٣ مربعات حمراء ويطلب من الأطفال إيجاد عدد المربعات التي يجب أن تضيفها حتى يصير لكل مثلث مربع .

وعرض المعلم بعض زجاجات العياه الغازية بعضها ملأى وبعضها فارغ. ثم
 يحسب الأطفال عدد الزجاجات ، عدد الزجاجات المملوءة وعدد الزجاجات القارغة
 ويطلب المعلم منهم إيجاد الفرق بينهمامستعملا أسئلة مثل :

کم تزید ؟ کم نتقس ؟

الربط بين الجمع والطرح

انشطة

١- يطلب المعلم من أحد الأطفال وضع مجموعة من ٨ صدور على اللوحة الوبرية ولتكن زهور مثلا ٥ صفراه ، ٣ حمراه ثم يسأل الأطفال هل عدد الزهور السغراء هو عدد الزهور الحمراء ؟

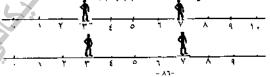
كم عدد الزهور الحمراء التي نجتاجها ليكون عدد الزهور الحمراء مساويا عدد الزهور الصفراء سوف يجيب الطفل اتنان . الزهور الصفراء سوف يجيب الطفل اتنان .

ثم تكتب الجملة هكذا ٥ - ٣ = ٢

ومن الممكن استخدام بطاقات خالية من الكتابة لبيان .

٣ + 🔲 = ٥ حيث توضع بطاقة ٢ في مكان البطاقة ٢ على سبورة الجمل العددية .

 $Y = y_1$ سم المعلم نموذجا لخط الاعداد على أرضية غرفة الغصل ثم يكتب على السبورة جملة جمع مثل $T + 3 = \int 0$ ويطلب من أحد الأطفال أن يقف على T ثم يخطو T خطوات ويسأل الأطفال عن العدد الذي وصل اليه T ثم يكتب الجملة T + 3 = V على مبورة الجمل العددية أو على السبورة العادية ثم يكتب المعلم جملة الطرح T T T أن يكتب المعلم جملة الطراء ثم T أن يكتب الجملة T أن العراء ثم يسأل الأطفال عن العدد الذي وصيل اليه زميلهم T ثم يكتب الجملة T T T على العراء ثم يسأل الأطفال عن العدد الذي وصيل اليه زميلهم T ثم يكتب الجملة T T T



©	
سبيل المثال على الدرج ثم يطلب المعلم	
٢ يكون الطول مساويا شريط ٦ . يجد	منهم ایجاد شریط ادا وضع بجانب شریط الأطفال أنهم يحتاجون شريط ؛
	ثم يســجلون النشاط هكذا ٢ + ٤ = ٦
الـة يوجد الأطفال عدد النقط التي يجب ساويا للعدد الأكبر . ثم يسجلون الاجابة	
·	لكل حجر كما يلي .
• • • Y - [] + Y	
γ =	وفي بعض الدومينو سيظهر الصغر مثل
ىي ە ئىم يىناقش أطغالە فسى تەكبىر ھىم ھول ما	1- يكتنب المعلم على السبورة ٣ + 🔲 -
	يجب عليهم فعله .
باستخدام سبورة الجمل العدديـة أن عيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	
. 6	الخالية كما يلي ٣ + ٢ = ٥ .
	ثم يحاول الأطفال ايجاد أمثلة من عندهم
V = Y + 0	V ≃
7 = 7 + 7 5 = 1 + 1	7 =
V = 0 + L	0 -
هذا النشاط الى نشــاط لغــوي وكــد يـــدتــاجـوز	

الى مجموعة من المدادات لتساعدهم على الاجابة ،

- يكتب المعلم على السبورة ٢ + ٣ = ٥ ثم يناقش مع الأطفال علاقات اخرى يمكن

كتابتها باستخدام ۲ ، ۳ ، ٥ .

إذا اقترح الأطفال أن ٢ + ٢ = ٥ ، ٥ - ٢ = ٣ ، ٥ - ٣ - ٢ .

فانهم حينتذ يكونوا قد تمكنوا من الربط بين الجمع والطرح بصورة جيدة .

تكرر أمثلة أخرى متتوعة مثل ٤ + ٢ = ٦ ، ٤ + ٥ = ٩ ، ٦ + ٤ = ١٠ .

٧- يعرض المعلم على الأطـــقال مجموعة

َ مَنْ الدَّوْانَرُ وَلِتَكُنَّ ۗ ٨ مَثْلًا وَمُجْمَوْعَةً مِنْ ۞۞۞۞۞۞۞۞ المُطَلِّئَاتُ وَلِتَكُنْ ۗ ٩ .

ثم يطلب من الأطفال الاجابة على أسئلة مثل :

- ١) بكم يزيد عدد الدوائر عن عدد المثلثات ؟
- ٢) كم عدد المثلثات التي نحتاجها ليكون عدد المثلثات مساويا عدد الدوائر؟
 - 0 A ()
 - A + 0 (£
 - ٥) بكم يقل عدد المثلثات عن عدد الدوائر ؟
 - ۸= + ٣ (٦

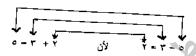
هذه المجموعة من الأسطة تجعل الأطفال متألفين مع العلاقات المتعددة ٣ - ٨ - ، تكرر أزواج أخرى متنوعة من الأعداد .

٨- يعرض المعلم بعض المخططات السهمية على شاكلة ما يـأتي ويطلب من الأطفال
 تكملتها .

	i
	٦
٣	
	٨
٥	
	٤

٦	
٣	
,	
i	
٥	
١	

- ٩- يمكن للعظم أن يستخدم بعض القصيص ليعبود لطفاله على الجمع والطرح المقلي مثل: ركب سيارة ٥ ركاب نزل منها ٣ ركاب ثم صعد اليها ٤ ركاب ثم نزل راكب واحد وصعد راكبان ويسأل في كل مرة عن عدد الركب في السيارة .
- ١٠ يمكن تلمعلم أن يطلب من الأطفال أن يستخدموا البطاقات الرقمية لعمل جمل
 عددية من النوع القالي :



 $\frac{1}{1}$ الجمع حتى (۹+۹) والطرح حتى (۸۱-۹)

بدون استخدام القيمة المكانية :

أنشطة :

- ا- عندما يتمكن الأطفال من الجمع والطرح على الأعداد الصغيرة فإن الأنشطة المنكورة سلفاً في هذا النصل يمكن (توسيعها) لتشمل الأعداد الكبيرة - ويجب أن يتضمن هذا التوسع الجمع حتى 9 + 9 والطرح حتى ١٨ - 9 -
- وسوف تحتاج هذه الأعداد الكبيرة الى خط أعداد أطول ، قطع دينيز زيادة بالاضافة الى جميع شرائط العدد العلونة .
- ٢- يجب أن يبدأ الأطفال في استخدام نمط في تنظيم مجموعات الجمع والطرح فعلى
 سبيل المثال :

2 = 1 + Y 0 = Y + Y	T = 1 + Y	Y - 1 + 1
	£ = Y + Y	T = Y + 1
1 = 7 + 4	o = T + Y	£ - T + 1
$V = \xi + \Psi$	0 = 1 + Y	0 = 1 + 1
λ = o + r	Y = 0 + Y	7=0+1
9=7+4	A = 1 + Y	Y = 1 + 1
1 + = V + F	1 - V + Y	
1) = A + F	$1 \cdot = A + Y$	A = V + 1
17 = 9 + T	11 + 9 + 4	9 = 4 + 1
		1. = 4 + 4

```
9-1-10
v = 1 - \lambda
                                                   A = Y - 1.
                       v - Y - 9
\chi = \chi - \Lambda
                                                   v = r - 1.
                        3-4-9
a = T - A
£ - 1 - A
                        1-0-9
T = 0 - A
                        r=1-9
Y = 1 - A
                                                   Y - Y - 1+
                        Y = V - 9
\gamma = \gamma - \Lambda
                                                   Y = A - 1.
                        y = A - 4
\lambda = \lambda - \lambda
                                                   1 - 9 - 14
                         . = 9 - 3
                                                    - 1 - 1 -
                                      وهكذا
```

٣- يجب اعطاء أمثلة عديدة

وهكذا تركز على خاصية الابدال مثل حفظ حقانق الجمع والطرح :

حفظ حقائق الجمع والطرح:

يجب على الأطفال أثناء هذه الأشطة المنتوعة البدء في تخصيص وقت لحفظ حقائق الجمع والطرح . الجمع والطرح التي بنوها ، ونقدم فيما يلي بعض الاقكار عن حقائق المجمع والطرح . لكى نقدر على الحساب بسرعة ودقة فاننا نحتاج الى حقظ بمض الحقائق المعددية ومن حسن الحظ أننا لا نضطر الى حفظ كثير حداً منها فيكفينا بالنسبة لحقائق الجمع من ٠ + ٠ = ٠ حتى ٩ + ٩ = ١٨

ويمكن عرض حقائق الجمع في صورة جدولية كما يلي :

بالنظر الى الجدول السابق تلاحظ ما يلى :

أ- يوجد نوع من التماثل حول القطر الرئيسي من ١٠ الـي ١٨ ،
 وينشأ ذلك من خاصية الابدال للجمع .

أي أنه بالنسبة لـ ٤ + ٥ - ٩ على أحد الجوانب فيوجد تناظر جمعى

٩ + ٤ = ٩ على الجانب الأخر من الخط .

ويعني ذلك أننا إذا فهمنا هذه الخاصية فيمكننا اختصار قدراً من الجهد اللازم لحظ الحقائق . فعظلاً كما نحفظ ٣ + ٧ = ١٠ في نفس الوقت .

ب- جمع أي عدد مع الصفر لا يغير من العدد . أي أنه إذا فهمنا هذه الخاصية فلا
 داعي لحفظ أي حقيقة يكون الصفر أحد العددين المجموعين .

ج- توجد حواصل جمع متنوعة والتي نتيجتها ٧ على سبيل المثال . وهي ٠ + ٧ ، ١ + ٦ ، ٢ + ٢ ، ٥ + ٢ ، ١ + ١ ، ٧ + ٠ ف الذ ١ + ١ ، ٧ + ٠ ف الذ ١ + ١ ، ٧ + ٠ ف الذ المصنا ٠ + ٧ ، ٧ + ٠ واستخدمنا خاصية الابدال أيضاً فعندنذ تكون أزواج الأعداد التي تعطى النتيجة ٧ بالنسبة للجمع هي ١ + ٦ ، ٢ + ٥ ، ٣ + ٤ ولهذا فبدلاً من حفظ ٨ حقائق مختلفة نحتاج الى أن نركز التباهنا على ثلاث فقط أي أننا إذ أخذنا أ ، ب ، جـ في الاعتبار فعندنذ تكون أزواج الأعداد التي نحتاج الى حفظ حقائق الجمع الخاصة بها هي:

	٥	زو	l V	Ø,	ġ,	يدا	H.		
٩	Ā	¥	1	3	•	۳	۲	1	+
	1		1			_	_	۲	1
		4					ŧ	٧,	t
4	ŀ					٦	0	- 6	+
$\overline{}$					٨	٧	٦	₽	
				١.	٩	٨	٧	1	احد الأزراج ه
			14	11	١.	7	٨	Y	1
		1 6	۱T	11	11	١,	4	Ą	¥
	11	10	11	4-	14	11	1.	٩	Α
16	14	11	10	11	4=	١٢	11	١.	4

أي أنه يوجد ٤٥ زوجا مختلفا من الأعداد نحتاج لتعلم حقائق الجمع الخاصـة بهـا منها ٦ تشمل جمع الواحد فقط (١ + ٢ ، ١ + ٢ ، ١ ، + ١)

وهذه سهلة الحفظ ولهذا فإنه في الحقيقة يوجد ٣٦ زوجا من الأعداد فقط والتي نحتاج الى أن نأخذها في الإعتبار عند حفظ حقائق جمع الأعداد .

وقد حللت حقائق الجمع تحليلاً عملياً وجمعت على أساس هذا التحليل في مجموعات

حسب صعوبتها وقد أوردها هندام وجابر (١٦) كما يلي :

المجموعة الصعبة جداً وعددها (٢٠) وهي :

£ +9,9+0,0+9,9+7,7+9,V+9,9+V,9+A,A+9 . V + c , o + V , A

المجموعة الصعبة وعددها (١١) وهي:

9 + 9 , 7 + 0 , 0 + 7 , V + 7 , A + 2 , A + 7 , V + 5 , \$ + 7 , 9 + 7 . V + V : X + X :

المجموعة المتوسطة وعددها ٢٠ وهي:

1 + 7 , 2 + 7 , 7 + 7 , 0 + 7 , 2 + 7 , 7 + 7 , 7 + 7 , 7 + 2 + 1,0+1,9+1,1+1,1+1,1+1,1+1,1+1,0+7, 0+1.1+0.1

الجنوعة السهلة وعددها ١٢ وهي :

Y + 9 . 7 + X . Y + V . Y + 7 . Y + 2 . E + Y . Y + 5 . Y + F . F + F . 1 + 1 , 0 + 0 , 7 + 7 ,

المجموعة السهلة جداً وتشمل كل الحقائق الباقية ا

وبالنسبة للحقائق الصحبة جدأ فتوجد طريقتان لتسهيل حفظها: الطريقة الأولى: يستخدم نبها التضعيف " فعنَّ لا عند اجراء ٨ + ٧ بعرف الطفل أن V + V = 11 وبالنظر المدقق

اليهما يجد أن ٨ + ٧ تزيد عن ٧ + ٧ بمقدار واحد وبالتالي فان المجموع سوف يزيد واحدأ ويصير ١٥ وهكذا بالنسبة لبقية المجموعة الصعبة حداً .

	1+y + y 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	> + \ 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
╙	-	

والطريقة الثانية : هي تكوين العشرة فعند اجراء ٩ + ١ تكمل التسعة الي العشرة فنأخذ واحداً من السنة وبالتالي تصبح المسألة ١٠ + ٥ ومن السهل.

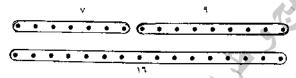
على الطفل جمع عدد مع عشرة فيكون الناتج ١٥

100000000								_	
┖ ┪═╅ ╒╏	10	o	ь	٥	ь	0	اہ	b	٥
	M.	Н	-		_	۲	Ļ	۳	Н

ويمكن الاستعانة بوسائل ملموسسة لتوضيح 9 + 1 كما بالشكل المقابل .

حقائق الطرح:

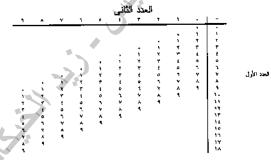
لقد ناتشنا الربط بين الجمع والطرح سابقاً وهذا الربط ركيزة أساسية في التعامل سع حقائق الطرح فمثلاً إذا كنا نعرف الحقيقة ٧ + ٩ – ١٦ وفكرنا فيها كما يلي :



عندنذ وبدون أي حفظ قسوف نرى أن ١٦ – ٧ = ٩ ، ١٦ – ٩ = ٧ .

ولسرعة الحساب فاننا نحقاج الى حفظ حقائق الطرح ومما يجعل عملية العفظ أسهل استخدام الربط مع حقائق الجمع كما تجدر الاشارة الى أنه بدلا من تعلم حقائق الجمع والطرح منفصلين عن يعضهما فإنه يجب النظر إلى كل المعلاقات بين V، V، V مثلا أي أننا إذا أخذنا في الاعتبار V + V = V الميجب علينا أن نربطها بـ V -

وحقائق الطرح التي يحتاج الأطفال لمحرفتها مبينة في الجدول التالي :



وعندما ننظر الى الجدول نرى ما يلي :

ا- لا يوجد محور تماثل كما في جدول الجمع وذلك لأن خاصية الابدال لا تتحقق في

الطرح أي ٧ - ٢ - ٢ على سبيل المثال .

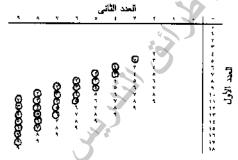
ب- توجد مانة حقيقة طرح معا (نفس عدد حقائق الجمع المبينة في الجدول والتدريب
 على حفظ كل هذه الحقائق ليس ضروريا لمايلي :

أولاً : إجابة الحقائق التي تتضمن طرح الصفر يمكن اعطاؤها بسهولة (٧ - ٠ - ٧ مثلاً).

ثُقيها : الدَّبَائق التي تتضمن طرح الواحد تعتمد على القدرة على العد بالترتيب فقط فمثلاً ٧ - ١ - ٦ - ٦ .

ثَلَتْهُا ؛ الحقائق التي تتضمن طرح العدد من نفسه تعتمد على الحد الأدنى لفهم عملية الطرح نقط (٧ - ٧ = ٠) .

إذا حذفنا الحقائق التي في أو لا وثالثا من حقائق الطرح المانة قبان حقائق الطرح التي يجب حفظها مبينة في الجدول التالي :



وتلاحظ من الجدول السابق ما يلي :

١ – في ١٣ - ٨ على سبيل المثال ١٣ هي المعد الأول ، ٨ هي العدد الثاني .

٢- الجزء اليساري العلوي من الجدول فارغ لأتنا نحتاج الى السالب لعلم الفراغ

" الجزء اليميني السفلي من المجدول فارغ الأن نثائج الطرح تحتاج الى استخدام القيمة
 المكانية الإجادها

كما اللاحظ من الجدول السابق أيضاً أن بعض الحقائق محاطة نتائجها بدائرة وذلك لأن كلا منها مرتبطة مع حقيقة أخرى بنفس الصف فمثلا ٩ - ٦ - ٣ مرتبطة سم ٩ - ٦ - ٣ وكلا منهما مينس على ٦ + ٣ - ٩ .

وهذا يوكد مرة ثانية المعالجة الى النظر الى هذه الحقائق الثلاث معاً .

الجمع باستخدام القيمة الكانية

تأتي عملية الجمع باستخدام القيمة المكانية بعد أن يتعلم الأطفال حقائق الجمع ويجب التأكد من حفظ الأطفال لهذه الحقائق وذلك لأن استخدام القيمة المكانية قبل التمكن من حقائق الجمع يربك الأطفال ويؤدي الى نتائج غير مرضية .

ويتم تقديم الجمع في هذه المرحلة في خكوات متتابعة :

أ- جمع عدد مكون من رقمين صع عدد مكون من رقم واحد وتسجيل عملية الجمع المستورة الرأسية على الا يزيد مجموع الأحاد عن ٩ .

ب- جمع العقود (العشرات)

جـ- جمع عدد مكون من رقمين مع عدد مكون من رقمين بحيث يقل مجموح كل عمـود عن عشرة وتستخدم أيضا الصور الرأسية .

د- توسع (جـ) بأمثلة يكون فيها العجموع الكلي للأحاد يساوي ١٠ وهذا مدخــل لفكـرة تغيير ١٠ (أحاد) بوجدة واحدة عشرية ويسجل ذلك في صورة رأسية أيضا .

هـ نوسع (د) بأمثلة يكون فيها مجموع الأحاد لكبر من عشرة وتقدم الصبيغة المختصرة لتسجيل الجمع بالتدريج .

و– يمكن تقديم جمع ثلاثة أعداد أو أكثر (بحيث لا يكون المجموع أكبر من ٩٩) .

المواد والأدوات المطلوبة :

١- مصاصات تصيرة أو حصبي أو ما شابه ذلك والتي سبق استخدامها عند تقديم
 الأعداد حيث يمكن الحصول منها على حزم وعصبي مفردة.

٢- لوحة الجيوب .

٣- العداد .

أنشطة

الطلب المعلم من أحد الأطفاق أن يعثيل العدد ١٣ بإستخدام المصاصات أو العداد أو لوحة الجيوب ثم يطلب من آخر أن

يضيف ٤ مصاصبات ويسأل عن الناتج ثم يسجل المعلم النشباط في صدورة رأسية ثم يمطني أمثلة أخرى ولتكن ٣٧ يمثلها طفل

ويضيف آخر ٣ مصاصات يسجل الجمه بصورة رأسية أيضاً بجانب التمسي ويشرح المغلم الأعمدة الرأسية التي سبق التعيد المكانبة. المدين عنها في القيمة المكانبة. ويكرر النشاط مع أعداد مختلفة. ويكرر النشاط مع أعداد مختلفة . أسلات رزم (كل واحدة تحتوي على عشر مصاصات) ويسال على عشر مصاصات) ويسال عن المدد فيجيب الأطفال ٣

على عشر مصاصات) ويسال على عشر مصاصات) ويسال عن المدد فيجيب الأطفال ٣ عشرات (٣٠) . ثم يضيف أربع رزم ويسال السؤال نفسه شم يسال عن المجموع ويتوصل الى ٣ عشرات زائد ٤ عشرات يساوي ٧٠ . وتسجل بالصورة الرأسوة كما في الشكل

المقابل ويكرر النشاط السابق بعقود مختلفة في كل مرة .

 ٣- يوزع المعلم على كل طفلين عدداً من المصاصدات يقبل عن ٥ وعددا مسن المصاصدات المجمعة في رزم أقبل من ٥ ويطلب من أي طفلين تسمية

مثران	ale-T	
۴	۲	
	*+	
۳	•	

هشوات	Pin Pin Pin
۲	
1	· + -
٧	

عشرات	30-1 pp pp	Ti.
Υ .		100
1 3	F+	ŲŲI)
r		

الأعـــداد التي بحوزتهما فيبين الأول عشــرين و مصـــاصــتين ويبين الثاني عشرة ولحدة

وئسلات مصاصات ويحسب الطفلان عدد المصاصات الموجودة معهما ويقومان بوضع المصاصات الفردية مسع بعضها ويعدونها (٥) ثم يقسومان بعد الرزم معاً ويقولون ثلاث ويسجل النشاط في صورة راسية كما بالشكل المقابل. ويتطلب هذا النشاط التمكن من جمع عدد مكون من رقمين مع عدد مكون من رقم وأيضاً جمع العقود ، ويكرر التشاط السابق بازواج أخرى من الأعداد مع مراعاة أن مجموع أي عمود لا يزيد عن ٩

٤- يكرر النشاط ٣ ولكن نختار عددين بحيث يكون مجموع الاحاد عشرة مشالاً (١٣٠٧) نعندما يضع الطفلان المصاصحات معا فيجان أن لديهما عشر مصاصحات في الآحاد فيناتش المعلم معهما تغيير هذه العشر مصاصحات الى حزمة واحدة فتصبح واحدعشرة ويجب أن يربطها الطفلان ويحركانها الى العشرات فيجد ان فتصبح واحدعشرة ويجب أن يربطها الطفلان ويحركانها الى العشرات فيجد ان فتصبح واحدعشرة ويجب أن يربطها العقدة حرم في الأحاد وعلى المعلم التأكد من أن حرم في الاحاد وعلى المعلم التأكد من أن حرم في الاحادة عدم في العصرات معا ٤٠٠٠.

1	1		ات معا ۲۰	بال فهموا أن العصناصد	حميم الأطة
اعاد عشرات	أساد عشرات	أحاد عشرات	أحاد عشرات	. ! \	9
Y / Y	7 Y	Y V	τ ν	- <u>-11</u> /-[H]	me
1 4	_1 r	1 7	, +		
ŧ ,				1 9	ŗ
4		4		Toris	turii)
A a	C .±II _ \			IIII) Kiii	with

ثم يكرر النشاط وفي كل مرة يسجل العمل على المدورة حيث يوضح الشكل (أ) ما يجري هو عملية جمع ما تم عمله باستخدام المصاصات ويبين الشكل (ب) أن ما يجري هو عملية جمع وبين الشكل جد المحمول على عشرة حيث وضعت العشرة منقطة ثم تمحى العشرة وتنقل الى عمود العشرات بواحد كما بالشكل (د) ثم نجمع عمود العشرات فينتج ؟ ويكون الناتج النهائي ٤٠ كما بالشكل (م) .

ه- يكرر نشاط ٤ مع أزواج من الأعداد بحيث يكون مجموع الآهاد عشرة وهاصل
 الجمع النهائي لا يكون أكبر من ٩٠ .

 - يكرر النشاطان السابقان ٤ . ٥ باستخدام شرائط المدد الملونة حيث يغمبر كل طفل شريطي ٧ . ٣ معا بشريط واحد ١٠ وهذا يوضح التغيير بطريقة جيدة .

٧- يكرر نشاط ٣ مع اختيار عددين بحيث يكون مجموع الأحاد فيهما أكبر من عشرة

الم	<u>بينيز في توضيح الخطواء</u>	ن <u>استخ</u> دام قطع ا	مثلاً (۲۷ ، ۱٦) . ويمك
	AAAA	AB	
		H Q	
田田田田		H B	
TODOBBO	<u> </u>	Han	
7			

عشرات	آحاد	عشزات	آحاد	ا عشرات 	آحاد
-	٧		٧	4	٧
,	٦+	\	٦+		1+
	٣	۳	١٣		

- يكرر النشاط العمابق لأزواج مختلفة من الأعداد والتي حاصل جمع الأحاد فيها أكبر من عشرة ولكن بحاصل جمع نهاني لا يزيد عن ٩٩ .

 أستخدم الأعمدة الرأسية في التدريب على جمع ثلاثة أعمدة مجموعهم أقل من أو يساوي ٩٩ ويفضيل في هذه المسائل كتابية كلمية جميع وحـــذف علامـــة (+) حتى لا يضــــطر البعــض وضعها مزتين . وفي بعض العسائل قد نحمل ٢

تحتاج الى مزيد من الايضاح .

أحاد

(:قع

 ١٠ إذا اعتقد للمعلم أن اطفاله تمكنوا من عمليات الجمع

وفي هذه الحالة يجد الأطفال أنه يوجد عشر عشرات أو ولهذا يستخدمون حزمة كبيرة مكونة من ١٠ عشرات (١٠ حزم كل حزمــة عشـرة) ويضعون الحزمة الكبيرة في عمود ثالث يسمى المئات (واحد مائة) وإذا فهم

الأطفال العمل مع الآحاد والعشرات في صورة رأسية فسأنهم سوف يجدون أنفسهم مستمرين في نفس الانجاء .

ومن العمكن استخدام العداد الثلاثي عند ايجاد نــاتنج ٧٥ + ٥٨ مثـلاً . حيث يعطــي المعلم أحد الأطفال عدادا مع الحاقات ويطلب منه تعثيل الجملة ٧٥ + ٥٨ ثم اجراء عملية الجمع ويوضح الشكل التالي مراحل اجراءات الحل.

مثات	عشرات	أحاد	منات	عثيرات	أجاد	مئات	عشرات	آحاد	مقات	عشرات	آبماد
0				0			O			-	
	٧	٥			٠		v	P		٧	٥
	٥	A +			A +			^+		٥	λ+
1	٣	۳		-	۳			-			

Talk sau(12) alici

ا المثال ! ۱۱- يرسم المعلم على السبورة الجدول المقابل ويطلب من أحد الأطفال اجراء الجمع باستخدام الرسم ۲۶ + ۷۸ .

١٢- تستخدم طريقة نشر الأعداد (المفكوك العشري) في ايجاد ناتج ١٤ + ٧٨ كما
 يلي :

٤ أحاد + ٦ عشرات	7.5
ا ۸ آمداد + ۷ عشرات	٧٨ +
۱۲ آماد + ۱۳ عشرات	
۲ آحاد ۳ عشرات	
الماد + ۱۰ عشرات	
ا ۲ آماد + ٤ عشرات	
+ مانة	
	i
ľ	
	127
	۸ آهاد + ۷ عشرات ۱۲ آهاد + ۱۳ عشرات ۲ آهاد - ۳ عشرات ۱ آهاد + ۱ عشرات ۲ آهاد + ٤ عشرات

١٢ – بعد التأكد من فهم الأطفال العملية بعد استخدام العداد والرسم يعكن تقديم الصدورة المكتمسسرة مع كتاب أحساد وعشسرات ومئات وعند تأكد المعلم من تمكن أطفائه من الجمسع السابق يمكن حذف الجسدول نهائياً واعطاؤهم مسائل على الصورة المختصرة هكذا .

عات	عشرات	No-i
1	3	
	. 1	ì
	Y	٨
7,5	*	٧

١٠- يمكن توسيع النشاط ١٣ السابق بإعطاء جمع عدين يتألف كل منهما من ثلاثة أرقام على أن يكون المجموع ألل منهما من نسبت المجموع ألل منهما ميتيز ويمكن استخدام المداد وقطع دينيز في توضيح ذلك مع استخدام الرسم أيضا

ويوضح المعلم خطوات (اجراءات) الجمع ٢٥٧ + ٣٨٥ كما يلي :

جـ- اجمع المنات ۱-۳+۲۱ مثات اعد تسمية المنات	ب- اجمع العشرات ۱+۵+۵-۱ عشرات أعد تسعية العشرات ۱۶عشرة- اماتة ٤٠عشرات	أ– أجمع الأحاد 4+0–11 آخاد أعد تسمية الأخاد 11آخاد–1عشرة17آخاد
1 1	14	ب ← عشرات سها
Y 2 Y	t o v 116	र ० ४ च्रि <u>र</u> ी
Y A 0+	r 1 0 1	₩ A +
1 f Y	13	ا احالات

١٥- يمكن ليضا توسيع النشاط السابق باعطاء جمع عددين يتألف كل منهما من ثلاثة أرقام مع الحمل من الأحاد والعشرات والمنات ويمكن أيضا استخدام العداد الرباعي وقطع دينيز والرسوم.

ال ۱۳۵۰ ۱۳۵۲ +

وفى النشاط التالمي يعطي المعلم كل مجموعة مــــن الأطفـــال عدادا ويكتب على السبورة جملة جمع مثل

ويطلب من الأطفال تعثيلها على العداد ونجراه الجمع ويوضع الشكل التالي الخطوات :

	·	
عاد حشرات مدنت ألوف	المد عشرات مدات أقوف	أنعاد اعشرات منات اللوف
! []		
	+ 0 1 4 +	
A T g	A 7 (
1 7 7 3	1 7 1	+ + + -
	: 15 K and also is a set	1 1
جـ-اجمع المئات	لجمع في خطوات هكذا : ب- اجمع العشرات	ويشرح المعلم اجراءات ا
۱+۵+۱ ۱ امنات	ب جمع المسرات ۱++++ عشرات	
أعد تسمية المئات	أعد تسمية العشرات	۷+٤+۷ أحاد أعد تسمية الآحاد
٤ ا مالة - ١ الف، عَمنات	۳ عشرات ۱ مانة ۳ عشرات	اعد نسمیه ادخاد ۱۱ آخاد – اعتبر ة، اآخاد
* , , ,	+ 1	
3 1 VA 16	1	و ﴾ عشرات
1 ())		1+
مر من المعية ال	مارات الشيار ميم مدين كاريمار	1 — lel —

 ١٦- يمكن توسيع النشاط السابق ليشمل جمع عددين كل منهما مكون من أربعة أرقام وأكثر باستخدام نفس الوسائل ونفس الاجراءات

۱۷ – يمكن استخدام نفس الأدوات والاجراءات المسابقة في جمع اكثر من عددين مع الحمل حيث يكتب المعلم ٣ أعداد على السبورة كل منها مولف من ٤ أرقام ويطلب من أحد الأطفال تمثيلها على عداد لجمعها ويوضع لهم أن الخطوات تبدأ بضم حلقات الأحاد أولا وكل عشر منها تستبدل بواحدة تضماف الى عمود العشرات ثم تضم حلقات العشرات وتستبدل أيضا كل عشر منها بمائة وتكرر هذه المعلية حسب الأعداد .

الطرح بإستخدام القيمة الكانية

مقسدمة

انه لمن الصروري – قبل البدء في مناقشة أساليب تقديم استخدام القيمة المكانية في

الطرح للأطفال – أن نعمل تفكيرنا في الطرق المتنوعة والتي يمكن استخدامها في طرح 20 - ٢٧ مثلاً وتلك هي الطرق :

أ- العد على Counting on

لتكون ٣٠ وأضف الى ٣٠ تتكون ٤٠ أضيف الي ٤٠ لتكون 20

٣ + ١٠ + ٥ = ١٨ ، ولهذا يجب إضافة ١٨ الى ٢٧ لتكون ٥٥

اذن القرق بين ٤٥ ، ٢٧ مو ١٨

انن 20 - ۲۷ = ۱۸

تستخدم هذه الطريقة غالبا في الأسواق ومحلات البقالة .

ب- التنكيك Decomposition

إذا تعاملنا أو لا مع الأحاد نجد أنه ليس بالامكان طرح ٧ من ٥ ولهــذا نأخذ والعدا من خــــانة (عمود) العشرات ونغيره الى عشرة

آحاد کما هر مهین .

التعامل مع الأحاد بطريقتين

الأولى: بطرح ٧ من ١٥ (١٥ - ٧ - ٨) والثانية : يطرح ٧ من ١٠ واضافة ٥ الى النتيجية

. (A = 0 + T , T = Y - 1+)

ويجب ملاحظة أنه إذا لستخدمنا الطريقة الأولمي فيجب أن

تكون كل حقائق الطرح حتى ١٨ – ٩ معروفة تماماً .

وبالنسبة للطريقة الثانية يكفى معرفة الطرح من ١٠ فقط . والأن نكمل للحل بالمتعامل مع العشرات

(٣ - ٢ - ٢) وتتضمن اللغة المصاحبة

لهذه الطريقة ما يلى :

عشرفت	آحاد	عشوات	أحاد
·. Ł			•
۲	٧-	۲	٧٠-

عشرات	آحاد
7.4	
۲	γ÷
	λ.

_	٦	Ŧ	_

خذ واحدا من الأربعة عشرات وغيره بعشرة أحاد وهذا يصف ما يحدث ببساطة ودقة .

حبترات	,34,5-1	
î Y		جـ- الجمع المتساوي Equal Addition:
Y	V-	 بالتمامل أو لا مع الآحاد نجد أنه ليس بالامكان
عشر ات	آحاد	طرح ∨ من ٥ .
		ولهذا نضيف عشر آحاد للى الآحاد وفي نفس
•	"	الوقت نضيف الى عمود العشرات في آلـ ٢٧
í T	ν-	الوقف مصيف الي عمود العسرات في الد ١٠
	٨	ونسجل الجمعين كما هو مبين .
عشرات	آحاد	تنتعامل الآن مع طرح الأحاد باحدى طريقتي
		التفكيك التي وصفناها سابقا .
, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	v -	ثم نكمل الطرح بالتحسامل مع العشسرات

تتضمن اللغة المصاحبة لهذه الطريقة عبارة مثل " اجمع عشرة آحاد الى الخمس أحاد (في المدد ٤٠) وفي نفس الوقت أضف واحد عشرات السي الاثنيسن عشرة (في العدد٢٧)

(1= = = 1)

هذه الطريقة تستخدم المسلمة التي تقول "أن الغرق بين عددين يظل ثابتا إذا أضفنا انفس العدد الى كل منهما فعلى سبيل المشال ٨ - ٥ - ١٥ - ٢٥ - ٢٥ - ٢٥ - ١٠٠ - ١٠٠ - ١٠٥ ولمن المثال المبين (٤٥ - ٢٧) أضفنا عشرة أحاد الى خمص آحاد (في الدي المحصول على مزيد من الأحاد وفي نفس الوقت أضفنا ١ عشرة الى ٢ عشرات (في الـ ٢٧)

وهذا ليس صحب الفهم بالنسبة لنا ولكنه معقد بالنسبة للأطفال الصنفار والذي يجعله أكثر صحوبية للى حد ما وأكثر تعقيدا هو الحقيقة الذي مفادها: بالرغم من أن الأطفال يطرحون Taking Away إلا أن الطريقة المستخدمة تعتمد على "ما الفرق"

الطرح بالتفكيك Decomposition أكثر سهولة في الشرح والفهم ويفضيل عالى الاطراح بالتفكيك المحمدة المحمدة الإضافات المتساوية Equal Additions يجب أن ينتلف الأطفال مع فكرة المد على Counting on ولكنها تتخاج الى مزيد من الوقت عندما تكون الأعداد المستخدمة كبيرة

(مثلا ٣٦٥٤ -١٣٦٧) ولهذا فان الطريقة التي سنستخدمها في هذا الكتاب هي الطرح بالتفكيك .

وفيما يلي أحد الأساليب المقترحة لتقديم للطرح باستخدام القيمة العكانية .

- ۱- تأكد من أن كل طفل يعرف كل حقائق الطرح من ١٠ (مشلا ١٠ ٤ ٢ ،
 ١٠ ٨ ٢ ، وهكذا) وذلك لأنه بدون هذه المعرفة فإن الطفل سبيدد وقته في الاستعرار في عمليات طرح أكثر تعقيداً . ثم اعط تدريبات إضافية على تمل كل حقائق الطرح حتى ١٨ ٩ ٩ .
- ٢٠ قدم طَرَقًا لِطْرح عدد يكون من رقم واحد من ٢٠ (مثلا ٢٠ ٤) ثم بعد ذلك عدد مكون من رقم واحد من ٣٠ ، ٤٠ ، ...
 ٩٠ ، ٨٠ ٦ ...) وهكذا.
 - ٣- قدم طرقا لطرح عدد مكون من رقمين من ٢٠ ، ٣٠ ، ٠٠ ٩٠ ، ٩٠ مثلا (٣٠ ١٧ ، ٥٠ ٢٢ ،) وهكذا .
 - ٤- ويأتي بعد ذلك طرح عدد مكون من رقم واحد من عدد مكون من رقمين
 (٧٤ ٥ ، ٣٣ ٩ ، ٥ ٤ ، و هكذا
 - ۰- طرح عدد مکون من رقمین من عدد مکون من رقمین (۹۲ - ۲۶ - ۸۲ - ۱۹ ، ۸۵ – ۳۹ ،وهکذا
 - ٣- وسع الطرق المستخدمة في (٥) نتحتوي على أعداد كبيرة .

أنشيطة :

العواد والأدوات المطلوبة :

نفس الأدوات التي استخدمت في تقديم الجمع وهي العداد - المصاصحات - قطع دينيز - شرائط العدد الماونة .

- ١- يجب اعطاء تدريبات وأنشطة للتأكد من تمكن الأطفال من حقائق الطرح حتى
 ١٨-١٠) التي تع وصفها سابقاً .
- ٢- يعطي المعلم أحد الأطفال حزمتين (٢ عشرة) ويطلب منه فك احداهما لتصبح
 عشر مصاصات ويطلب منه تحريك المصاصات وايجاد العدد الباقي ويسير النشاط
 كالتالي :



يشرح المعلم مافطه الطفل ويسجل الإجراءات التي اتبعها الطفل كما يلي :

عشرات	آحاد	عشرات	احاد	عشرات	أحاد
1	1.	١	1.		
\mathcal{N}^{\prime}		γŕ	<i>y</i>	۲	
	ι -		٦ -		1 =
,	£				

يجب تكرار هذا النشاط لكل عمليات الطرح الممكنة والتي تتضمن طرح عدد مكون من عشرين (۲۰ – ۲۰، ۲۰ – ۹،) ثم يتسع النشاط ليشمل طرح عدد مكون من رقم واحد من ۳۰، ۲۰،، ۹۰،

٣- يستخدم الأطفال شرائط العدد العلونـة حيث يضعون شريطين ١٠ بجانب بعضها
 ليكونا ٢٠ ثم يسأل العطم السوال التالي ما الشريط الذي يبقى إذا حركنا شريط ٦
 من شريط ٢٠ ؟

احدى طرق الحصول على الاجابة هو تبديل شريط ١٠ بعشرة شرائط من شريط ١ وبعد تحريك ست شرائط ١ يبقى ٤ شرائط من شريط ١ وشريط واحد من شرائط ١٠ أي يكون الناتج ١٤ كما يمكن الحصول على نفس النتيجة أيضاً بتبديل شرايط ١٠ بشريط ٤ وشريط ٢.

٤- يكرر الأطفال نشاط ٢ ولكن الطرح الآن عبارة عن طبرح عدد مكون من رقمين من ٢٠ ، ٣٠ ، ٩٠ ويطلب المعلم من أحد الأطفال اجراء عملية طرح ٢٠ - ١٧ باستخدام المصاصبات وذلك بأن يعطيه حزمتين ويطلب منه تحريك ١٧ منهما فيستخدم الطفل أحد الحزمتين ويفكها ثم يضبع العشر مصاصبات منفصلة ويحرك منها ٧ مصاصبات فيبقى ٣ مصاصبات منفردة ويوضع الشكل التافي الإجراءات .



ا عقر ات		عشرات			آحاد
	١.	7	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\		
X	/			Y	•
1		•	v –	1	٧ -
	۳ -				

ويجب تكرار هذا النشاط بالنسبة للأعداد الأخرى المكونـة من رقمين والمحصدورة بين ١٠ ، ٢٠ ثم يمتد النشاط لعمليـات طرح من ٤٥ ، ٥٠ ، ٩٠ مثــل (٣٠ - ١٧ ، ٥٠ - ١٧ ، ١٠٠)

وعندما يثق الأطفال في التمامل مع عمليات طرح من هذا النوع يمكنهم المتعامل مسع طرح أي عدد مكون من رقمين من ٣٠ ، ٤٠ ، ، ٩

وزع المعلم على كل مجموعة من الأطفال بعض قطع دينيز للأساس عشرة ويكتب
على السبورة ٤٢ - ٢٧ حيث يأخد الأطفال في تحويل إحدى قطع العشرات الى
وحداث فيصبح لديهم ١٢ وحدة ، ٣ عشرات يأخذون منها ٧ وحداث ، ٢ عشرات
فيبقى ٥ وحداث ، ١ عشرة

عشرات	آحاد	آحاد عشرات
	17 .	1 7
۲	v	Y V-
,	0	

ويسجل النشاط كما يأتني :

ویکرز الأطفال النشاط لعدة عملیات طرح تتضمن تغییر ۱ عشرة بر ۱۰ آحاد وعلی

المعلم محاولة أن يكون التغيير موضحا بدقة والاسوف تحدث أخطاء .

طرح الأعداد الكبيرة

يكتب المعلم مسألة طرح على السيورة مثل ١ ° ° ويعطى أحد الأطفال مجموعة الطبع دينيز ويطلب منه تمثيل المسألة . <u>-٤ ٥ ° ١</u>

8 8 8 8	_		_		_	_										
	9: 6:	# # 6 # 6	=	•	ø		H O G G	60	=	 - a	6.00 6.00 6.00 6.00 6.00 6.00 6.00 6.00	_	Ħ		_ e	Ĭ

'* 1	"X*	11 x'	مثاث مهر؟ د	عشوات اسهراا ن	أحاد سور"
1	٦	- - -		7 9	

وبيدا المعلم في اعطاء اطفاله مسائل طرح منتوعة بحيث يظهر الصفر في العشرات مثل ٥٠٦ – ٢٣٨ حيث يشرح لهم العسألة في خطوات كما يلي :

١- نطرح الاهاد فنجد أن ثائج ١ - ٨ ٢- نعيد تسمية المئات لتصبح ٣- نطرح هكذا
 لا يصلى عددا كليا ولذلك ثقك ٤- مئات وتسع عشرات وعشرة ١١ - ٨ - ٨ - ٨

او تعود تسمية رقم العشرات وهو المسافر مع الأحاد للحصول على مزيد من الأعفالة مع الأحاد للحصول على مزيد من الأعفالة

بعد التمكن من طرح عددين يتألف كل منهما من ثلاثة أرقام يمكن توسيع الخطوات تتشمل الأعداد المكونة من أربعة أرقام وأكثر على أن فلك الألف الواحد بعشر منات ويمكن استخدام قطع دينيز أو العدادات :

تطيق ومتابعة

يمثل الجمع والطرح نصف ما يسمى بالعمليات الأساسية في المرحلة الإبتدائية ولهـذا يجب أن تبذل جهداً كبيرا في تقديمهما للأطفال .

ومما يساعدنا على تمكن الأطفال مـن الجمع والطـرح التمامل مـع الوسـانل المحسوسـة والأنشطة العملية التي يقوم بها الأطفال بانفسهم تحت اشراف المعلم ليتعلمـوا مـن خــلال العمل وليطوروا افكارهم الرياضية .

ويجب أن يبدأ تقيم الجمع والطرح على مراحل كما أوضحنا سابقا نركز في المرحلة الأولى على انشطة الضم والفصل بين مجموعات متشابهة العناصر شم يلي ذلك تعلم حقائق الجمع والمطرح الأساسية وفي هذه المرحلة ينبغي أن يتدرب الطفل على حفظ المحقائق حتى يصبح استخدامه لهذه الحقائق آليا فيما بعد أي تكون لمه القدرة على الحساب بسرعة ودقة .

كما يجب أن تصمم أنشطة يستشع بها الأطفال وهم ينفذونها كما يجب أن تناتش حقائق الجمع والطرح بدقة حتى نساعد الأطفال على حفظها .

ولكي يتعلم الطفل حقائق الجمع والطرح بفعالية واستمتاع يجب عليه أن :

١- يفهم عمليتي الجمع والطرح (+ ، -)

ب- يفهم الربط بين الجمع والطرح .

ج- يكتسب خبرة في بناء وحفظ كل حقيقة .

د- يفهم الحقيقة التي تتعلق بالصغر بالنسبة للجمع والطرح .

ه- يفهم خاصية الابدال بالنسبة للجمع .

و- يتدرب كثيرا على تعزيز وتقوية حفظ الحقانق .

وإذا ركزنا على النقطة الأخيرة فقط " و " نسوف يكون ذلك تدميرا الموقت والجهد وغالبا ما يكون شديد الاحباط لاته بدون الخلفية المحرفية للتي تتضمن من أ – هــ يمكن أن يتعلم الأطفال مثل الببغاء فقط وقد لا يكون للحقائق معنى حقيقي بالنسبة لهم.

ويجب أن يعرف المعلم أن الفهم الكامل ليعض الأفكار المتضمنة سلفا من (أ-و) يأتي ببطء لكثير من الأطفال مثل الابدال في الجمع . كما أن فهم خاصية الصغر في الجمع تأتي فقط من خلال العمارسة .وعندما يتمكن الأطفال من بناء وحفظ الحقائق التي نتائجها الل من أو يساوي عشرة يمكن أن يستعروا من خلال الأنشطة الموجهة في الحقائق المتبقية حتى 9 + 9 - 14 . وفي كل مرة من مراحل تقديم حقانق الجمع يجب تقديم حقانق الطرح المناظرة من خلال انشطة عديدة ومختلفة أي على الأطفال أن يفهموا الربط بين الجمع والطرح فهما كاملا لأنه إذا فهمت حقائق الجمع فسوف يكون من السهل بناء وحفظ حقائق الطرح .

ومن الأنشطة المفيدة لحفظ حقاتق الجمع .

١- أستخدام التاريخ :

يمكن استخدام نقائق قليلة يوميا يكتب خلالها الأطفال حقائق مختلفة قدر امكانهم عندما يكون لديهم اليــوم .

في الشهر كاجابة فمثلا في ١٢ ذو الحجة يمكنهم كتابة كل أو بعض الحقائق التالية:

17 = A + E . 17 = E + A . 17 = 9 + T . 17 = 7 + 9

. 14 = 1 + 1 , 17 = 7 + 0 , 17 - 0 + 7

٧- استخدام الساعة :

يمكن استخدام الساعة ففي أي يوم على سبيل المثال يمكن استخدام الساعة على يمكن للمعلم أن يضبع بطاقة مكتوبا عليها + ؛ على وجه الساعة كما هو مبين ثم يضيف الأطفال ؛ لكل عدد من الأعداد من ١ - ١٢ على التوالى .



ويضيف مثل هذا النوع من التدريب الراء وتنوعا لعملية التعلم ويستمتع به الأطفال .

ثم تأتي بعد ذلك مرحلة استخدام القيمة العكانية وهي مرحلة هامة أيضا وأساسية وتحتاج لجهد ووقت كبيرين حتى يتمكن الأطفال منها ويجب استخدام الوسائل التي تم وصفها سابقا كقطع دينيز والعداد ولوحة الجيوب والمصاصحات وشر انظ العدد العلوضة وهذه المرحلة مرتبطة ارتباطا كبيرا بالجمع والطرح على الأعداد الكبيرة ففي الجمع على الأعداد الكبيرة ففي الجمع على الأعداد الكبيرة بالنسبة للأطفال إذا:

أ - فهموا القيمة المكانية فهما كاملا وامتدادها الى ما بعد المنات .

ب- عرفوا حقائق الجمع (حتى ٩ + ٩ = ١٨).

لعندنذ سوف لا يجدون صعوبة كبيرة في اجراء عمليات جمع تشمل أعدادا من العنات والآلاف وهكذا.

وأن أي أخطاء تحدث سوف يكون سببها الرئيسي إما " أ " أو " ب " وفي أحيان اخرى قد ترجع الأسباب الى عدم العناية ووضع الأعداد تحت بعضها بطريقة غير سليمة أثناء اجراءات حل العسائل .

وفي الطرح :

يحتاج الأطفال كما في الجمع الى :

أ- نهم كامل القيمة المكانية .

ب- معرفة حقائق الطرح (حتى ١٨ - ٩ = ٩) .

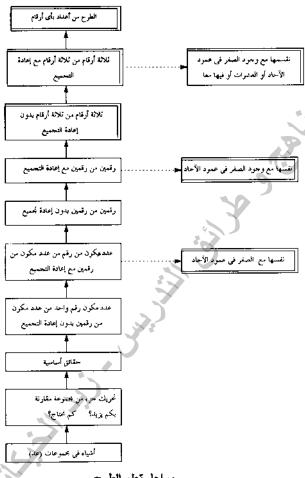
وإذا تمكن الأطفال من أ ، ب فيمكنهم التحرك نحو الأعداد الكبيرة بدون صعوبات كبيرة.

وعمليات الطرح مثل ٤٠٠٠ - ٧٧٣ لا تحتاج الى الاتراضات خاصة . ويمكن للأطفال أن يرتبكوا بسرعة . ويعرف المعلمون ذوي الخبرة أن ذلك يحدث ولهذا يجب أن يلغذوا حذرهم ويعتنوا بدرجة كبيرة عند التعامل مع أسواع الأمثلة المناظرة في العمل المعك

ويعني ذلك أن الأطفال في المستوى الأول يجب أن يتمكنوا من طرح عدد مكون من خانة واحدة من ١٠ .

وفي المستوى الثاني يجب أن يتدرب الأطفال بوفرة على الطرح من ١٠٠ ويجب مناقشة أمثلة مثل ١٠٠ - ٥ ، ١٠٠ - ٢٠٠ بانتظام لمساعدة الأطفال على تكوين صورة في لذهافهم لما يقومون به من عمل .

ويمكن أن يلي الطرح من ١٠٠ الطرح من ٢٠٠ ، ٣٠٠ ، ٣٠٠ ، ، ١٠٠ وبعد ذلك الطرح من ١٠٠٠ حيث يمكن التعامل معه بنفس الأساليب التي وصفت سابقا ويبين الشكل التالي خطوات تعلم الطرح وهي خطوات في تسلسل هرمي حيث تعثل القاعدة أبسط المهارات ثم تتدرج في المسعوبة مع ملاحظة أن كل خطوة متطلب المخطوة التي تطوها كما أن هذه الخطوات لا تتعامل مع صف دراسي بعينه بل منتشرة على عدة صفوف دراسية .



مراحل تعلم الطرح

الأخطاء الشائعة في الجمع

1- أخطاء في النجيع "Combination

٧- العسد

٣- جمع أخر عند محمول

٤- نسيان جمع العدد المحمول

هاتكرار عمل بعد عمله بصبورة جزنية

٦- جمع العدد المحمول بطريقة غير منظمة

٧- عدم وضم الأرقام تحث بعضها .

٨- حمل رقم الآحاد في المجموع

۹ حمل رقم خطأ

١٠ - فصل الأعداد الى أجزاء ١١- استخدام عملية أساسية بطريق الخطأ

١٢ عدم وضع رموز الأعداد (الأرقام) في أثناء الجمع في خاناتها المناسبة .

١٣- أخطاء في قراءة الأعداد

١٤- وضم الأرقام بجانب بعضها دون القيام بعملية الجمع

١٥ عدم المبالاة بعمود الأحاد

١٦- أخطاء في كتابة الاجابة

١٧- الْقَفْرُ مِنْ عَشْرةَ الِّي اخْرِي مَتَخَطَّهَا مَا بَيْنَهَا

١٨- الحمل في الولك الذي لا يوجد فيه عدد يحمل

١٩- جمع أجزاء واعطاء الناتج الخاص بالأجزاء كناتج كلي (عند جمع ثلاثة أعداد)

٢٠-جمع نفس الخانة في عمودين ٣١- كتابة الزقم المحمول في الاجابة

٣٢- جمع نفس الرقم مرتين

٣٣- حذف خانة واحدة أو أكثر .

٢٤- جمع الآحاد والعشرات وتسجيلها دون اعتبار للقيمة المكانية

٢٥ - جمع كل الأرقام معا (عدم اعتبار للقيمة المكانية)

الأخطاء الشائعة في عملية الطرح

١- أخطاء في التجميع

٧- العسد

٣- عدم السماح بالتفكيك

١٤- أخطاء بسبب الصفر في المطروح منه

ه- نصل الأعداد Split Numbers

٦- التنقيص من المطروح منه بعد التفكيك عندما لا تكون هناك حاجة للتفكيك

٧- اهمال خانة

٨- طرح الرقم الأصغر من الزقم الأكبر دون الأخذ في الاعتبار العطروح والمطروح

منه .

٩٠ طرح عشرة من خانة العشرات بصورة آلية

١٠ –التفكيك من منزلة دون تنقيصها

11- الجمع بدل الطرح

١٢- أخطاء في القراءة

٣١٣ استخدام نفس الخانة في عمودين

۱۱- حذف عمود

١٥- استخدام جمع المحاولة والخطأ

١٦-أخطاء عندما تكون بعض خانات المطروح والمطروح منه متساوية

١٧- انقاص اثنين من المطروح منه بدلا من واحد بعد التفكيك

10- استخدام المطروح منه أو المطروح كباقي الطرح

19 - تداخل العمليات مع القسمة أو الضرب

٢٠- النَّفز عشرة أو عدة عشرات

٣١- الزيادة في خانة المطروح منه بعد التفكيك

۲۲- بناء الطرح على تكرار الضرب

٣٣- عكس الخانات في باتي الطرح

٢٤- أخطاء عندما يتطلب استخدام اعادة التجميع أكثر من مرة

ويجب على المعلم البحث عن أسباب الوقوع في مثل هذه الأقطاه ووضع برنامج علاجي لمعالجة هذه الأخطاء وفقا للتعلم الفردي .

مراجعة الجمع :

هناك طرق عديدة أمر اجمة عملية الجمع منها:

جمع الأعداد مرة أخرى بنفس العاريقة ، الجمع من أسفل الى أعلى إذا كـان السير فـي الجمع أولا من أعلى الى أسفل .

ومن الطرق الممتعة في عملية الجمع تلك الطريقة التي تقوم على أساس ابعاد الأرقسام ٩

أو مضاعفات ٩ وعزف العرب قديما هذه الطريقة وسموها " مـيزان العـدد " وقيمـا ينــي مثال لاستخدامها

ميزان العد		
٧	7707	العدد الأول
1	1110	للعدد الثاني
3	TIEV	العدد الثالث
٣	4770	لعدد الرابع

ميز ان حاصل الجمع ٨ ١٨٨٦٣ ٨ ميز ان المجمع

وفي هذه الطريقة نجمع الأرقام المكونة للعدد ونستَبعد منها جميع التسعات الصحيحة فما يبقى بعد ذلك فهر ميزان العدد .

وتقوم هذه الطريقة على أساس أن نظامنا العشري نجد فيه أن ما يزيد

عن التسعات في عدد معين يساوي ما يزيد عن التسعات في مجموع أرقامه

وهناك طريقة أخرى لمراجعة الجمع وهي أن تجمع الأعمدة جمعا منفصلا ثم تقارن الجوابين كما هو في المثال :

وتسمى هذه الطريقة بطريقة المحاسب

مراجعة الطرح:

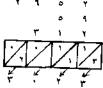
للتأكد من صحة الطرح يستخدم المعلم البطاقات في استنتاج العلاتتين التاليتين:

	المطروح منه
الماقي	الطروح

مطومات اطباقية :

طرق أغرى تنهمع: أ- طريقة الشبكة Lattice Method

والمثال التالي يوضح طريقة الشبكة في الجمع



وهذه الطريقة يمكن استخدامها مع الأطفال الذين يجدون صموية في الجمع مع حمل.

ب- توجد طريقة أخرى يوضعها المثال التالي:

نَكِي نَجِمَع : ٤٧٧ و ٨٧٦ ، نقوم بالخطوات الثائبة :

٥ ٤
 ٧ نضح خطأ تحت الأشاد . ونجمعها ، ٢
 ١ نخت الجموع .
 ٢ نخت الجموع .

الجواب

الآلة الحاسبة في المدرسة الابتدائية



العداد Abacus هو أول الأجهزة التي استخدمت لايجاد بعض العمليات الحسابية وفي عـــام ١٦٤٧ م ابتكر الرياضي الفرنسي باسكال آلة حاسبة بســـيطة وبعد تسع وعشرين سفة بني الرياضي الألماني ليبنز الة لإجراء الضرب بصورة جيدة .

وفي القرن التاسع عشر قادت مساهمات تشارلز بابـاج Charles Babbage الى الآلات الحاسبة التي نراها اليوم .

والآلات الحاسبة الحديثة يمكن رويتها في أي مكان فهى تستخدم في المحلات وفي المنزل وفي الفصل الدراسي والسبب في انتشار هذه الآلات واضح فهمي صغيرة الحجم وسهلة الحمل وقد صمم بعضها ليناسب دفئر الشيكات أو الممصم أونهاية القلم كما أنها دقيقة وسريعة جدا حيث يمكن الأن لجراء عمليات حسابية في ثوان معدودة كانت تأخذ منا دقائق عديدة باستخدام الورقة والقلم .

وبالاضافة الى ما سبق فهي رخيصة الثمن خاصة البسيطة منها .

ويتوقع حدوث تغيرات عديدة في المنهج نتيجة المستحدثات التكلولوجية مثل الآلة الحاسبة لأنها أسلوب فعال في تنمية بمض المهارات مثل التنفيذ الفعال للخوار زميات المعقدة والتي أصبحت لا تتطلب وتنا طويلا كما أن استخدامها يساعد على معرفة المعليات التي يجب تطبيقها فضلا عن التأكد من الإجابات ويجنب الوقوع في الأخطاء القادحة.

ويوجد جدل حول الدور الحقيقي ثلاثة الحاسبة في المدرسة الإبتدائية حيث يرى بعض المدرسية والإبتدائية حيث يرى بعض المدرسين والآباء أن الانتشار الكبير الاستخدام الآلة الحاسبة بقهم سوف وقال من دافعية الأطفال نتعلم الحساب سواء الحقائق الأسامية أو خوارزميات الورقية والقلم ولهذا فهم يطالبون بتحريم استخدام الآلة الحاسبة في المدرسة الابتدائية أو على الأقل حتى يتمكن الأطفال من الحساب.

بينما يرى البعض الأخر – ممن ينظرون الى الأمام – بضرورة الاستفادة من هذه المختر عات الحديثة مثل الآلة الحاسبة لأنها تعتبر أداة مفيدة وهامة واستخدامها يساعد على تعلم الرياضيات واكتشافها وفائدة استخدامها ليس فقط في الحسابات المباشرة ولكن أيضا في اكتشاف الخبرة في عمليات رياضية عديدة مثل التقدير – البحث عن أنماط – لحل المشكلة – اجراءات التحليل – بناء الفروض واختبارها – الألعاب والالغاز وغيرها، وسنقتصر على بيان دور الآلة الحاسبة في رياضات العرحلة الابتدائية فيما

يلى:

١ - تقدير الاجابات :

زاد الاهتمام بالقدرة على عمل تقديرات معقولة للاجابات المتوقعة للمسائل في المرحلة الإبتدائية . ويمكن أن توفر الآلة الحاسبة المساعدة في تتمية مهارات الأطفال في التقدير.

ويمكن أن يتم ذالك من خلال ممارسة الأطفال ليعض الأتشطة مثل :

		في المثال المقابل الإجابة التقديرية هي ٢٣٠
11	٠.	ونَاتج الجمع باستخدام الآلة الحاسبة هو ٢٢٧
70	۵.	وهو مؤشر الى أن التقدير منطقي ومعقول .
43	4.	
۲۷ +	1 · +	
	۲۲.	وفي مثال الطرح المقابل يعكن اجراء التقديسر
	T £ Y	لأقرب مانة أو لأقرب ألف بتقريب المنات هو ٢٣٠٠
1		ولأقرب الف هو ٢٠٠٠ الفاتج باستخدام الآلة الحاسبة

وهو ٢٣٨٠ يشير الى معقولية كلا التقديرين . ويجب إعطاء الأطفال مزيدا من التدريب على الجمع والطرح بحيث يقدرون الناتج أو لا ثم يتحققون منها باستخدام الألة الحاسبة .

1411-

٢- التحقق من الاجابة :

حيث يسطى الأطفال تدريبات حسابية يجرونها باستخدام الورقة والقلم ثم يتحققون ذاتها تحققا فوريا من صحة الجواب ويمكنهم أيضا معرفة الخطأ مبكرا .

٣- الأعداد المتماثلة القراءة Palindromes

وهي الأعداد التي تقرأ طردا وعكسا مثل ٢٣٢ ، ٧٤٤٧ ، ٤٦٥٦٤ ويمكن استخدام الآلة المحاسبة في البحث لتوليد هذه الأعداد من خلال معارسة عملية المجمع وفقا الخطوات التالية :

أ- اختر العدد ،

ب- لجمع هذا العدد مع العدد الذي ينتج من عكس أرقام ٢ ; ٢ ، ٢ المعدد الأصلي إذا كان حاصل الجمع هو ٢ ؛ ٢ ؛ ٢ المعدد متماثل القراءة . فعندنذ يكون الجمع تاما تاما تاما المثانين التاليين .

وإذا لم يعط الجمع الأول عددا متماثلا استخدم العدد الناتج من الجمع واجمعه على العدد الناتج من عكس أرقامه وكرر هذه العملية حتى ينتج العطوب مع ملاحظة أن العدد العتماثل القراءة يمكن أن يتولد من أعداد أصغر من ١٠:

		٦	1		ò	1	٦.	٣
		٩	٦		٦	4	۵+	r +
	•	٦	٥	١	۲	3	1	٦
	۰	٦	1	1	٩	۲	3	1
	٧	۲	٦	7	Y	١	۲	1.1
	τ	۲	٧	۲	١	۲	۲	<u> </u>
١	٣	o	۳	۵	۳	۳	٥	۲۳
٣	٠	٣	١					10

الربعات السحرية Magic Squares

العربع السحري هو ذلك الغربع الذي يحتوي على مجموعة من الخان بحيث يكون في كل خانة عدد وتكون هذه الأعداد مرتبة بحيث أو عمود أو قطر منها واحدا ومن الشهر هذه المربعات المربع الثلاثي والذي يعرف بعربع جابر بن حيان استخدامها لايجاد وحل لمربع سحري استخدامها لايجاد وحل لمربع سحري حدي كن إذا كان يوجد حل.

٦	١	٨
٧	۵	۳
Y	٩	í

۱۷	Y£	١	٨	10
45	۰	٧	11	Í
1	٦	٦٢	4.	YT
1.	3.4	11	۲۱	٣
11	14	Υp	۲	٩

 $\{9, \dots, Y, 1\} = m$ if $\{1, \dots, Y, 1\}$

ب- خذ العدد الأوسط في س واضربه في ٣ (وهذا سوف يكون مجموع الصلوف)

ج- أوجد كل الثلاثة العناصر والتي تشكل مجموعة جزئية من س بحيث يكون مجموع
 العناصر يساوي النتيجة التي حصلنا عليها من أ

د- بين أن واحدا من الأعداد في من سوف يظهر في أربع مجموعات جزئية ، أربعة

- من الأعداد سوف تظهر في ثلاثة مجموعات جزئية ، أربع من الأعداد سوف تظهر. في مجموعتين جزئيتين من س .
- د- لوضع الأعداد في أماكنها المناسبة في المربع السحري أبدأ بوضع العدد الأوسط من
 من في وسط المربع و لختار عددا بحيث يظهر في ثلاث مجموعات جزئية وضعه
 في الركن . وضع العدد الذي يحقق الجمع الصحيح في الركن المقابل .
- هـ المخطوة التالية هي وضع الأعداد في الصف الأوسط بصورة صحيحة . أو العمود
 الاوسط مستخدما أعدادا تظهر في مجموعتين جزئيتين .
 - و باستخدام مجموع أ أكمل المربع .

اختبر فهمك

- ١- صف بعض الأنشطة التي يمكن استخدامها لتتمية فهم الأطفال لمفهوم الجمع وأيضا لمفهوم الطرح.
 - ٢- اعط أربعة مواقف حقيقية من الحياة تمثل عملية الطرح ؟
- حضح كيف تستخدم بعض الأدوات لتقديم حقائق جمع عددين مجموعهما أكبر من
 ٢٠٠٥
- كيف تشرح لأطفالك خواص الابدال والدمج والتوزيع في عملية الجمع باستخدام الأدوات الممينة ؟
 - ٥- ما الصعوبات التي تواجه الأطفال في دراستهم للجمع والطرح ؟
- آي المواد والأدوات تعتقد أنها أكثر مناسبة في تقديم الموضوعات التالية للأطفال المبتدنين في تعلمها ؟ ولعاذا ؟

المواد والأدوات	الموضوع
حبوب - عصمي - شرائط العند الملونة	جمع ۲+۷ = 🗌
أقراص بلاستيكية ملونة – ميزان	طرح ۲ – ۳ = 🔲
ل المعددية التالية ثم ارسم شكلا يوضح كيفية الحا	٧- اكتب قصة لكل نوع من الجما
*	باستخدام بعض الأدوات ؟
ب) طرح (لغذ من) ٧ - ٣ = 🔲	ا) جمع ۷ + ۸ = □
د) طرح (كم نجمع على ليكون الناتج) ٧ - ٢ = [طرح (مقارنة) ٧ - ٣ - 🔲
لفال في استخدام الطريقة المبينة الإيجاد ناتج	٨- ما الصعوبات التي تواجه الأه

የነ ተ ለ

16 = 6 + 1, = 6 + 7 + 4 = 7 + 4
٩- ضع (+) أو (-) في العكان الخالي نجعل الجملة العددية صحيحة ٢
4 🗆 4 - 7 🛄 V
11 = 0 [1] 1 [
٩ 📋 ١٤=٥ 🗎 ٦ 🚨 🔞
 ١٠ قمادًا يكون من العرغوب قيه أن يستخدم الأطفال الأدوات لتعلم جمع أعداد مكونة من رقمين وثلاثة ؟ هل يجب أن يستخدموا الأدوات في تعلم جمع أعداد مكونة من أن قال تراس ما العرب المحدد /li>
من رقمين وثلاثة ؟ هل يجب أن يستخدموا الأدوات في تعلم جمع أعداد مكونــة من
الربعة المحمسة ارهام ؟
١١- ما الصعوبات التي يمكن أن تواجه
الأطفال في حل مسائل مثل إجمع على الأطفال الله على المائل المثل إجمع
1, 4, 1

صف أحد المداخل لمساعدة اولتك الأطفال على الجمع السريع ؟

الفصــــل الخامس ضرب وقسمة الأعــــداد الكلــــــــــة

- مفهوم الضرب.
- حقائق الضرب.
- ربط الضرب بالقسمة.
 - حقائق القسمة.
- الضرب بإستخدام القيمة الكانية.
- القسمة بإستخدام القيمة المكانية.
 - الأخطاء الشائعة في الضرب.
 - الأخطاء الشائمة في القسمة.
 - طرق مشوقة لإجراء الضرب.
- كيف تساعد الأطفال على تعلم الخاور زميات؟
- أسباب الصعوبات التي تواجه الأطفال في دراستهم لخوارزميات الأعداد
 - الكلية.

- * من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يكون الدراس قادرا على أن:-
 - ١- يصف ثلاثة مواقف حقيقية على الأقل يتحقق فيها الضرب.
 - ٢- يميز بين القسمة كقياس وكتجزى.
- ٣٠ يشرح بالإستمانة ببعض المواد الإجراءات التي يمكن إستخدامها لبناء فهم الأطفال
 ليمليقي الضرب والقسمة.
 - ٢٠- ١٨ : ١٨ = ٣٠٠ الضرب مثل ٢×٣ = ١٨ ، ٤×٩ = ٣٠٠.
 - ٥- يستخدم بعض الأساليب لمساعدة الأطفال على حفظ حقائق الضرب والقسمة.
- آ- يوضيح أهمية خصائص الضرب (الإبدال الدمج التوزيم) للأطفال بالإضافة
 إلى دور الواحد والصفر في عملية الضرب.
 - ٧- يحدد الأخطاء الشائمة في عمليتي الضرب والقسمة.
 - ٨- يعرف بعض طرق الضرب غير الشائعة ويستخدمها كنشاط تراثى للأطفال.
 - ٩- يستخدم بعض الأدوات لشرح الضرب مع إعادة التسمية.
- ١٠- يشرح باستخدام ألمواد الإجراءات التي يمكن استخدامها لمساعدة الأطفال على
 تسعة الأعداد الكبيرة.
 - ١١- يشرح شفويا أو تحريريا كيفية التحقق من صحة الضرب أو القسمة.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في القصل أن يصبح قادرا على أن:-
 - ١ يجيب على كل حقائق الضرب الأساسية المانة إجابة صحيحة وسريعة.
 - ٢- يحدد أجزاء مسألة الضرب الثلاثة.
 - ٣- يكتب مسألة ضرب معطاة في صورة أفقية بصورة رأسية.
 - ٤- يحدد متى يستخدم أعادة التسمية في الضرب.
 - وس يحدد أين تكتب حواصل الضرب الجزئية.
 - ٣- يجرى مسائل ضرب في أحد أعدادها أصفارا أو في كليهما.
 - ٧- يحدد متى يجمع أو يطرح أو يضرب في مسائة الفظية.
 - ٨- يجيب على كل حقائق القسمة الـ ٩٠ إجابة صحيحة وسريعة.
 - ٩- يحدد كل جزء من أجزاء مسألة التسمة.
 - ١٠ يكتب مسألة الضرب التي تتعلق بمسألة تسمة.
 - ١١ يحدد متى يكون الآحاد في خارج القسمة كبيرا جدا.
 - ١٢ يحدد منى يكون الأحاد في خارج القسمة صغيرا جدا.
 - ١٣- يكتب باقى القسمة (غير الصغر) في المكان المناسب في إجابة القسمة.
 - ١٤- يتحكّق من صحة الإجابة عندما يكون الباقي يساوي صفر ١.

١٥- يتحقق من صحة الإجابة عندما يكون الباقي لا يساوى الصفر.

١٦- يتذكر الخطوات الست الأساسية في القسمة على عدد مكون من رقم واحدوهي :
 أ- المسم ب- اضرب جـ- الحرح د- قارن هـ- اكتب البائي (إذا كان لا يساوي صغر).

١٧- يحدد متى ينزل خانات إلى أسفل bring down digits من المنسوم.

١٨- يحدد متى يكتب الصغر في خارج القسمة.

١٥ يستخدم للخانة الأولى من اليسار من المقسوم عليه لإيجاد ناتج تقريب لكل خانة
 من خانات خارج القسمة.

٧٠ - يحدد منى ينقص من الإجابة التقريبية،

٢١- يقول الخطوات الست التي تستخدم في حالة القسمة على عدد مكون من رقمين أو
 أكثر وهي:-

ا- أوجد تقريب ب- اضرب جـ- اطرح د- قارن

هـ - اكتب البائي (إذا كان خ٠) و - تحقق من الناتج.

٢٧- يحدد منى يجمع أو يطرح أو يضرب أو ينسم في مسألة لفظية،

٧٣- يفسر إجابة المسألة اللفظية في ضوء كلمات المسألة الأصلية.

٢٢- يتحقق من صحة الناتج ليرى ما إذا كان الحل يتفق مع العسالة الأصلية أو لا
 يتفق

مقدمة

الضرب والقسمة هما النصف الباتى للعمليات الأساسية ويمكن النظر الى عملية النضرب على أنها جمع متكرر لمجموعات جزئية متكافئة أما عملية القسمة فهي عملية طرح متكرر

وعند تغديم الضرب والقسمة نبدأ بأنشطة محسوسة تمثل مواقف للجمع المتكرر والطرح العتكرر ثع يلي ذلك استخدام وسائل نصف محسوسة كالنقط والمربعات وما الى ذلك وحسب نضج الأطفال تأتى مرحلة العمل المجرد . ويتم تقديم الضرب والقسمة أيضا على مراحل حيث نهدأ بالأعداد الصغيرة ثم يلى ذلك استخدام التيمة المكانية والضرب والقيمة على الأعداد الكبيرة .

مفهوم الضيرب :

أنشطة

1- يطلب المعلم من طفلين الوقوف أمام القصل

ثم يرسم حلقة بالطباشير على أرض القصيل

ويطلب من الطفلين الوقسوف بداختها ثم بكتب

> المعلم ' ۲ ' على السبورة. يأتى طفلان أخران

ويقفان في حلقة طباشيرية أخرى أمام ز ملاتهم ٢ x = x + x = 1 [x = x + x = 1

ثم يأتي طفلان أخران أمام زملائهم ويقفان في حلقة طباشميرية أخرى ويكتب على السبورة ٢+٢+٢ = ٦ ويستمر هذا النشاط حتى خمس مجموعات تضم كيل مجموعة طفلين يقفان أمام زملاتهم الأطفال ويكتب المعلم ٢ + ٢ + ٢ + ٢ + ٢ +

> ويكرر هذا النشاط مع مجموعات تحتوى كل منها ٣ أطفال ، ٤ أطفال ، .. وهكذا.









乔乔条



 $\xi = Y + Y$

٣- يقف أربحة أطفال أمام الفصل على خط واحد . يرفع الطفل الأول ذراعية . يسأل المعلم الأطفال كم ذراعا رفعت ؟ ثم يكتب ٢ .

يرفع الطفل الشالث ذراعيه ثم يكتب المعلم $\Upsilon + \Upsilon + \Upsilon = \Upsilon$

ويرفع الطفل الرابــــع يديــــه ثـم يكتب المعلم ٢ + ٢ + ٢ + ٢ = ٨

ويكرر هذا النشاط مع أعداد أخرى من الأطفال

٣- يرسم خط أعداد بالطباشير على الرضية الفصل

- 1 Y Y & 0 1 V A 9 1.

يقف طفل على الملامة " ، " ثم يقف ز خطوتين الى الأمام حتى (Υ) ثم يقفز خطوتين اخرتين (حتى 3) $(+ \Upsilon = 3)$ ثم يقفز خطوتين مرة ثالثة $(حتى \Upsilon)$

م يستمر بهذه الطريقة وفي كل مرة يكتب المعلم الجمع المناظر على السبورة -ثم يستمر بهذه الطريقة وفي كل مرة يكتب المعلم الجمع المناظر على السبورة -٤- يستخدم الأطفال شرائط العدد العلونة:

يضعون شريطين من فقة ٢ بجانب بعضهما البعيض شم يبحشون عن شريط يكون طوله مساويا لطول الاثنين معا (شريط ٤) ويكتبون

الاثنین معا (شریط ۱) ویخبوز ۲ + ۲ – ۱

ثم يستمرون باستخدام ثلاثة شرائط من فنة ٢ وشريط من فنة ٦ ويكتبوا

Φ Φ • • • • • • ٢ + ٢ + ٢ = ٦ ويستمرون بهذه الطريقة .

يجب تكرار هذا النشاط بمجموعة شرائط من فنة ٢ ، ٤ وهكذا .

٥- يقف أربعة أزواج من الأطفال كما بالشكل ، أمام الفصل ويعملك كل زوج

*ት*ማት ትማት ትማት

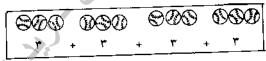
بطاقة رقمية كبيرة تحمل العدد ٢ ثم يسأل المعلم كم طفلا يوجد في كل مجموعة ثم يرسم المعلم بطاقة كبيرة بها رقم ٢ على السبورة ثم يسأل كم مجموعة موجودة عدد عناصرها ٢ ؟ ثم يبين ٤ على السبورة كما يلي :

ثم يستمر المعلم في شرح أنه لبيان أن لدينا أربع اثنانات نستخدم رمزا خاصا . ويسمى برمز عملية الضرب ثم يرسمه بين ٢ ، ٤ ثم يكمل العبارة الرياضية (التغرير) : [٢] × ٤ = ٨ وتقرأ ضرب أربعة يساوي ثمانية ويجب أن يكرر هذا النشاط مع أعداد أخرى من الأطفال . كما يجب أن يتدرب الأطفال على رسم رمز عملية الضرب

أ- في الهواء بإصبع ب- على المنضدة بإسبع ج- على ورقة بقلم

وانه لمن المهم بالنسبة للطفل عدم الخلط بين رمز الضرب ورمز الجمع . وفي حالة عدم التدريب الكافي سوف يحدث هذا الخلط عند بعض الأطفال .

- يمارس الأطقال بعض الأنشطة بحيث تسجل النتيجة أو لا كجمع ثم بعد ذلك
 كضرب مثل .



ويجب أن يتدرب الأطفال كثيرًا على هذا النوع من التسجيل .

بتدرب الأطفال على المصففات وهي عيارة عن مصفوفات من النقط أو العربعات
 أو أى أشكال أخرى .

لا لا أشكال أخرى .



٨- يبدأ الأطفال في عمل نمط يستخدمونه ويسجلون مجموعة من عمليات الضرب
 بالترتيب كما في المثال التالى:

17 = 7 × Y

يجب ألا تتضمن الأتماط عمليات الضرب في واحد في بادىء الأمر ولكن يمكن مناقشتها في مرحلة تالية وادخافها في بداية كل نمط .

٩- يمكن أعطاء تدريبات

على بناء أنماط الضرب

من خلال إكمال المخططات

السهمية مثل المبينة . "

حقائق الضرب

قبل أن يتعلم الأطفال خوارزميات الضرب يجب أن يعرفوا معانى متعددة له ويعرفوا أيضا كيفية تمثيل تلك المعانى يوسائل محسوسة وصمور وهذه المرحلة تمثلها المرحلة التى تم وصفها سابقا ثم تأتي مرحلة تعلم حقائق الضرب الأساسية والتمكن منها. وتوجد مائة حقيقة في الضرب وهي تشبه حقائق الجمع ويبينها الجدول التالى:

العدد الثانية

						100	_					
	٩	٨	٧	٦.	٥	£	٣	*	1	٠	×	
	•	•	•	•			٠,	•	1	+	٠.	=
	٩	٨	Y	- 1 ∜	٥	ź	٣	۲	١	•	١,	
	١٨	11	11	11	1.	٨	٦	٤	۲		۲	
	44	Y 1	41	1A	10	17	٩	٦	٣		۳	Ę
	77	2.1	ΥX	Y £	۲.	17	3.4	٨	٤	•	£	
	ž o	٤.	Tο	۲.	40	٧.	10	1.	۵	•	٥	2
	٥٤	٤A	٤Y	7"7	۲.	4 £	14	17	٦		٦	
	7.7	٥٦	٤٩	٤Y	40	YA	*1	11	٧	٠	Υ	
1	YY	11	٥٦	٤٨	٤.	**	7 £	11	٨	+	٨	
	Α١	٧٢	ኚ٣	0 1	10	٣٦	YV	3.8	٩	٠ ا	4	

ويمكن أن ننظم تعلم حقائق الضرب بطريقة مشابهة لتعلم حقائق الجمع حيث يقسم العمل الى مراحل وقيما يلى بعض المراحل المقترحة :

> المرحلة الأولى: عمليات ضرب لا يزيد حاصل الضرب نيها عن ٢٤ المرحلة الثانية: عمليات ضرب لا يزيد حاصل الضرب نيها عن ٤٨ المرحلة الثانثة: عمليات ضرب لا يزيد حاصل الضرب نيها عن ٨١

ويجب تضمين حنوث الحالة الخاصة التي يكون الصغر فيها أحد العددين في الأشطة المودية لبناء الحقائق في كل مرحلة . ويجب أيضا مناقشة خاصية الابدال في الضرب مثلما هي في الجمع وتستخدم في كل مرحلة

كما يجب أيضا استخدام الأتعاط لبيان النتيجة (حاصل الضرب) في صدورة جدونية في كل مرحلة وفيما يلي بيان ذلك بالنسبة للمرحلة الأولى

```
0 - 1 × 0
                £ = 1 × £
                                 Y - 1 × Y
                                               Y = 1 × Y
                                                                 1 - 1 × 1
1. - 7 × 0
                A = 7 × £
                                 1 - 1 × T 1
                                                x = x \times x
                                                                 1 - 1 × 1
                                 1 - T × T
                                                 1 - T × Y
10-7×0
               11 - T × £
                                                                 T - T × 1
Y. - 1 × 0
               11 - £ × £
                                37 - 12 × T
                                                A = £ × T
                                                                 E - E × 1
               Y . - 0 X £
                                10 - 0 × T
                                               1 . - 0 x Y
                                                                 0 = 0 × 1
               Y1 - 1 × 1
                                14 - 1 × T
                                                17 - 1 × Y
                                                                 1 - 1 × 1
                                Y) - V × T
                                                11 - Y × Y
                                                                 V = V × 1
                                YE - A X T
                                                11 = A × Y
                                                                 A = A.X 1
                                                14 - 4 × Y
                                                                 9 - 4 × 1
                 9 = 1 × 9
                                 A = 1 × A
                                                V = 1 \times V
                                                                 1 = 1 × 1
               IA WIY X 1
                                11 - Y × A
                                                14 - Y × Y
                                                                11 - Y × 1
                               YE - T × A
                                                YY = Y \times Y
                                                                14 - T × 1
                                                                Y1 - 1 × 1
```

ويجب التركيز مرة ثانية على أن كل الحقائق السابقة يجب بناءها من خلال انشطة قبل إجراء أي محاولة لوضعها في صورة جدول كما يجب تذكر أيضا أنه بامكان الأطفال تعلم حقائق العدد حتى بدون وضعها في صورة جدولية والعيزة الرئيسية للجدول هو أنه يركز على النمط المألوف والمتناسق المنتائج ، وقد يساعد هذا التناسق بعض الأطفال على الربط بين حقيقة غير معروفة وحقيقة معروفة .

وعندما بيني الأطفال مجموعة من المقائق ويحفظونها جزئيا فانهم يحتاجون الى مزيد من الأنشطة والتدريبات للمساعدة على رسوخها في أذهانهم . وهذا العمل الإضافي يجب أن زخطي كل الحقائق التي تعلمها الأطفال كما أنمه يجب أن يبعث على السرور قدر الامكان . والمتأكد من أن كل الحقائق قد غطيت يجب تنظيم الأتشطة بقدر كبير من الاهتمام ولجعل الأنشطة ممتعة وباعثة على السرور يجب استخدام الأدوات والألعاب المناسبة وفيما يلى مناقشة كل من هذه المتطلبات :

التأكد من تغطية كل الحقائق:

وكمثال على ذلك سوف نفترض كيف يكون تنظيم العمل عندما يبني الأطفال كل حَمَائقُ الضرب والتي ناتجها يكون أقمل من أو يساوي ٢٤ . وهذه مبينة في الجدول التالي (حَمَائقُ الصفر موجودة للتأكد من أننا لم نهملها)

٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	•	×
	,	•	•	•	•	•	•	•		1
٩	٨	٧	٦	٥	£	٣	۲	1		١
1.4	17	1 £	11	1.	٨	٦.	£	Y		۲
	Υź	Y 3	١٨	10	11	٩	7	T.	٠	٣
			Y£	۲.	13	17_	٨	1	+	ŧ
					۲.	10	1	٥	+	٥
					Yí	14	١٢	٦	٠	٦
						۲1	11	٧	٠	٧
						Y 2	13	A	•	٨
					*		١A	٩	•	١,

وإذا نظرنا الى هذه المصغوفة نرى ما يلي :

أ – يوجد ٦٧ حقيقة مماً .

ب- ١٩ حقيقة من الحقائق يوجد فيها الصفر كأحد العددين المضروبين .

ج- توجد بعض الحقائق التي يحفظها الأطفال بسهولة

مثل (٤ × ١ = ٤ ،

٣ × ٢ = ٦) وبعض الحقائق يجدها الأطفال أكثر صعوبة

مثل (۳×۷ = ۲۱، ۸×۳ = ۲۶).

x = x وجد عادة حقیقتان نکل زوج من الأعداد (فمثلا بالنسبة لـ x = x ، x = x الحقیقتان x = x = x ، x = x = x) وهذا صحیح دائماً ما عدا عندما یظهر نفس العددین فی حاصل الضرب (امثلا بالنسبة لـ x = x = x ، x = x = x).

وهذا يحدث لمجموعات أخرى ذات أربع حقائق ، وسوف نجد أكثر من أربع حقائق لها نفس النتيجة (في هذا الجدول نجد أن ١٩ حقيقة نتيجتها صفر وعلى أي حال وفان حقائق الصفر هي حالة خاصة) .

وإذا أخذنا الخمس فقرات السابقة من أ الى هـ في الحسيان فإن أحد أساليب التعلم هو تنظيم الـ ١٧ حقيقة في مجموعات والتركيز على كل مجموعة على التوالمي ، وكال مجموعة يجب أن تحتوى على :

١- حَتِيقة بها الصفر على الألل ،

· بعض الحقائق الأكثر صعوبة . · • بعض الحقائق الأكثر صعوبة .

بعض الحداق الديو عنقوب .
 الحقيقة الثانية بالنسبة للحقائق التي تتحقق فيها خاصية الابدال

(فمثلاً إذا وجدت ٣ × ٥ - ١٥ فيجب إن توجد ٥ × ٣ - ١٥ أيضاً)

وليس من الضروري أن تتضمن المجموعات كل الحقائق التني تحتوي على الواحد أو الصغر كاحد المدمين لأن الأطفال يجب أن يفهموا العبادىء العامة بدلا من الحقائق الخاصة (وهذا ألضل) .

وفيما يلي خمس مجموعات ممكنة (الجانب الأيمن فقط لكل حقيقة هو الموضح)

Y- PX1 TXY TXT TX1 YX1 YX1 1X1 YX1 IX1

OXY TXA 1XY TXT AX. TXT EXE YX1 AXT TXO -T

1×1 1×1 1×4 0×7 7× 1×1 7×0 1×1 1×1 -1

YXY 1X1 YX1 4X1 YXV AXY .X. 1X1 1X1 YXY -0

ملاحظة: في المجموعة ($^{\circ}$) عرضت الحقائق $^{\circ}$ × $^{\circ}$ ، $^{\circ}$ × $^{\circ}$ ، $^{\circ}$ × $^{\circ}$ با مغيد مزيد من التندريب: ويمكن استخدام كل مجموعة من المجموعات الخمس السسابقة على التوالي في تمارين إضافية يقوم بها الأطفال وكل مجموعة تحقق للأطفال هدفاً محدداً ويمكن للأطفال أيضا التركيز على عشر حقائق في وقت ما بدلا من محاولة حفظ جميع الد $^{\circ}$ حكفة .

وعندما تتعلم المجموعتان ١ ، ٢ فيمكن الحتيار الأطفال فيهما .

وعندما تحفظ حقائق الضرب التي نتيجتها أقل من أو يساوي ٢٤ فحيِثلَـ يمكن التعامل مع كل الحقائق ذات النتيجة ٤٨ أو أقل بنفس الأسلوب وفيما يلي بعض المجموعات الممكنة لهذه الحقائق .

المجموعة

PXG TXY YXY AXI AXY YXT o×. YXY TXT 4×0 -1 YXE £×4 PXY 1X1 • × Y TXT 1×1 ٧×٥ ٩×٤ EXY -Y £XT ٧×١ VX1 PXT .×1 £×£ ٧x٤ 4×T 7×8 -7 1×Y YXA ٣×٧ 1×4 Y×4 YX. oxo 4×Y 1×1 YXX -E ٧×٣ 1×0 Y×Y AXY YXA .×. ٦×٦ ۸×۳ YXY YXO 0×1 -0 ٥×٣ ٦×٨ AX £ ۳×٦ ,×1 1×1 ٦×٢ ٤×٨ ۸×۲ YXP -1 EXT -Y ۲×۳ ٦×٤ AXO oxí AX. 1×T ξXΦ TXY AXA و حينما تحفظ تلك الحقائق فيمكن تنظيم كل الحقائق حتى 1 × 1 = 1 ٨ في مجموعات مناسبة .

أنشطة وأدوات مغيدة لحفظ حقائق الضرب:

أبطاقات التدريب

	1
<u>ض۲ مضرب</u>	تعد بطاقة لكل مجموعة من الحقانق وكمثال
	على ذلك البطاقة التي على اليسار ، وتعطى
= 1×7	كل بطاقة رمزا مرجعيا
= 4×€	وعددا (مثلًا ض٢) لمساعدة العظم على
- Y×0	الاحتفاظ بأعمال كل طفل ، ويعمل باستخدام
= 1×1	البطاقة ثلاث مرات .
= * × *	الأولمي بإستخدام أدوات مع وجود اجابة لكل
- +×Y	حقيقة ويكتب الطفل الحقيقة كاملة في دفتر
1×1 -	التمارين الخاص به
= 0×V	(يمكن للمعلم القحقق من صحة الإجابة)
= £×9	الثانية يكرر الأولى بدون استخدام أنماط .
- Y×£	الثالثة : يكتب الإجابات فقط على ورقة ثم يحرضها على المعدم
	المتحديل .

ب- بطاقات خاطقة Flash Cards

وهي من أحجام مختلفة فبالنسبة للأطفال حوالي $\, Y \,$ ممم $\, \times \, 2 \,$ مسم وبالنسبة للمعلم حوالي $\, Y \,$ 0 سم $\, x \,$

وتعد بطاقات عديدة معظمها للأطفال وبعضها للمعلم ، وعلى وجه كل بطاقة حقيقة غير كاملة ، وفي الخلف تعرض للحقيقة كاملة . ويمكن استخدام البطاقات بعدة طرق . ولكن الفكرة الأساسية هي أن يعرض طفل وجه البطاقة لطفل آخر زميله لمدة ثانية أو ثانيتين أي يعرضها بصورة خاطفة "ومضة "ويقول الطفل الثاني الاجابة ثم يختبر الطفل الأول الاجابة بالنظر خلف البطاقة . وبهذه الطريقة يكون الطفلان قد اشتركا في التفكير في البطاقة .

ج عطاقات غير منتظمة

929 921 924 927	A1 71 VC 01
121 121 121	State A
9 8 11 9 4 1 9 4 1	9 11 17
931 930 930	77 77 77
124	
924 924 924	Vr 11 10
9AA 9XV 9 A L	A) (49 10 ()

وهي بطاقات متماثلة تعاماً من حيث التقسيم ولا يوجد على نفس البطاقة شكلان متشابهان من حيث المساحة وحدودها . وتكتب عناصر جدول الصرب بطريقة غير منتظمة على احدى البطاقات بينما يكتب حاصل الضرب لكل عملية ضرب على اللسكل المتماثل في بطاقة أخرى ثم تقطع البطاقة التي كتب عليها حواصل الضرب الى قطع حسب الأشكال المرسومة ويطلب من الطفل أن يضع هذه القطع في أماكنها المناظرة لها على البطاقة الأخرى وكل شكل في احدى البطاقة الثانية وبهذا لا يحدث خطأ نتيجة وضع شكل في خير مكانه الصحيح .

البطاقة الثانية وبهذا لا يحدث خطأ نتيجة وضع شكل في خير مكانه الصحيح .

1 £ ۲. ££ £Υ ٤A ٤٩. ٥V ×ŧ ** ٦v W ٧ì λA ۸ħ. Α£ W 4 £

هي عبارة عن مربع من الورق يحوي عشرة ضفوف من الأعداد (١ - ١٠٠) وبالترتيب كما بالشكل ومن الممكن رسم لوحة المانة وتصويرها وتوزيعها على جميع الأطفال . ويمكن استعمال لوحة المانة في أنشطة عديدة منها :

ا - ضع دائرة حول الأعداد التي تمثل جدول ضرب الأربعة ، الخمسة ،التسعة .
 ٢- اكتشاف أنماط في الأعداد مثل : حاصل ضرب عدد في خمسة بنتهي بصفر أو خمسة ، رقم الآحاد في حاصل ضرب عدد في الثين هو ، أو ٢ أو ٤ أو ١ أو ١ أو ١ .
 يلاحظ الأطفال من خلال النظر الى لوحة المائة أن بالنسبة للضرب في ٩ فإن مجموع المرقمين دانما ١

ملحوظة : الأعداد الموصلة بخط تعلل جدول ضرب التسعة مسيزان الأعداد (٣ ٢ ٥ ٦ ٧ ٨ ٩ ١ قد عبارة عن قاعدة ، يرتكز عليها عاسى التحق المسيزان بواسطة أوزان خاصة للميزان ، ويعمل الميزان بواسطة أوزان خاصة به ، توضيع في جيوب متباعدة بعضهاعن بعض بعسافة ثابقة ومرقعة من الصغر (محور العيزان) حتى السسرة في كلا الاتجاهين .

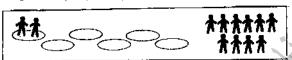
وميز ان الأعداد يسمح للأطفال بواسطة التجربة المباشرة القيام بعمليات الضرب المختلفة والتأكد من صحة حاصل الضرب

القسمة

ونبدأ بتقديم القسمة في صدورة طرح متكرر من خلال الأنسطة ثم يلي ذلك أنشطة تتعلق بتجزيء مجموعة الى مجموعات جزنية متساوية (التقسيم بالتساوي) مع أشياء حقيقية ثم صور أو مكعبات ثم تأتي المرحلة المجردة مع ربط الضرب بالقسمة

أنشطة :

يطلب المعلم من اثنى عشر طفلا الوقوف أمام الفصل ثم يرسم سهموعة من



الحاقات الطباشيرية الصغيرة على أرضية الفصل . ويغتار طفلين من الاثنى عشر ليقفا داخل إحدى الحاقات ثم يغتار بعد ذلك اثنين أخرين ليقفا في دائرة أخرى ثم يستمر حتى داخل إحدى الحاقات ثم يغتار بعد ذلك اثنين أخرين ليقفا في دائرة أخرى ثم يستمر حتى عند الاثنانات لدينا ؟ ويحسب الأطفال عند الاثنانان ويقول ست ويقولون المعلم لقد بدأنا بائتى عشر طفلا (وفي نفس الوقت يكتب ١٢ على السبورة ثم يطلب من الأطفال عد الاثنانات فيقولون ست اثنانات (يكتب المعلم على السبورة ٦ بعيدة قليلا وعلى اليسار ٢ ثم يأخذ في شرح النشاط وييين استخدام الرمز الضاص (÷) وأنه يمسى رمز القسمة ثم يكتب على السبورة بين ١٢ ، ٢ ثم يكمل المبارة ١٢ ÷ ٢ = ٢ ثم يناقش كل رقم في المبارة ١٠ .

١٢ تمثل عدد الأطفال الوالفين أمام الفصل.

٢ تبين كيفية تنظيمها الى (الثانات)

٦ تبين عدد الأثنانات .

يستخدم المعلم الاثنى عشر طفلا مرة ثانية ولكن يحركهم ثلاثة في كل مرة .



ويودي هذا الي العبارة ١٢ ÷ ٣ = ؛

يمكن استخدام ١٢ طفلا آخرين يتحرك كل أربعة منهم معا ثم يتحرك ٢ آخرون معا ويودي ذلك الى العبارتين

Y = 7 + 14 , T = 8 + 17

٢- يرسع المعلم ٤ حلقات طباشيرية على أرضية الفصل ويوزع على أحد الأطفال ١٢ مكعبا ويطلب منه وضع ٣ مكعبات داخل كل حلقة .

تُم يحسب الطفل عدد الثلاثات ويسجل النشاط هكذا ١٢ + ٣ = ٤

 ٣ - يستخدم خط أعداد مرسوم بالطباشير على أرضية الفصل ويقف. طفل عند العلامة الله يقفز خطوتين إلى الوراء حتى ٦ ثم خطوتين أخريين إلى الوراء أيضا حتى ٤ وأخربين حتى ٢ وأخربين حتى صغر. يعد الفصل عدد القنزات ويناقش المعلم تسجيل $||f(t_{i})|| = \lambda + \lambda = \lambda.$

تبين ٨ هذا نقطة البداية على الخط، وتبين ٢ عدد المساقات التبي يقفزها الطفل في كل مرة، وتبين ٤ عدد القفزات يكرر هذا النشاط مع نقاط بداية مختلفة فعثلا:

يحاول طَقُل أن يَقَفَر في كل مرة ثلاث خطوات مبتدئا من العلامة ٩ (أو أحد العلامات التي تقبل القسمة على ٣).

ويسجل النشاط هكذا أأج " = " أو ١٢ ÷ " = ٤

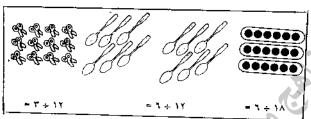
ومن الممكن أيضا تسجيل النشاط هكذا

أى أننا يمكننا طرح ٢ من ٨ أربع مرات ولهذا فإن ٨ ÷ ٢ ٣ ٠٠.

 ٤- يعرض المعلم على كل طفل رسما كما بالشكل المقابل ويطلب منسه الحاطة كل دائرتين معا ثم يطلب منه عدد الإثنان التي كونها ويسجل النشاط هكذا ١٠ ÷ ٢ =٥

 وقف ثمانية أطفال أمام القصل، ويخبر المعلم القصل أن الأطفال الثمانية سوف ينظمون في فريقين متساويين العدد ويطلب من الأطفال في الفصل إيجاد عدد الأطفال في كل فريق. يعكن الحصول على الإجابة برسم حلتين كييزتين بالطباشير على الأرضية ووضع الأطفال واحد في كل حلقة وتكرر العملية.

فيجدون أن العدد أربعة أطفال في كل حقة ويسجل الأطفال النشاط بعبارة بسيطة مثل "يوجد أربعة أطفال في كل فريق" ٦- يوزع المعلم على كل ملقل شريطا مقسما إلى مربحات (به ١٠ | مربعات مثلاً) ويطلب تقسيمه إلى جزئيـن متسـاويين وعلـي الطفلُ ان يذكر عدد المربعات في كل جزء ثم يسجل هكذا ١٠ ÷ ٢ = ٥ ٧- يميتكدم الأطفال ١٨ مكمها ويطلب المعلم من أحدهم تقسميها بالتصاوي علمي ثلاثـة أطفال آخرين فليتقط ثلاثة مكعبات في وتت واحد ويعطى كل طفل مكمبا وسوف يجد أنه يمكنه القيام بهذه العملية ٦ مرات ولهذا يأخذ كـل طفل ٢مكعبـات ويمكن تسجيل النشاط بالعبارة التالية: أخذ كل طفل ٦ مكعبات ويمكن تسجيله كقسمة ١٨٠٣ -٦ ويكرر النشاط السابق مع أشياء مختلفة كصدور الحيوانات والأشكال الهندسية كالمثلثات والمربمات والدوائر وخلافة وبأعداد مختلفة في كل مرة. ثم يوضح المعلم عناصر عملية القسمةففي المثال السابق القاسم (المقسوم عليه) خارج القسمة المقسوم ۱۸ عدد الأطفال عدد المكعبات التي أخذها كل طفل عند المكعبات مكن التدريب على بناء حقائق القسمة من خلال تكملة مخططات سهمية كما يلى



+ ٣ = ٥ و هكذا ثم يتدرب الأطفال على جملة القسمة مثل ٢٤ ÷ . 7 -

ربط الضرب بالقسمة Linking multipleation and division

عندما يعمل الأطفال في الأنشطة المذكورة سلفا فيتكون لديهم الوعس بالعلاقة بين المضرب والقسمة وقيما يلي بعض الأمثلة التي تهدف بصفة خاصمة إلىي إيراز تلك

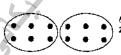
١- يرسم المعلم مجموعة من أثنى

- عشر شينا على السبورة كما هـ و مبين ويعدها الأطفسال تتم يرسم المطلح حلقيات كمنا هبو مبيسل و بسال أسئلة مثل:
- * كم مجموعة كونتها أنا؟ ما عدد عناصر كل مجموعة؟
- * ما عملية الضرب التي يمكن كتابتها أسفل الرسم؟ (٤×٣-١٢)
- ما عملية القسمة التي يمكن أن أكتبها أسفل الرسم ١٢ ÷ ٤ = ٣

يرسم المطم رسعا آخرا للأتثني عشر شيئا ولكن في هذه الحالمة يرسم الحلقات كما هو مبين ثم يكرر المعلم الأسئلة السابقة فيقول الأطفال الإجابات كما يلى:

. 14= £ × #

ثع يرسم المعلم الأثنى عشر شيئا وينظمهم ويرسم الحلقات كما بالشكل المقابل ويكرر الأسئلة السابقة فيحصل على الإجابات التالية:



Y = 7 + 17 + 17 = Y × 7

و يمكن الحصول على العبارتين التاليتين

هذا النشاط مهم لأنه يركز علمى الربط بين الضرب والقسمة كما أنه يساعد الاطفال على حرية الحركة بين حقيقة الضرب وحقيقة القسمة المناظرة لها (مثل ٥ × ٢ - ١٠ تودى إلى ١٠ + ٥ - ٢) كما أنه يبنى أيضا فهم خاصية الإيدال لمملية الضرب (٣ × ٤ - ٤ ×٣) ولهذا يجب على الأطفال أن يتدربوا على هذا النوع من النشاط خلال المرحلة الإبتدائية.

0 0	 ٢- يستخدم الأطفال شرائط العدد العلونة فيأخذون شريط ١٠ ويضعون شرائط ٢
<u> </u>	جنبا على جنب للحصول على نفس الطول
<u> </u>	ويسجلون النشاط كما يلى: ١٠ ÷ ٢ = ٥ أو ٢×٥ = ٢٠

ثم يستمرون في ليجاد كم شريطًا نحتاج إليه للحصول على نفس طول الشريط ٢١٠ ويسجلون النشاط يحكذا

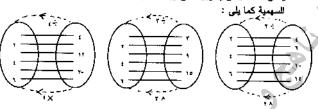
١٠ ÷ ٥ ص ٢ أو ٥ × ٢ = ١٠ ويكررون هذا النشاط مع شرائط مختلفة.

 ٣- يعرض المعلم بعض الصور ويطلب من الأطفال التمبير عنها بجمل ضرب وقسمه هكذا



2- يجب أن يكون الأطفال- بعد هذه الأنشطة المتعددة للضرب والقسمة - مستعدين المتمامل مع أسئلة مثل: أكمل ٤ × = ١٢ فيجد الأطفال أن عليهم أن يحاولوا إيجاد عدد الأربعات التي يحتاجونها لتكوين ١٢ فيكتبوا ٣ في العربع الخالي.

ثم يستمرون حتى يتمكنوا من التعامل مع عبارات مثل ٢١٠ ٠ ٠ ٠ ٨ تكرر هذه الأنشطة بعبارات مختلفة تعتمد على الفهم الاعكار الضرب والقسمة. بمكن للأطفال أن يتدربوا على ربط الضرب بالقسمة من خلال تكملة المخططات



حقائق القسعة

لكى يعرف الأطفال حقائق القسمة ويتمكنوا منها يجب عليهم أن يفهموا معنى الضرب ويجفظوا حقائق الضرب ويفهموا معنى القسمة أولا فمثلا إذا فهم الأطفال أن م × ٤ يمكن التفكير فيها كما يلي



وعرفوا أن ٥ × ٤ = ٢٠

وفهموا أن ٢٠ ÷ ٥ يمكن التفكير فيها بصورة كلامية على أنها كم خمسة تكون عشرين؟ فمندنذ يمكنهم إعطاء الإجابة ٤ مباشرة وليس هناك ما يدعو اقتضاء وقمت أو بذل جهد في حفظ حقيقة القسمة ٢٠ ÷ ٥ = ٤.

ولكن ما يجب عمله عندما يتم تعلم كل مجموعة من حقائق الضرب يجب تعلم حقائق النصرب يجب تعلم حقائق القسمة المناظرة لها فعلى سبيل العثال في المجموعة الأولى من تعلم حقائق الفسرب (لا يزيد حاصل الضرب عن ٢٤) يجب أن يتبع حقائق الضرب حقائق القسمة المناظرة لها

ويكرر ذلك مع بقية مجموعات حقائق الضرب التي تكلمنا عنها سابقًا.

ويمكن أيضا إستخدام نفس الأدوات التي تم ذكرها في بناء حقائقة الضرب في تعميق الربط بين الضرب والقسمة ففي بطاقات التدريب مثلا يمكن إعداد بطاقات بحيث يدون على أحد وجهيها مجموعة من حقائق الضرب وعلى الوجه الآخر (الخلف) تعجموعة من حقائق القسمة المناظرة لها.

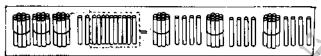
ويجب ألا تستخدم هذه البطاقات إلا عندما يثق الطفل من معرفت بحقائق الضرب وتمكنه منها ومن العمكن أن يكتب كل طفل في كراسه التمارين الخاصة به حقائق الضرب كاملة وبعد ذلك يكتب حقائق القسمة المناظرة لها (كاملة) على الجانب الأخر من الكراسة.

الضَّربِ بإستخدام القيمة الكانية الجمع التكرر والضرب:

تنشأ الحاجة إلى إستخدام القيمة المكانية عندما نحتاج إلى إجراء عمليات ضرب خارج نطاق حقائق الصرب (جدول الضرب) المعروفة (مثل ١٤ × ٢ × ٢ ، ...) وتعتمد الطرق التي نستخدمها على معرفة تامة بحقائق الصرب (حتى ٢ × ٢ = ٨) ولهذا يجب أن نبذل مزيدا من الجهد لمساعدة الأطفال على حفظ جدول الصرب كما يجب على الأطفال أن يفهموا الربط بين الجمع المتكرر والضدب أي يجب عليهم أن يفهموا منذ البداية أن ٧ × ٢ مثلا هي طريقة أخرى للتفكير في ٧ + ٧ + ٧ . كما يجب عليهم أن يفهموا أن أي ضرب يمكن إجراؤه بالجمع المتكرر فمثلا ٤٠ × ٥ يمكن إيجاد حاصل الضرب يجمع ٤٥ خمس مرات وعندما تكون حقائق الضرب معروفة وإستخدام المعتمد المكانية مفهموما فإن الإجابة يمكن الحصول عليها بسرعة أكبر بإجراء الضرب ويسير تعلم الضرب في هذه المرحلة وفقا للخطوات المقترحة المتالية:

- اعطاء تدريبات عديدة على تعلم حقائق الضرب.
- ٢- شرح استخدام القيمة المكانية في التعامل مع الضرب الخارج عن نطاق جدول الضرب المعروف من خلال أمثلة مثل ١٣ × ٤ وتسجيل الحل كاملا كجمع منكرر وكضرب ويجب إختيار الأمثلة بحيث لا يزيد حاصل الضرب عن ٩٩.
- تقديم الصورة المختصرة في تسجيل الضرب والبدء بأمثلة لا يستخدم فيها الحمل
 مع وجود أمثلة يظهر الصفر في الحل في عمود الآحاد.
 - ملعوظة : تحدث بعض الأخطاء نتيجة عدم وضع الأطفال للصغر.
 - ٤- توسعه ٢، ٣ بمسائل تظهر فيها المنات في الإجابة مثل ٧ × ٣٤.
 - شرح الضرب في ١٠ وهذه خطوة هامة جدا.
 - أنشيطة :

 ا يوزع المعلم على الأطفال مصاصات تنظم في عشرات وآحاد ويكون العمل في أزواج أوفى مجموعات صغيرة ويطلب منهم تمثيل ثلاث مجموعات كل مجموعة بها أربعة مصاصات منفردة وحزمة (عشرة) واحدة.



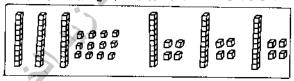
ويسجل الأطفال العدد العوجود في كل مجموعة ثم يطلب المعلم منهم تجميع جميع المصاصات معا لإيجاد العدد الكلى قسوف يقول معظم الأطفال بسرعة يوجد ٣ عشرات، ١٢ أحاد ويجب عليهم أن يفهموا أيضا أن الـ ١٦ مصاصمة يمكن أن تكون منها حزمة واحدة (عشرة) مع ٢ مصاصمة منفردة ويضع الأطفال هذه الحزمة مع العشرات ولهذا يوجد ٤ عشرات ، ٢ أحاد أي يوجد ٤٢.

ثّم يناقش تسجيل هذا النشاط بعد ذلك أولا لجمع ثم بعد ذلك كضرب كما يلى

			بمع	ع	4	
	٤	ζ	ع ع ع	٤	ζ	
	1	i	1 (1)	١	Ĺ	
		۲×	1 1	1	Ĺ	
(: × ۲) ← -	1	Y	i i	1	Ĺ	
(¹· × '') ←	۳		£Υ	٦.	۲	
1 (×T	ŧ	1		۲		
				٤.	7	

ويجب تكرار الربط بين هاتين الطريقتين في التسجيل عدة مرات مع أعداد أخرى من المصاصات.

٢- يمكن أن يكون نشاط ١ مفيدا إذا كرر باستخدام قطع دينيز للأساس عشرة



حيث يتم السير فمي النشاط وتسجيله أو لا كجمع وبعد ذلك كضرب كما في النشاط ا

٣- يوسع نشاط ۱ بحيث تظهر العنات في حاصل الضرب وإذا أخذنا مثلاء × ٣٤
 كمثال يضع الأطفال ٣ عشرات، ٤ آحاد في مجموعات من الأحاد والعشرات
 هكذا.



ثم يجمعون المصاصات معا لإيجاد العدد الكلى ويغير الأطفال الـ ١٦ مصاصـة إلى حزمة واحدة (عشرة) و ٦ مصاصات منفردة ثم تحرك العشرة إلى مجموعـة العشرات فيصير عدد العشرات ١٣ تؤخذ منها عشر عشرات وتربط معا لتكون حزمة كبيرة بمائة وبذلك يصبح تنظيم المصاصات كما بالشكل التالي:



ويسجل النشاط بعدة طرق كما يأتي:

شرب				Ų	طبره	1		445			جمع		
، ن	τ			٠	٤	Z	<u></u>	Ćn [€]	τ	P	٤	٥	
۲	£			-	۲	i	(J)	٦	ź		۲	٤	
	ŧ	×				٤×		٣	ź		٣	ź	
1 5	٦	_{(1	×ij	-	3	٦		٣	٤		٣	٤	
		(۲	×£)	١	۲			۲	ź		١	٦	-
	4	(4.5	×£)	١	٣	٦	١.	٣	٦	١	۲		
		-								٠, ٦	٣	٦	-

ومن المهم ملاحظة أن طريقة التسجيل الثانية في الضمرب تستخدم فقط عندما يفهم الأطفال الطريقة الأولى.

الضرب في ١٠

تتشأ فكرة ضرب عدد مكون من رقم واحد في ١٠ من خلال التعامل مع تلك الأنشطة المتعددة. وهذه فكرة هامة ويجب مناقشتها بالتفصيل كلما سنحت الفرصية.

كما أنه عندما يدخل الأطفال في القسمة (على عدد مكون من رقم واحد) تصبح القدرة على التعامل مع هذا النوع من التضرب ضرورية وخاصمة عندما تكون خارج نطاق جدول الضرب (مثلا ٤٢ ÷ ٣).

إلا يجد الأطفال صعوبة في إجراء عمليات الضرب التي على الصورة :

1354, 1×1 , 7×1 , 7×1 .

ولهذا فعندما يفهمون الرموز المستخدمة فيمكنهم التفكير فيها كما يلي:-

٠١ + ٠١ ، ١ + ١٠ + ١٠ ، ١٠ + ١٠ + ١٠ ، ١٠ + ١٠ .

ويجب أن تكون لايهم القدرة بعدئذ على كتابتها هكذا ٢٠، ٣٠، ٣٠، وقد تحتاج حواصل الضرب مثل ٢ × ١٠، ٣ × ١٠، ٤ × ١٠ البي مزيد من المناقشة ويمكن الحصول على الإجابة أما بالجمع المتكرر هكذا

Y + Y + Y + Y + Y + X + Y + Y + Y + Y

F+F+F+F+F+F+F+F+F

£ + £ + £ + £ + £ + £ + £ + £ + £ + £

أو بإستخدام خاصية الإبدال في الضرب أي بتسجيل ٢ × ١٠ على أنها تساوى ١٠ × ٢ وهكذا.

ويجب عدم تقديم قاعدة الضرب في ١٠ في هذه المرحلة لأنه ليس من المهم فقط أن تكون لدى الأطفال القدرة على ضمرب أي عدد مكون من رقم واحد في ١٠ ولكن يجب عليهم أيضا أن يقدروا على إعطاء شمرح وتوضيح لكيفية العصمول على الإجابة.

القسمة بإستخدام القيمة المكانية

يقول معظم المعلمين في أغلب الأحوال أن الأطفال يجدون في القسمة أصعب المعليات الأساسية وذلك لما يلي :- المعرفة التامة والصحيحة بجدول الضرب ٩ × ٩ أمر أساسي بالنسبة القسمة. وكذير من الأطفال لا يعرفون (لا يحفظون) جدول الضرب.

ب- غالبا ما تستخدم الصيغة التقايدية الشكلية في تسجيل القسمة في مرحلة مبكرة جدا.
 ج- اللغة المستخدمة غالبا ما تكون لا معنى لها بالنسبة للأطفال.

وعلى ذلك فنحن نحتاج إلى معرفة أسباب هذه الصعوبات عند تقديم القسمة التي خارج نطاق جدول الضرب مثل ٧٢ + ٣ .

القسمة خارج نطاق الحقائق المعروفة :

في العراحل المبكرة يجب أن تنشأ كل مسألة تسمة من موقف عملي واتمي في الحياة اليومية فمثلا ٧٧ + ٣ يمكن أن نتشأ من موقف مثل:

يوجد إثنان وسبعون طفلا نظموا ثلاثات . كم ثلاثة لدينا ؟

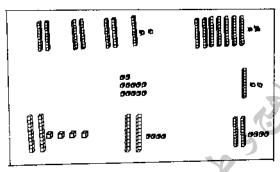
نحن كمعلمين نحتاج للتأكد من أن جميع الأطفال يفهمون أن ٧٧ ÷ ٣ يمكن إستخدماها للتمبير عن كم ثلاثة تكون التين وسبعون ٤٧٢ وعلى العلم أن يشاقش أساليب أيجاد الإجابة مع الأطفال وفيما يلى بعض المقترحات:

أولا : إستخدام ٧٧ شبياً (حبوب - خرز - مكمبات ...) وتنظم في ثلاثات ثم حساب عدد الثلاثات.

ثَّانيا : إستقدام ٧٧ شيئا مع استخدام الطرح المتكرر الإيجاد كم ثلاثة يمكن الحصول عليها،

تَلَلَثًا : بدون إستقدام أشياء

أولا: باستخدام قطع دينيوز للأساس ١٠ والتجزىء حيث يعطى المعلم القطع لأحد الأطفال ويطلب منه تمثيل العدد ٧٧ ثم يطلب منه تقسيم القطع الكبيرة إلى ثلاثات فينتج ٢ عشرة ويبقى واحد عشرة مع الإثنين المقردين ثم يطلب منه فك الواحد عشرة إلى عشر وحدات فينتج ٢٢ وحدة ويطلب منه تقسيمها فينتج ٤ وحدات ويكون الفاتج الكلى ٤ وحدات ، ٢ عشرات أى ٢٤.



وتسجل الإجراءات هكذا

ثانيا : بناء قهم القسمة من خلال الطرح المتكرر

لقسمة ٢٧٤٦ نستخدم الطرح المتكور الثلاث ق ٢٧-٢ = ٦٩، ٦٩-٣ = ٦٦، وهكذا وهذه الطريقة طويلة ومملة ومن العمكن حدوث أخطاء خلال الطرح ولكنه إجراء جدير بالإحترام.

ويجب ألا ننعجل في تقديم القسمة حتى لا نكرر الشرح مرة ثأنية وثالثة وبانسبة للطرح المتكرر ققد يقترح بعض الأطفال استخدام ضرب الثلاثة بعدد معروف الناتج من جدول الضرب فمثلاً يعرف الأطفال أن ٢١×٢ - ٣٠ ولكن هذا جزء في طريق الـ ٧٢ وبالطرح يمكن للأطفال أن يوجدوا الفرق بين ٧٢، ٣٠ (٧٢-٢٧) - ٤٢) ٢٦ = ٣٠ = ١٢ وهم يعرفون أن ٤×٣ = ١٢ ولهذا يمكن التفكير في ٧٧ على أنها ١٠ ثلاثات، ٤ ثلاثات. ويمكن توضيح ذلك على خط الأعداد.

. 1. Y. Y. E. a. 1. Y. A.

وقد يقترح الأطفال أساليبا أخرى لإيجاد ٧٧ باستخدام الثلاثات وإذا اختير عدد صغير من الثلاثات أولا فسيضطرون إلى إجراء القسمة عدة مرات وذلك لأن الفرق سوف يظل خارج نطاق جدول ضرب الثلاثة.

ويستمر الأطفال في مناتشة مسائل قسمة مثل؛ ٢٠٤ ٤ ٣٨، ٢ ٠ ٩٥٠ ٧ ، ٩٦٠ - ٢ بنفس الطريقة مع مراعاة أن كل مسألة قسمة يجب أن تبدأ كمشكلة بسيطة تحدث يوميا فمثلا:

- * وزعنا ١٤ كتابا على رفوف ينسع كل رف منها لـ ؛ كتب. كم رفا نحتاج؟
- نرید تنسیم قطعة قماش طولها ۳۸ متر اللی قطع طول القطعة متران علی کم قطعة نحصل؟

من خلال هذه الأمثلة المتنوعة سوف بيداً الأطقال في رؤية أنه من المقيد جعل الخطوة الأولى كبيرة قدر الإمكان فمثلا من الأفضل أن تكون الخطوة الأولى في ١٠٠٠ همي ٨٠٠٠ ٨٠١ وهذا يتعامل مع أكبر قدر يمكن استخدامه كجزء من ٩٦ والذي يقمع في نطاق حقائق الضرب المعروفة.

اِستخدام ١٠ كاول عدد مضروب يزودنا دانما بأفضل خطوة أولى كما أنه أيضما يتضمن فائدة أخرى وهي أن الضرب في ١٠ سهل جدا عندما تفهم القيمة المكانية.

	1		تسجيل القسمة : Recording a division
	3	ī	يمكن للأطفال الإستمرار نسى تسجيل إجراء
/w. t. 3	Y	Y	القسمة فسي صنورة رأسية كما همو مبين علمي
("×"·)	T '		اليسار
	Ę	۲	وهذه الطريقة في التسجيل لها بعض الفواتد منها:
(*x1.)	٣		١- إنها تسمح بتسجيل ما يفطه الأطفال خطوة
			خطوة،
	١	۲	ب- لا تقدم فيها العبارت الغزيبة.
(+× :)	١	۲	 إنها تعرض الربط بين الضرب والقسمة.

ومما يجب النركيز عليه بقوة هو أن أي طريقة في تسجيل مسألة القسمة السابقة تكون ذات معنى فقط عندما يفهم الأطفال معنى٧٧٪ " فهما كاملا (غالبا ما تكون ليست هذه هي خالة). ولهذا فانه من الضروري، في العراحل العبكرة، أن يصير المعلم في شرحه على أن يعبر الأطفال بكلمات من عندهم بما تعنى كل مسألة قسمة فعثلا "أتسان وسبعون مقسومة على ثلاثة أخبرنى كيف يمكن إيجاد عدد الثلاثبات التمي تكون الثيين ويعجعين؟.

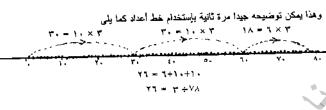
وفيما يلى مثالان لتسجيل القسمة بنفس الطريقة السابقة

11 = £ + 18 إذا فهم الأطفال خاصية الإبدال في الضرب (٥×٣ =١٥، ٣×٥ - ١٥مثلا) فانهم سوف يفهمون أنه إذا كان ٢×٣ = ٢٪ فإن ٣×٢٤ = ٤٢ وهذا يمكنهم من

 $(T \times 1.)$ $(T \times 1 \cdot)$

القول: إذا نظم ٤٢ طفلًا فــى ثلاثــة فــرق متساوية العدد فإنه سوف يكون ١٤ اطفلا بكل الريق ويمكن اختبار ذلك بالطبع، بالضرب وبالنسبة لمسألة تسمة مثل (٤٢ = ١٤ \times ٣) ٧٨ ÷ ٣ فإندا نضطر إلى عمل شلاث خطوات كما هو مبين على اليسار

11 = T + YA



سوف يرى بعض الأطفال الذين يفهمون الضرت إلى الم 10 أن الضرت إلى 10 أن إجراءات القسمة السابقة يمكن إختصارها يالضرب في ٢٠ كما هـ و ميين على اليسار وهذه خطوة كبرى بالنسبة لعديد من الأطفال

₹ [o f
	٠
	4 £
	Y 4 _
	
۱۸ 🗕	r +01
	-3 ?
۲ ۲	+t
	۲
	71
7	YE -
	• •

وقد يشعر بعض المعلمين بأنه من الأنصل للأطفال أن يحرك الناتج إلى أعلى في تسجيل التسمة كما هو مبين على اليسار. وسوف لا يخلق ذلك مشكلات والمتأكد من عدم حدوث مشكلات يجب أن يشرح التسجيل الجديد جيدا ويناقش بإفاضة مع الأطفال وقد يكون من المقيد، كخطوة أولى، أن ألـ ١٠، الله م

ويزودنا ذلك بعزيد من الربط العباشر مع الطريقة المستخدمة في العراحل العبكرة.

الطريقة التقليدية في التسجيل ليست لها ميزة خاصة على الطريقة التي قدمت هنا فقد تكون هي الطريقة التي استخدمت من قبل عديد من المعلمين عندما كانوا في المدرسة. وإذا قدمت الطريقة المختصرة في تسجيل القسمة $\frac{10}{10}$ فيجب أن يتم ذلك حينما تفهم طريقة الخطوة - خطوة فهما كاملاً.

ونسميها مختصرة لأن كثيرا من الخطوات فيها لم تسجل، فعمليات الطرح على سبيل المثال أجريت في العقل ولم تكتب أسفل.

بعض الأطفال لنيهم القدرة على عمل ذلك بسهولة ولكن بالنسبة للأخرين فقد تسبب عديدا من الصعوبات الأمم مازالوا يحتاجون إلى كتابة عمليات الطرح أسفل ولكنهم الآن سيجرونها على قصاصات من الورق (مسودة) ولهذا نحتاج إلى عناية كبيرة في التسجيل وبعد ذلك يجب أن يعطى الأطفال الفرصة في إختيار إستخدام إما الطريقة المختصرة أو الطريقة الخطوة - خطوة .

بواقي القسمة Remainders in division

	ع	¢	ينشأ الباقي في القسمة من خلال
	٧		بعض المواقف الحياتية مثل : إذا كــان
(£×1·)	£	· - 3	ثمن كيلو التفاح ٤ جنيهات فكم كيلو يمكن شراوها بـ ٧٠ جنيها؟
44.40	۳	. 0	الإجراءات مبينه على اليسار يمكن شراء ١٧ كيلـو ولكن كـل النقـود لـم
(£×A)	- 1		تمتخدم، حیث بیقی جنوبان

يجب مناقشة عديد من الأمثلة الشبيهة بذلك مع الأطفال فمثلا

 أ- شريط من الورق طوله ٨٥سم. كم عدد الشرائط التي طول كل منها السم يمكن قطمها منه؟ وما طول القطعة للتي لم تستخدم؟

ب- كم طنهع بريد فنه ٣ قروش يمكن شراوها بـ ٥٠ قرش! وما عدد القروش الباقية؟

أى أنه من الأهمية بمكان أن تستخدم أمثلة من واقع الحياة لأن ذلك يساعد الأطفال على فهم ما يفعلون.

ضرب وقسمة الأعداد الكبيرة

ناتشنا في هذا الفصل ضرب عدد مكون من رقمين في عدد مكون من رقم واحد والأن تمتد العملية لتشمل الضرب في عدد مكون من واحد والأن تمتد العملية لتشمل الضرب في عدد مكون من رقمين وفي عدد مكون من ثلائمة أرقام وهكذا. ويأتى هذا الإمتداد والتوسع بأفكار مهمة ويحتاج إلى عناية كبيرة عند التفير في هذه الأفكار ويعتمد الضرب في عدد مكون من رقمين أو أكثر على:

أ- الضرب في ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠ وهكذا

ب- استخدام فكرة التفكير في ٤٥×٥٠ مثلا على أنها (٤٠×٥٠) + (٥×٥٠)

ج إستخدام الفكرة

 $Y \circ \times \cdot 1 = Y \circ \times \{\cdot \cdot t \times i\}$

1 . x (& xov =

أو ٥٧×١٠) = (١٠×٤) × ٥٧ = ٤٠×٥٧)

ويسير أسلوب تقديم الضرب في هذه المرحلة وفقا لما يلي:

١-الضرب في ١٠

وهذه نقطة البداية. ويجب ألا نسرع في هذه الخطوة لأتها تعتبر الأساس لكل العمل الذي سيليها.

أ- ضرب عدد مكون من رقم واحد في عشرة:

يعطى الأطقال مزيدا من التدريبات على ضرب عدد مكون من رقم واحد في ١٠

(مثلا ٧ ×١٠ دويمكن الحصول على الإجابة بإستخدام الجمع المتكرر حع

44.

ويمكن تسجيل حاصل الضبرب هذا كما باليسار

٧.

من هذا المثال وأمثلة أخرى (مثل ٦٠،١، ٣×،١) بيداً الأطفال في روية أنه عند ضرب ٧ في ١٠ فإن ٧ تتحرك إلى عمود العشرات ويوجد صفر في عمود الأحاد

پ ـ ضرب عدد مكون من رقمين بين ۲۰،۱۰ في ۱۰

يمكن إيجاد نتيجة حاصل ضعرب مثل ١٦ × ١٠ أولا كجمع متكرر

كما يمكن تكديم فكرة التفكير في ١٦ على أنها ١٠ + ٦ وكتابة حاصل الضرب هكذا (١٠+١) ٢٠٠ ويحتاج ذلك إلى مناقشة بعناية ويمكن بيان العمل كما يلى :

1 · × (1+1+) = 1 · × 12

$$(1 \cdot \times 1) + (1 \cdot \times 1) =$$

17. =

يرى الأطفال من هذا المثال وأمثلة أخرى أنه حينما نضــرب ١٦ × ١٠ علــى سبيل المثال أن ١ ، ٦ يظهر أن في الإجابة ولكن كل رقم منهما مزاح خانــة واحدة إلــى اليسار ويوجد صفر في خانة الأحاد .

جه و ضرب ۲۰ ، ۳۰ ، ۴۰ یه ۹۰ کی ۱۰

باستخدام ۳۰ × ۱۰ كمثال نوجد أولا الاجابة كجمع متكرر

$$(1 \cdot \times 1 \cdot) + (1 \cdot \times 1 \cdot) + (1 \cdot \times 1 \cdot) =$$

T. - 1 . . + 1 . . + 1 . . =

يرى الأطفال من هذا المثال وأمثلة أخرى مثـل (٤٠ × ٢٠ ، ٢٠ × ١٠) أنـه عند ضعرب ٣٠ × ١٠ تظهر ٣ ، . في الإجابة ولكن كلا منهما مزاح خانة واحدة البي اليسار ويوجد صغر في خانة الأحاد .

د ـ شرب أي عدد مكون من رقعين في ١٠ باستخدام ۲۷ × ۱۰ کمثال : نستخدم الجمع المتكرر أوالا ملاحظة : يراي الأطفال أن الجمع المتكرر يصبح طويلا ومملا وغالبا ما يودي إلى أخطاء وحيننذ. يعرض العمل كما يلي : . 1. x (Y + T.) = 1. x TY (1 · ×Y) + (1 · × *·) -

 $(1 \cdot \times Y)$ (1 . × T.) T . .

(1 · × TY) T Y ·

ويرى الأطفال من هذا العثال وأمثلة أخرى كثيرة مثل (٢٤×١٠، ٢٩× ١٠) أنــه عند ضرب عدد مكون من رقمين في ١٠ فإن نفس الرقمين يظهر أن في الإجابة . ولكن كل رقم مزاح خانة واحدة للى اليسار ويوجد صفر في خانة الأحاد .

ويمكن توجيه نظر الأطفال إلى النمط التالي

- Y × 1

حيث يتم ضرب العوامل للتى ليست أصفار ووضيع حاصل جمع عدد الأصفار فسي العدييان المضروبيان (العوامـــل) أمــــام حــــاصدل ضيرب الأعداد غيير الصفرية.

٢ - الضرب في أعداد من ١٩ ـ ١٩

يشير المثال ٢٣ × ١٥ إلى الأسلوب الذي يمكن استخدامه حيث نستخدم الجمع المتكرر أولا لإيجاد حاصل الضرب.

۲<u>۰×</u> ن

۲۲ × ۱۵ = ۲۳ + ۲۳ + + ۲۲ (۱۵ مرة) وهذه الـ ۱۵ ثلاثة وعشرون يمكن توضيحها بعد ذلك كما يلي:

۲۳ + ۲۳ + ۲۳ + ۲۳ (عشر مرات) أي ۲۳ × ۱۰)

 $(\circ \times \Upsilon \Upsilon) = \Upsilon \Upsilon + \Upsilon \Upsilon + \Upsilon \Upsilon + \Upsilon \Upsilon + \Upsilon \Upsilon$ ويساعد ذلك الأطفال على فهم إجراء الضرب في ١٥ على أنه ضرب في ١٠ ثم ضبرب في ٥ ثم جمع الذاتجين كما أنه يساعد الأطفال على فهم العبارات : (0+ 1.) YT - 10 x YT $(0 \times 77) + (1 \cdot \times 77) =$ TEO = 110 X YE. ويمكن أن نسجل الضرب في صورة رأسية هكذا (1 · × 17) (0 × TT) (10 × 17) 7 £ ويمكن أن يسير أجراء الضراب في نفس المثال ٢٣ × ١٥ بأسلوب آخر هكذا الخطوة الثالثة الخطوة الثانية الخطوة الأولى لهمع هواصل للضرب الجزئية الغيرب بالعشرات الضرب بالأحاد 0 (YTX0) - 1 استخدم الصغر كحافظ للخانة وحواصل الضرب الجزئية يمكن الحصول عليها هكذا (* × °) (Y · × 0) ← (٣×1+) ← (ri×11) ←

٣ - الضرب في ٢٠ ، ٣٠ ، ١٤ ، ... ، ٩٠

باستخدام أي مثال وليكن ٥٣ × ٢٠ يجب أن يسـتمر الأطفـال فـي التفكـير فـي الضرب أولا على أنه جمع متكور مع ملاحظة أنــه (لايمكن التركيز اكثر من الـلازم على الربط بين الضرب والجمع المتكرر لأنه قد يربك كثيرًا من الأطفال) ۲۰ × ۲۰ = ۲۰ +۲۰ +۲۰ + +۲۰ [عشرون (۲۰) ثلاثة وخمسون]

ويعكن بيان الـ ٢٠ ثلاثة وخمسون هكذا

(.....+ or+ or+ or) + (.... or+ or+ or+ or)

. ا ثلاثة وخمسون + ١٠ ثلاثة وخمسون ای ان (٣٥ × ١٠) + (١٠ × ٢٥) Y × (1 . × To) =

1.7. = Y × 07. -

ويعكن بيان الجمع المتكرر أيضا هكذا

(۱۰ × ۳۰) + (۱۰ × ۳۰) + (۱۰ × ۳۰) عشر مرات ای ان

ويجب مناقشة كلا من هذه الأساليب مع الأطفال مناقشة مستغيضة كما يجب مناقشة أمثلة أخرى على الضرب في ٢٠ ينلس الاسلوب ومن هذه المناقشات يجب أن يرى الأطفال أنه لكي نضرب أي عدد في ٢٠ يمكن أولا ضرب العدد في ١٠ شم ضرب الناتج في ٢ أو ضرب العدد في ٢ ويعد ذلك نضرب الناتج في ١٠

ويجب أن يستمر الأطفال بعد ذلك في الضرب في ٣٠ ، ٢٠ ، ٩٠ . .

الضرب في أي عدد مكون من رقمين :

وهذا يتطلب كل الاتحكار والأساليب والأجراءات التي كونها الأطفال تنريجيا فـي عملهم السابق ومثال علمي ذلك ٨٤ × ٣٧ ويجب أن تكون لدى الأطفال القدرة على التفكير في هذا الضرب هكذا

	·	•
ا ع م ۸ المختصرة × ۲ × ۳	اً ع م ان ۸ ک ۷ ۳ الحسورة	£. + A
	ه ۲	٥٦
~ ~ 7 (A×Y) ←		
1 1 1 (1.×Y) ←	٧ ٨ ٠	4 V ·
		Y £ +
(∧×٣٠) ←	₹ £ •	
1 V V 7 (1.×r.) ←	1 7	1 4
(,	V V 1	1 4 1

ويجب تزويد الأطفال يتدريبات كثيرة من هذا النوع . وعلى أى حال سوف لايجد الاطفال صعوبة في فهم هذه المرحلة إذا فهموا المراحل السابقة فها

٥ ـ الضرب في عدد مكون من ٣ أرقام أو أكثر :

وهذا امتداد طبيعي للخطوة السابقة ويعتمد أيضا على الضرب في ١٠٠، ١٠٠٠ ا

										<u>. </u>
		۲	1	•		711	٣.,	1.	١	×
		۲	ź	٨	×	4704	Yź	٨٠	í٨	٨
(××××) ←	۲	٥	۲	^	•	1771.	37	£	¥1.	٤٠
۱ →(٤عشرات×۳۱۹)	Y	1	٤			184	1	7	17	8.1
ر کات×۱۱۱) → (۲ منات×۱۱۱)	7	*				YATTA				

ثم يلى ذلك تسجيل بالصورة المختصرة هكذا

القسمة على عدد مكون من رقمين أو أكثر :

يحتاج الأطفال لفهم القسمة على عدد مكون من رقمين أو أكثر إلى التمكن من الضرب والطرح والفهم الكامل للإجراءات المستخدمة في مسائل القسمة على عدد من رقم واحد (كما تم وصفها سابقا).

رهم واحد م حد تم وتعدي العبدا . ونتمامل أولا مع القسمة بدون باق ثم مع القسمة بباق ثم القسمة (المختصرة)

أولا: القسمة بدون باق

أ . القسمة على عدد مكون من رقمين

نتج نفس الأسلوب الذي استخدمناه في القسمة على عدد مكون من رقم و احد ويتم ذلك من خلال المثال ٢٢١ - ١٣

ومن الممكن أن يجروا ذلك بتجريب الأعداد الممكنة أو بكتابة مضاعفات ١٣ وهـي ١٣ . ٢٧ . ٣٩ . ٥٦ . ٥٧ . ٩١ .

وقد نساعد الأطفال وخاصة في المراحل الأولى إذا كتبنا ١٠ ، ٧ منفصلين فوق خط التسمة كما هو مبين في المثال .

وبالتسبة لمسائل القسمة مثل ٤٢٩ ÷ ١٣ يمكن طـرح أكثر من عشرين ١٣ من ٤٢٩ وذلك من خلال خطوات متعددة أو خطوة واحدة كما هو مبين أسفل

$$(r \cdot \times 1r) \leftarrow rq \cdot \qquad (1 \cdot \times 1r) \leftarrow 1r \cdot \\ rq $

ويجب منائشة كلا من هاتين الطريقتين منائشة مستفيضة مع الأطفال كما يجب تسجيلها في العراجل المبكرة كما هو مبين عاليه كما يجب على الأطفال أن يفكروا بأنفسهم ولا يستمدوا على القواعد كما يجب عليهم استقدام كلمات وعبارات تصمف

```
مايقومون به من عمل وبعد الشأكد من فهم الأطفال للإجراءات السابقة يمكن تقد يح
                                                  الطريقة التالية لإجراء المثال
                                                                . 17:441
                                                             ۲ منات ÷ ۱۷
                                                        ۲۲ عشرة ÷ ۱۳ −−
                            . منات × ۱۳
                          ← اعشرات × ۱۳
                              ب ـ القسمة على عند مكون من ثلاثة أرقام أو أكثر
الطريقة المستخدمة هي امتداد طبيعي للطريقة التي استخدمت في القسمة على عدد
    مكون من رقم واحد وعلى عدد مكون من رقمين والمثال التالي يوضع الإجراءات
                                                       ۹۳ مانة ÷ ÷ ۲۵۲ -
                                                    ۹۳۲ عشرة ÷ ۲۵۳ --
```

ولمزيد من التوضيح يمكن عرض الخطوات التالية الإجراء المثال السابق هكذا

٢ انقص التقدير	4.1	أوجد تقدير ا ك <u>ك</u> حو	الخطوة ا
٤ - ١ = ٢ (تقدير جديد)	10T) 977	د. ۹(۲ تعنی ان	<u>۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ </u>
	صحیح ا		کبیرة ا
	Ψ		¥ 5 4 1
191 < 100	9 4 7 1		40 4) 4 7 7 7
707×7 ←	· Y • ¶ -	707 × £ ←	-91114
		Y	
	1 7 7	. 4	لايمكن الطرح
متى يمكنك الطرح			٣ ـ ارجع مرة ثانياً
	دول ۸ ۲۵۳ <u>)۱۷۷۱</u>	۸۰ ۲)۱۷ تعنی آن	۸ ۱۷(۲ تعنی ان
	7" P		* A
.< ٢٥٣	7171	1	0 4 7 1 1

١٧٠٢ ---------- الإيمكن الطرح

ثانيا : القسمة مع باق :

إحراءات القسمة مع يأق هي نفس إجراءات القسمة بدون باق غير أن في لقسمة مع بأق المسلمة مع بأق عليه المرح بالأجراءات من خلال المثال ١٩٤٧ ÷ ٢٩ خلال المثال ١٩٤٧ خلال المثال ١٩٤٨ خلال ١٩٤٨ خلال المثال ال

٤ - ١ = ٢ (تقدير جديد) ٤ ـ انظر لأسفل وأوجد تقديراً وينبغى أن يعتنى المعلمون بالدقة فى تحديد مفهوم الباتى كلمـا نضــج التلاميذ وتقدموا خلال برنامج التعليم الإبتداني

ثالثاً : القَّسمة المُختَصرة :

يعتمد تسجيل القسمة في صورة أقصر كما في المثنال المقابل على عمل كثير من الإجراءات في العقل . ولهذا يجب قبل تقديم هذه الطريقة أن نشأكد جيدا من تمكن الأطفال من تسجيل انقسمة بالطريقة المطونة تمكنا علايا .

وقد يكون من عدم الحكمة أن يحاول الأطفال ضعيفى القدرة استخدام الصيغة المختصرة لأنهم إذا فعلوا ذلك فسوف يرتبكون وتتقدم تكنهم فى استخدام الطريقة المطولة

تعليق ومتابعة :

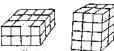
يعتبر الضرب والتسمة نظاما عكميا واحدا . أى أن عملية القسمة هي عملية عكسية لعملية الضرب وأن عملية الضرب هي عملية عكسية لعملية الضرب وأن عملية الضرب هي عملية عكسية لعملية القممة فإذا كان أ × ب ولذلك ينبغي توفر القدرة على محكوسية التفكير عند الطفل لكي يتسنى له فهم وإدراك الضرب والقسمة .

ونظرا للعلاقة الحكسية بين الضرب والقسمة فإن فهم أحدهما يتوقف على فهم الآخر ولهذا ينبخي تدريسهما معا .

كما يوجد ارتباط بين الضرب والجمع حيث يدرس الفضرب في المرحلة المبكرة على أنه جمع متكرر ولابد من تفاعل العلقل أولا مع السياء محسوسة ثم ثانيا مع مصنفات ثم يلى ذلك المرحلة المجردة ومن خلال ممارسة الطفل لاتشطة بأشياء محسوسة وأشياء شبة محسوسة يمكن التوصيل إلى خواص عملية الضرب فبالنسبة الخاصية الأبدال يمكن استخدام خط الأعداد وشرائط العدد الملونية اثبات أن ٢ × ٤ وبالنسبة لخاصية العدد الملونية تفسيل إلى التقيم أ × ب - ب × أ . وبالنسبة لخاصية العنصر المحايد فيمكن التوصيل اليها أيضا من خلال الأنشطة

έ×(τ× τ)	(
TT)	,
[2





لهدا نفس عدد المقعبات وبالنسبة تخاصبة التوزيع بوضدها انشكل التالي

00000000000000 |00<u>0000</u>00000|

۲ میف × (۲۰٫۳۰)

۲ صيف × ۱۰ و ۲ صيف × ۳

 $(T + 1.) \times Y$

* × Y + 1 . × *

وهذا النمط يمكن استخدامه أيضا في توضيح ضرب عدد مكون من رقم في عدد مكون من رقمين والذي يأتي في مرحلة لاحقة فعثلا

 $Y = Y + Y = (Y \times Y) + (Y \times Y) = (Y + Y) \times Y = Y \times Y$

ومن الأفضل ألا تدرس الخواص كقواعد عامة يحفظها الأطفال ثم ينتقلون إلى الأمثلة التبي توضيحها بل يفضل أن يكتشف الأطفال هذه القواعد بأنفسهم .

ثم تأتى بعد ذلك مرحلة تعلم الحقائق الأساسية ولا يوجد ترتيب محدد ينبغس اتباعه في تعليم حقائق الضرب الأساسية ولكن يمكن القول أن هناك ترتيبان أحدهما ترتيب منطقى حيث يرتب المضروب فيه على النحو التالى:

. ، ٩ ، ٧ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، ١ ، ٧ ، ٨ ، ٩ ، أما الترتيب الثاني فهو ترتيب سيكلوجي يسير من البسيط إلى المركب فمن الأسهل أن نبدأ بـالمضروب فيـه فـي ٢ ، ٥ ، ٣ ثـم نؤجل المضروب فيه الأكثر صعوبة وهي ١ ، ٧ ، ٩ ،

ويجب أن تناح فرص متعددة للأطفال لفهم ما يستجد عليهم من حقائق الضرب وأن يستخدموها .

ويرى بعض المربين انضلية تدريب الأطفال على حقائق الصرب بطريقة عشوانية وليس بترتيب معين . وهناك عدد من الإقترحات العفيدة والتي تساعد على تمكن الأطفال من حقائق الضرب بصفة خاصة والحقائق الأساسية للعمليات الأخرى بصيفة عامة

الأخطاء الشائعة في الضرب:

٢ _ الخطأ في جمع الرقع المحمول ١ _ أخطاء في التجميع

2 _ أخطاء في الجمع ٣ ـ حمل رقع يطريق الخطأ

 ٦ استخدام المضروب كمضرب أيه ه ـ نسيان الحمل

٨ ـ أخطاء بسبب وجود الصفر ٧ ـ الخطأ تجميع الصغر

٩ ـ تداخل النتانج عند يكون المضروب فيه مكونا من رقمين أو أكثر

١٠ ـ استخدام عملية بطريقة الخطأ ١١ ـ تكرار جزءا من جدول الضد ب

١٣ - عدم ضرب خانة في المضروب
 ١٥ - حذف خانة (ركم) من حاصل الضرب

10 - حدف خانه (رقم) من خاصيل الضيرب 17 - أخطاء في الحمل مع الصغر

19 - احطاء في الحمل مع الصنفر 19 - در دري الحمل مع الصنفر

١٩ . هذف خانة من المضروب نيه

٢٠ أخطاء يسبب الصغر في المعضروب ٢١ - الخطأ في وضع حاصل الضرب الجزئي
 ٢٧ الد للحصول على جمع حواصل الضرب الجزئية

٢٤ ـ نسيان جمع حواصل الضرب الجزئية

٢٦ ـ كتابة رقم خطأ في حاصل الجمع

٢٨ ـ عكس الأرقام في حاصل الضرب .

٢٣ ـ عدم القدرة على قراءة الأشكال

١٦ - أخطاء في كتابة حاصل الضراب

١٨ - استخدام العد على الأصبابع للحمل

٢٥ . فصل المضروب فيه

١٢ - الضرب بالجمع

١٤ ـ أخطاء في القراءة

۲۷ ـ ضرب رکم واحد مرتین

٢٩ ـ أخطاء في جدول الضرب

وبالنسبة للقسمة فينيغي تدريس معنى القسمة أولا ويمكن توضيح معلى القسمة بأربعة طرق:

٢ ـ القمسة عملية تجزئة

القسمة عملية طرح متتالى ٣
 القسمة عكس الضرب

٤ ـ القسمة عمليَّة قياسٌ

وقد ناقضنا أمثلة للثلاث طرق الأولى وبالنسبة لعملية القياس فالأمثلة التالية توضع هذا المعنى كم قميصا يمكن عملها من القماش إذا كان يلزم القميص ٣ امتار ؟ كم عدد الثلاثات التي يحتوى عليها الرقم ١٠٠.

0 - T + 10

وهذه التفسيرات الأربعة للمختلفة القسمة تنصل كل واحدة منها بالأخرى ولهذا يجب أن يعطى المعلم تدريبات عديدة للأطفال حتى يتضبح لديهم كل معنى من هذه المعاتى الأربع . ويسير تدريس القسمة بالتدريج من البسيط إلى المركب حتى يصل إلى القسمة المطولة وهي من أصدب الموضوعات التي يدرسها معلم الرياضيات في المرحلة الإبتدائية . ولهذا ينبغي أن يستخدم المعلم كل وسيلة ممكنه لتزويد الأطفال بفهم كاف يودى بالتدرج إلى تعلم هذه المعلمة المطولة الصعبة وخطوات عملية القسمة هي :

۱ ـ اقسم ۲ ـ اضرب ۳ ـ قارن ٤ ـ اطرح کارن

انزل البائي ٧ ـ تأكد من صحة القسمة

والخطوة الأخيرة هامة حيث ينبغى على الطفل أن يقوم بمراجعة مسألة القسمة بالطريقة العادية وهي :

> المقسوم عليه × خارج القسمة = المقسوم أو (المقسوم عليه × خارج القسمة) + الباتي = المقسوم

الأخطاء الشائعة في القسمة

قدم Mercer (19) قائمة بالأخطاء الشائعة في القسمة ثمثلت فيما يلى : 1 ـ أخطاء في تجميعات القسمة ۲ combinations - أخطاء في الطرح

 استخدام باق أكبر من المقسوم عليه ٣ ـ أخطاء في الضرب و_ ايجاد خارج القسمة بالضرب المبنى على المحاولة والخطأ (التجريب) ٦ - إهمال استخدام الباتي أثناء إجراءات حل المسألة. ٨ ـ العد للحصول على خارج القسمة ٧ - حذف الصغر الناتج من رقم آخر ٩ - إستخدام الصيغة المختصرة للصيغة المطولة ١١ _ أخطاء في كثابة البواقي ١٠ ـ تكر ار جزء من جدول الضرب ١٢ ـ تجميع أكثر من ركم في المقسوم ١٢ . لابه اجابة صحيحة لكنه يستخدمها خطأ ١٤ ـ الخطأ في القرعة . ١٥ ـ استخدام المقسوم أو المقسوم عليه كخارج قسمة ١٧ ـ عكس المقسوم والمقسوم عليه ١٦ - ايجاد خارج القسمة بالجمع ١٩. استخدام المقسوم أو المقسوم عليه ١٨ ـ كتابة كل البوالي في نهاية المسألة ٢١ ـ استخدام رقم في المقسوم مرتين ٢٠ ـ التفسير الخطأ لجدول الضرب ٢٢ _ استخدام الرقم الثاني في المقسوم لإيجاد خارج القسمة ٢٣ ـ إهمال الباقى النهاني ٢٤ _ أخطاء يسبب وجود صفر في المقسوم ٧٠ ـ استخدام الصيغة المطولة في حالة الصيغة المختصرة ٢٦ ـ استخدام ياق بدون شكل جديد للمقسوم ٧٧ ـ البدء بالقسمة بأرقام الآحاد من المقسوم

وتولجه الأطفال صعوبات في حل المسائل اللفظية ليس في القسمة وحدها ولكن في كل العمليات الأساسية والمسائل اللفظية يجب أن تتبعث من مواقف الحياة اليومية ويذكر Grace M. Burton وزملاؤه (27)، أن الطفل يمكنه أن يتعلم كيف يصل المسائل اللفظية بأن يسأل نفسه عدة أسئلة تدور حول ٤ مواقف هي

٢٨ ـ فصيل المقسوم

٣٠ ـ استخدام حاصل ضرب كبير جداً

٣٢ ـ حذف السفر من خارج القسمة

٢٩ ـ العد في الطرح

۳۱ . استخدام نهایات Endings

لإيجاد خارج القسمة

١ - فهم المسألة ٢ - تخطيط حل ٣ - حل المسألة ٤ - مراجعة الحل
 ويمكن أن يتحقق فهم المسألة عن طريق:

أ ـ إعادة قراءة الطفل المسألة لنفسه .

ب - معرفة ما تدور حوله المسألة ج - يسأل نفسه عدة أسئلة مثل ما الحقائق التي لدي؟
 مالذي يجب على إيجاده ؟ كيف أعيد المسألة بلغتي الخاصة ؟

وبالنسبة المتخطيط للحل فيختار إحدى هذه الإستراتيجيات:

يرسم شكلاً ـ يضع نموذجا ـ يرجع إلى الوراء ـ ينفذ حل المسألة ـ يكتب جملة عددية ثم يقرر كيفية الحل من خلال الأسئلة التالية ؟

هل يستعمل الآلة الحاسبة لم الورقة والقلم ؟ مالأسلوب الذي سوف يغتـّاره؟ وأخيرًا ينظر إلى الخلف ويراجع أو يختبر صحة الحل .

مطومات إضافية :

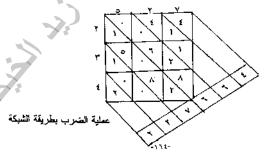
أولاه طرق مشوقة لإجراءات الضرب

١ - طريقة الشبكة في الضرب

وتعتاز هذه الطريقة بسهولة فهمها وبطابعها المنطقى وقد استخدمها العرب والمسلمون لإجراء عملية الضرب وقد أوصى علماء الرياضيات التربوية بأنه من المستحب استخدامها في المرحلة الإبتدائية الأن .

وفى هذه الطريقة نقسم ورقة الكتابة إلى مربعات ثم توصيل الالطار ولإيجاد حاصل ضرب ٥٢٧ × ٤٣٢ مثلا بهذه الطريقة نتبع الخطوات الآتية :

توضع مكونات العددين في أعلى وعلى يسار المستطيل ويكون حاصل الضرب في كل خلية على حدة وتسجل الأحاد أعلى القطر والعشرات أسغله ويحدد حاصل ضرب العددين الأساسيين بجمع الأعداد في كل قطر كما هو موضع بالشكل المتالى:



قاعدة سلوجارد: Sluggard's Rule

وتستخدم هذه القاعدة لإيجاد حاصل ضرب عددين بيسن ١، ٩ ويوضح الشكل التالي تحطوات تطبيق هذه القاعدة

لموات تطبيق هذه القاعدة المحالات المحالية المحالة الم

صابع غير المطبقة (المغرودة) ثم اضرب الأصابع المطبقة

ثم لجمع الأصابع غير المطبقة (المغرودة) ثم اضرب الأصابع المطبقة ٢ + ٢ = ٣ ٢ × ١ - ٣ واكتب العدد الأعلى على اليسار من العدد الأسفل ٦٣

ويوصى باستخدام هذه القاعدة كنشاط الثرائس وأيضنا لمساعدة الأطفال بطيني التعلم على حفظ جدول الضرب .

۳ ـ طريقة الفلاح الروسى Russian peasant Multiplication

وتتطلب هذه الطريقة معرفة الضرب في ٢ فقط والقسمة على ٢ وتتضم هذه الطريقة من خلال الأمثلة التالية : -

117	- "1 ×	15 1	£7 \$	4 × 40	11 × 77 × 75			
العمود الثاني ۳۳	العمود الأول (2		العمود الأول - تا	العمود الثلاثي ۲۶	العبود الأول ٢٥	العمود الثاني ۲۳—	العمود الأول <u>ع ۲</u>	
77	10			AÉ	14	\\\		
١٣٢	٧	- } * £			- *-	- 116 -		
77£	٣	- *4A- £¶7		- 171		647		
- 474		197		1744	,	ATE		
1.75		411		157.		6		

1.47 - 77 × 71

ثَانيا: كيف نساعد الأطفال على تعلم الخوار (ميات؟

مساعدة الأطفال على تعلم الخورزميات على الأعداد الكلية عمليـة ليسـت سـهلة ونلك لأن الأطفـال تواجههـم صحوبـات عديـدة لمى تعلم الخورزميـات خاصــة إذا كـان تعليمهم السابق تم بصورة آليه أو مجردة.

كثور من تلك الصعوبات يمكن الوقاية منها بتعليم مناسب بيداً من المحسوس ثم شبه المحسوس ثم المجرد، وفيها ينى خمسة إلتراحات تابد في هذا الصدد:

- ١- السير في الإجراءات من المحسوس إلى المجرد.
 - ٢- إستخدام تطبيقات واقعية وذات معنى.
 - ٣- تحديد وتقويم المتطلبات التعليمية السابقة.
- = تزويد الأطفال بعديد من الأنشطة التي يمار سونها.
 - ٥- الإستخدام الجيد للمستحدثات التقنية.

مُالثًا : أسباب الصعوبات التي تواجه الأطفال في در استهم نخوار زمرات الأعداد الكلية.

يمكن تصنيف أساب الصعوبات إلى ٦ صنوف عامة هي:

١٠- نقص في المتطلبات التعليمية المخوار زمية فعنـــد إجراء جمـــم أعداد مكونــة من الله أرقام تكون المتطلبات هي :

أ- فهم معنى القيمة المكانية.

ب- معرفة الحقائق الأساسية.

جـ- مهارات أخرى ذات صلة مثل جمع ثلاثة أعداد مكونة من رقم واحد.

د- مهارة التعامل مع الصور البسيطة للخوارزمية (جمع أعداد مكونة من رقمين).

- انتص في إجراءات الخوارزمية ونقص غير مباشر في فهم لماذا تستخدم هذه
 الإجرائية بالذات.
- حدم القدرة على تطبيق الخوار زمية أي عدم معرفة أي العمليات بجب إستخدامها
 على الإعداد.
- ٤- ضعف الإحساس العددي مع عدم القدرة على تقدير الإجابات وعدم القدرة على الحكم على مصداقية التأتج.
- ٥- نقص في الثقة بالنفس والدافعية للموافقة على التحديات الجديدة وممارسة أساليب جديدة.
 - عدم الأكتراث والتثبت عند إجراء الحسابات وكتابة الأعداد.

إختبر فهمك

 أى المواد والأدوات تعتقد أنها أكثر مناسبة في تقديم الموضوعات التاليـة للأطفال المبتدنين في تعلمها؟ ولماذا؟

الموضوع	لواد والادوات
	حة - نقاط مرسومة على وزق
تسمة (۱۶ ÷ ۲ - أي) خرز - لم	هة - أثر اص بالستيكية ملونة
 ٢- أكتب قصبة لكل نوع من الجمل العددية 	التالية ثم إرسم شكلا يوضح كيفيـة الحل
بإستخدام بعض الأدوات.	
* ضرب (پاستخدام المجموعات) ۲ × ۳ =	
* ضرب (باستخدام صنوف arrays) × ×	□ - r
T = T × Y / 1 Six res Street	

• القسمة (عملية تجزئة) ٨ ÷ ٢ = 📋	
 القسمة (طرح متكرر) ۸ ÷ ۲ = [] 	
 ٣ أعط مثالا لكيفية تعلم الأطفال حفائق ضمرب مثل ٨ × ٩ ، ٦ × ٧ من الحقائق الأسهل. 	
 أوجد ناتج ٢٥×١٣٤ باستخدام طريقة الشبكة. 	
 اكتب موقفا تطبيقيا من إهتماماتك لكل مسألة مما يأتى 	
1 7 0 7 · ×	

ثم إختبر واحدا أو اثنين من الأدوات التي يمكن إستخدامها لمساعدة الأطفال على تصحيح الخطأ.

- ٧- صف إجراء حل ١٩٥٥ بإستخدام قطع دينيل.
- أى من المسائل التالية لا يقضل استخدام الأدوات في شرحها

 ٩- كيف يمكن مساعدة طفل يجد صعوبة في حساب ووضع حواصل الضريبة الجزئية في مسائل مثل

١- إستخدم طريقة طرح التسعات Casting out nines التحقيق من صححة النتائج التالية

ال
$$^{-1}$$
 كيف تستطيع الحصول على المساواة بوضع الرموز التالية $(+ \cdot - \cdot \times \cdot \div)$ بين $(+ \cdot - \cdot \times \cdot \div)$ بين المار كار

١٢- استخدم خط الأعداد لبيان صحة ما يلي

$$\mathbf{t} \times (\mathbf{T} \times \mathbf{T}) = (\mathbf{t} \times \mathbf{T}) \times \mathbf{T}$$
 $(\mathbf{y} \times \mathbf{T}) = \mathbf{T} \times \mathbf{T} + \mathbf{T} \times \mathbf{T}$

١٣- إستخدم قطع دينيز لتوضيح قانون الدمج

15- استخدم الصنوف لتوضيح قانون التوزيع.

الغصـــــل الســـادس أفكـــار أولــــية عــــن نظــــدة العــــدد

- 34134-
- المضاعفات
 - العوامل
- الأعداد الأولية
- قابلية القسمة

من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن :-

١- يعرف أهمية تضمين نظرية العدد في منهج المرحلة الإبتدائية.

٢- يستخدم بعض الأنماط العددية لتشويق الأطفال.

٣- يستخدم بعض الأنشطة لتقديم مفهوم المضاعف للأطفال،

2- يشرح فكرة العامل باستخدام بعض الأدوات.

يشرح مفهوم العدد الأولمي مستعينا ببحض الأدوات.

٦- يستخدم بعض الأنشطة في تقديم تحليل العدد غير الأولى الى عوامله الأولية. ٧/ يشرح قواعد قابلية القسمة للأطفال بأسلوب حدسي بعيدا عن البرهان العجرد.

من المتوقع بعد أن يكمل الطفل دراسة الأنشطة الموصوفة في هـذا الفصل أن يصبح قادرا على أن:-

١- يحدد المضاعف المشترك الأصغر لعددين.

٢ يمين العدد الأولى والعدد المؤلف.

٣- يعين المعدد الزوجي والعدد الفردي.

٤- يحلل عددا كليا بطرق مختلفة.

٥- يطل عددا مؤلفا إلى حاصل ضرب من الأعداد الأولية باستخدام القسمة أو شجرة

بدرف قراءه قابلیة القسمة علی ۳۰۲ ؛ ۵، ۲، ۷، ۹ ، ۱۱ ، ۱۱ ، ۱۳ .

٧- يفهم بدون برهان الأتماط العددية ويقدر على تحديدها.

مقدم___ة:_

نظرية العدد فرع قديم جدا من فروع الرياضيات وتبنى على العمليـات الأساسيـة على الأعداد الكليـة وتتضمن أتماطـا وعلالـات بين الأعداد ولقد عرف الريــاضيون الأغريق منذ القدم نظرية العدد وربطوا بين أنماط الأعداد وبين الأتماط للهندسية.

ومن المدهش أن كثيرا من الاسئلة التي وضعها الأغريق القدماء حول أنماط الأعداد لم تجد لهـ الجابـة بـد بـ الرغم من محاولـة عديد من الريـاضيين لحلهـا. والآن نظرية العدد مجال خصب للبحث الرياضي.

وابّه لمن المغيد للمعلمين أن يكونوا ملمين ببعض الأفكار عن نظرية العدد مثل المصناعفات والعوامل والأعداد الأولية وقابلية القسمة حتى يقدروا على مساعدة أطفالهم على رؤية العلاقات بين المدد والهندسية ويساعدوهم ليضما على فهم موضوعات في رياضيات المرحلة الإبتدائية مثل كتابه الكسور في أبسط صورة أو جمع وطرح الكسور كما أن تلك الأفكار صرورية بعد ذلك عندما يضطر الأطفال إلى التعامل مع تعبيرات جبرية تتضمن كسورا.

الضاعفات Multiples

يستخدم الأطفال فكرة المضاعف عندما يبدأون في التفكير في الجمع المتكرر والضرب فمثلا كل الأعداد ٢، ٤، ١، ٨، ١ مضاعفات أثنين. وبالمثل ٣، ١، ١، ١، ١، ١، ١٠ المضاعفات ثلاثة، وفي الإخبار عن الوقت تستخدم المضاعفات الخمسة في عد الدانق المناظرة للأوقاد الله. علم وحه الساعة.

وسوف يتحقق بعض الأطفال من أن ٢ مثلا مضاعف لـ ٢ وليضا مضاعف لـ ٣. وفيما يلى بعض الانشطة.

أنشــطة :

١- الأمثلة المذكورة عاليه يمكن أن تستخدم لتقديم كلمة "مضاعف" وقد يكون المقيد أن
 نكتب ٢ × ٣ - ٢ على السبورة مع الكلمات التالية:-

إضرب - ضرب - مضاعف

ولشرح ذلك نبدأ بـ ٢. حيث تغيرنا "٣٠" بأن نضرب ٢ في ٣. ونستخدم الضرب للحصول على الإجابة ٢. ستة مضاعف إثنين.

ويكرر هذا النشاط مع عمليات ضرب اخرى

ثم يطلب من الأطفال أن ينظروا إلى العضاعفات ويقولوا بما يلحظونه حيث تكشف النظرة السريعة عن أن هناك مضاعفات لـ ٢، ٣ فى نفس الوقت. ثم يرسم حلقة حلول هذه الأزواج كما هو مبين

مضاعفات ۲۰ ۱۸ ۱۹ ۱۶ ۱۲ ۱۰ ۸ ت ۱ ۲ ۲ مضاعفات

مضاعفات ۳ ۳ ۹ ۱۲ ۱۸ ۱۸ ۲۱

ثم يقدم العبارة "مضاعف مشترك" حيث يقول ٦ مضاعف ٣٠٢

أي أن ٦ مضاعف مشترك لكل من ٣ : ٢

ثم يستخدم الأطفال هذه العبارة بالنسبة إلى ١٢ وبعد ذلك ١٨ وقد يكون لدى بعض الأطفال القدرة على الإستمرار وإعطاء مضاعفات مشتركة أخرى لـ ٢ ، ٣ فيسالهم العطم عن أقل هذه العوامل المشتركة (١) ثم يقدم العبارة "المضاعف المشترك الأصغر" أو "الأفتى".

۳- یکرر نشاط ۲ لاژواج آخری متعددة فعثلا ۲ ، ۵ & ۳ ، ۴ & 8 ، ۲.

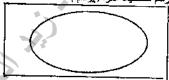
٤- فيما يلى وصف لطريقة أخرى لتقديم المضاعفات المشتركة وهي مفيدة:

يرسم المعلم مستطيلاً أو أي شكل آخر على السبورة ويكتب فيه كل الأعداد من ١ حتى

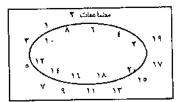
۲۰ هکذا

1 0 E F F 1
11 1- 9 A V
11 10 1E 1F 1F
7- 14 7A 1V

وبجانب هذا المستطيل يرسم مستطيلا أخرا ويرسم بداخله حلقة مغلقة هكذا



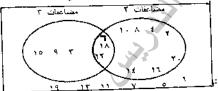
ثم يطلب من الأطفال المنسور إلى السهورة تباعها ويكتبون مضاعفات ٢ من الأعداد ١ حتى ٢٠ داخل الحلقة. ويقومون بذلك حتى تظهر كل المضاعفات داخل الخلقة وغير للمضاعفات خارج الحلقة هكذا



وتوضع مضاعفات ٣ بإستخدام مستطيل أخر على السبورة كالأتى



وحيننذ يناقش المسم مع اطعاله طرق عرض كل من مضاعفات ٢،٢ معا في نفس الشكل ويتطلب ذلك مزيدا من المناقشة قبل المحسول على الشكل الآتي:-



وهذا شكل مفيد لأنه يوضح:

* مضاعفات ٢ * مضاعفات ٣ * مضاعفات ٢ ، ٣ في نفس الوقت

* المضاعفات المشتركة لـ ٢، ٢ * الأعدادالتي ليست مضاعفات ٢

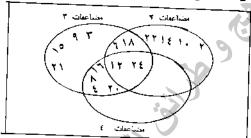
الأعداد التي نيست مضاعفات ٣ * الأعداد التي ليست مضاعفات ٣ ، ٢
 ويسمى الشكل الذي يشبه الشكل السابق "نشكل فن".

مكن إيجاد مضاعفات مشتركة لثلاثة أعداد بتوسيع تشاط ٢ وفيما يا
 لتوضيح ذلك :

 ٢٤ ، ٢٢ مضاعفان مشتركان للأعداد ٢٠٣٠٢ والمضاعف المشترك الاصغر لهم هو
 ١٢ .

ويجب إجراء أمثلة أخرى من قبل الأطفال (٦٠٣٠ & ٢، ٢، ٥) ولكن يجب اختيار الثلاثة أعداد بعناية واهتمام. وذلك لأن كتابة الأعداد تصبح عملية مملة.

 ٧- قد يكون في استطاعة بعض الاطفال رسم شكل فن يبين مضاعفات ثلاثة أعداد كماني المثال التالي بينما يجد البعض الأخر في ذلك صعوبة شديدة.



العواميال Factors

يستخدم الأطفال فكرة العامل في الضرب والتسمة ولكن من المحتمل ألا تكون كلمة عامل قد إستخدمت وفيما يلي بعض طرق تقديم هذا المفهوم.

أنشطة:

 ١- يرسم المعلم خط أعداد على أرضية الفصل ويطلب من أحد الأطفال أن يقفز عددا واحدا فى كل تفزة حتى يصل إلى العدد ٦ ويطلب من أخر القفز عدين فى كل تفزة ومن ثالث القفز ٣ أعداد فى كل تفزة ثم يقلز هرة واحدة حتى ٦ ويبين الشكل التالى إجراهات المقمل

تُم بِبِينَ للرَّطْفَالُ أَن الطَّفَلُ الأَوْلُ وَصِلْ الْجِي العِندَ ٦ مِن ٦ فَفَرْ اَتَ أَيْ (× ٦ = ٦ و الثاني ٢ × ٣ = ٢

والتَّالَثُ ٣ × ٢ = ٦ وَالرَابِعِ ٦ × ١ = ١

و____ رى الأطفـــال أن العــــدد ٢ هــــو حـــــاصل ضــــــرب الأعــــداد ١ × ٢ ، ٢ × ٣ ، ٣ × ٢ ، ٢ × ١ وأن الأعداد ١ ، ٢ ، ٣ ، ٢ تسمىعوامل العدد ٦ .

تكوين عددا , للمستطيلات 	، قطع دينيز ويطلب من كل منهم ولات يمكن أن يصل الأطفال إلى	طفل ۸ قطع مز ختلفة وبعد المحا	 ح. يوزع المعلم على كل من المستطيلات بابعاد م التالية
므	2005000		8888
لبا		Ψ×i	£ XT
1×4	۱×۸ ن عاملین من عوامل ۸ ای ان ۔		
خوامل العدد	ے معلوں عل طواعل کہ ای ان ع	ره حرس يسمر	۸ هی ۲،۲ کیل
عدد ۱۲ هـ.	لأطفال إلى أن حواصل ضنرب اا	ند ۱۲ ویمیل ۱	٣- يكرر نشاط ٢ مع ال
3	14 = £ × T	7 × 7 - 71	14 = 14 × 1
	} * * * * * \$		Y × 1 = Y 1 F × Y
	أشكال مفيدة كما يلى :	برب السابقة في	ويمكن عرض حواصل الط
17 = 1	Y × 1		<u>• • •</u>
17 =			
17 -	4 ^ 1	•	
17 -	Y×1		
11 -	1111		
17 =	1 × 17 000	000000	0000
ت ، إنقانات	كن تصنيف ١٢ شيئا إلى وحدان	ذه الأشكال أنه يه	يزى الاطفال من د
35 51 71	أن كلا من الأعداد ١، ٢، ٣.	ابتنا عشرات كما	، دلاقات، اربعات ، ستات
، ۱۸ ، ۱۹	شاط لأعداد أخرى مختلفة (مثل	ب تكرار هذا الذ	عامل من عوامل ۱۲ ویجد
*			۲۰ ۱۶ وهکذا).
وأمليه فيلا	له إذا قسم أي عند على أحد :	من نشاط ۳ أن	۱- یجب آن بری الاطفال
, ×	عواملها على التوالى نبعد أن	بانفسم ۱۲ علی	يوجد بالمي. فمناز عند
1/2/3	£ = T ÷ 17	4 - 7 + 1	
	1 = 17 ÷ 17	7 = 7 ÷ 1	7 = £ ÷ 17
. 5			
0,			
	-1	Y\-	
•			

ويجب أن يستخدم الأطفال تلك الفكرة لإيجاد عواصل أي عدد فمثلا بإستخدام ٢٤ نجد أن. -

71 = 1 + YE A = Y + YEIT = T + TE 1 - 1 + Y1 1 = 7 + Y1 ۲۶ ÷ ۵ ایها باق ١٤ ÷ ٩ لها ياق T = A + Y £ ية ۲ ÷ ۷ لها باق. ۲۲ ÷ ۱۱ لها باق Y = 1Y + YE ۲۴ ÷ ۱۰ لها باق من ۲۶ ÷ ۱۳ حتى 1 = Y £ + Y £ ۲۶ ÷ ۲۳ کلها لها یاق ای آن عوامل ۲۶ هی ۱، ۲، ۳، ۲، ۲، ۸، ۱۲، ۲۶ أي ۸ عوامل.

ملاحظات :

- أ- سوف يجد الأطفال بالخبرة أنه ليس هناك ما يدعوالي تجريب كل الأعداد حتى ٢٤.
 انهم يجب أن يكتبوا أو لا العاملان ١، ٢٤ ثم يحاولون مع كل عدد حتى ١٢. بعد ٢١ لا داعى للمجاولة مع ١٣ حتى ٢٣ (لأن كل إجابة تكون ١ والباتي)
- ب- عندما يجد الأطفال أن $\frac{\pi}{2}$ مثلا عامل من عوامل $\frac{\pi}{2}$ أيضا عامل $\frac{\pi}{2}$ عامل $\frac{\pi}{2}$ $\frac{\pi}{$
- عندما يصبح في إمكان الأطفال إيجاد عوامل الأعداد فبإمكانهم أن يستمروا في مناقشة الموامل المشتركة فعائلا يعرفون أن:

عوامل ۱۲ می ۱، ۲، ۳، ۶، ۳، ۲۱ م ۱۲ عوامل ۱۸ می ۱، ۲، ۳، ۲، ۹، ۲۲

ولهذا فبإن العامل المشتركة لـ ١٧، ١٨ هـى ٢٠١، ٣، ٦ والعامل المشترك الأعلى فيهاهو ٦.

ولهذا فإن العامل العشترك الأعلى لما ١٨ ، ١٨ هو ٦ ويجب إعطاء تدريبات كثيرة على إيجاد العوامل العشتركة والعامل العشترك الأعلى لأزواج من الأعداد.

ويسير الإمتداد والتوسع لثلاثة عداد بصورة طبيعية إذا فهمت الأقكار الأساسية.

الأعداد الأوليـــة Prime numbers

العدد الأولى هو العدد الذَّى له عاملان وعاملان مختلفان قلط وليما يلمي بعمض الانشطة نقديم فكرة العدد الأولى.

أتشطة

 ١- يطلب المعلم من الأطفال أن يكتبوا عوامل كل عدد من ١ حتى ١٦ ثم يكتبوا عدد عوامل كل عدد ويسجلوا نتائجهم في جدول كالتالى

عدد العوامل	العوامل	asell.
١ .	1	1
٧	4.4	۲
۳	Titis	۳
٣	£ (Y)	ŧ
٧	0 13	۵
1	7 17 17 15	1 (
۲	۱۱ ۸	¥
£	41 Y1 31 A	۸
٣	4 (7 ()	1
	11 14 15 15 11	11

يرى الأطفال من الجدول أن بعض الأعداد لها عاملان فقط ومختلفان هما العدد نفسه والواحد وهذه الأعداد هي ٢، ٢، ٥، ٧، ١٣

۱.	•	٨	٧	*	a	£	۲	. 7	,
τ.	11	14	11	17	16	11	17	-17	13
۲.	14	7.4	۲¥	ŗ	т.	7	ŢΤ	**	n
٠,		**	ć٧	۲	та	ŗ	TT	т,	ŕ
р,	11	14	17	17	10	**	IT	17	13
į.	۰٩	6	٥٧	1	20		aT.	27	as,
Ψ,	11	14	7	1	10	11	1.5	11	54
A.	4	٧.	**	٧٦	٧0		44	**	yı
14	44	A.S.	Av	A"	40	At	AT	Af	A1
1.4	11	4.4	44	11	40	1\$	tr.	44	41

٣-يزود كل طفل بنوحة عددية مربعة الشكل الوحة المائة كالمبينة على البسار ويلون أو ينظفل كل مربع صغير يحتوى على عدد أولى ثم يطلب المعلم من الأطفال أن ينظر واللى لوحاتهم ويقولوا ملاحظاتهم .

فعثلا العدد الزوجى الوحيد الأولى هو ٢ وكل الأعداد الأولية الأخرى قرديـة وليضــ العمود الذى رقم آحاد كل من أعداده ٥ أو صفر ليس فيه أعداد أولية. - يمكن للأطفال ذوى القدرات العالية لهراء النشاط الممتع والذي يسمى غربال ار اتوفينز Sieve of Eratosthenes والذي يمكن وصفة في خطوات الثالية:

ا- بزود كل طفل بلوحة العائة كالعبينة على اليسار

ثم يظلل أو يلون المربع الصغير الذي يحتوي على العدد ١.

ب- يظلل أو يلون كمل العربمات الصغرى التي تحتوى مضاعفات ۲ ماعدا ۲ ذاتها.

 ج- يظلل أو يلون كل المربعات الصغرى التي تحتوى مضاعفات ٣ ماعدا ٣ ذاتها (قد لون بعضها بالطبع عند التعامل مع مضاعفات ٢)

ع- كل مضاعفات ؛ (بالإضافة الى ؛ ذاتها) تم تلوينها عند التعامل سع مضاعفات ؟
 ولهذا الانضطر الى تلوين مضاعفات ؛

هـ- يلون أو يظلل مضاعفات ٥ ماعدا ٥ ذاتها (بعضها قد لون).

و- تم تلوين كل مضاعفات ٦ بالاضافة إلى ٦ نفسها عند التعامل مع مضاعفات ٢، ٣ وبالتالي ليست هناك حاجة للتلوين.

ز- يلون أو يظلل مضاعفات ٧ ماعدا ٧ ذاتها (معظمها قد تم تلوينه).

ح- تم تلوين كل مضاعفات ٨، ٩، ١٠ في التعامل مع مضاعفات ٢، ٣، ٥.

يسال المعلم الأطفال عن ملاحظاتهم حول الأعداد التي لم تلون (أنها الأعداد الأولية). وقد يكون لدى بعض الأطفال القدرة على توضيح لمذا لم تلون الأعداد الأولية؟

رح يحرن حرب الأولمي التي عوامله الأولية تحليل العدد غير الأولمي التي عوامله الأولية

يمكن تحليل أي عدد غير أولى كحاصل ضرب أعداد أولية ويمكن تقديم عملية التحليل هذه عن طريق الأنشطة التالية :

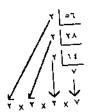
أتشــطة:

ا- يرسم المعلم شجرة على السبورة كالمبينة على اليسار ويكتب العدد ١٨٩ ويطلب من الأطفال التمبير عنه كحاصل ضرب عدة أعداد أولية ويكون النائج كما هو مبين على الميمار ويسجل النائج هكذا

7 × 7 × 7 × 7 = 1 × 7 × 7 = 1 × 7 = 1 1 × 7 = 1 1 1 1

٣- يتدرب الأطفال على من الفر غات في شجرة العوامل مثل





و فى النهاية يتدرب الأطفال على تحليل الأعداد كما يشاعون مثل الأعداد ٣٢ ،
 ٨١ ، ١٥٠ ، ١٩٠ ، هكذا

قواعد قابلية القسمة Divisibility Rules

يحتاج الأطفال عند اجراء التحليل إلى معرفة طريقة تمكنهم أو تساعدهم على لجراء القسمة بسهولة ومن ثم فقد قام بعض الرياضيين بايجاد طرق تسهل اجراء عملية للقسمة بالنسبة لبعض الأعداد مثل ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠ ١١، ١٠ وتسمى هذة الطرق بقواعد قابلية القسمة. ويمكن تقديم هذه القواعد من حائل ممارسة الأطفال لعمليات ضرب وتسمة ومساعدتهم على استنتاج القاعدة

قابلية القسمة على ٢:

يعطى المعلم الأطفال عمليات ضرب مشل ٢ \times ١١، ٢ \times ٢ ، ١٥ \times ١٢٣، ٢ \times ٤٥٠، وهكذا

ويطلب منهم ملاحظة رقم الأحاد في حاصل الضرب ثم يساعدهم على استنتاج القاحدة التابع: --التالية:--

"يقبل العدد القسمة على ٢ إذا كمان رقم أحاده صفرا أو عددا زوجيا" وعلى المعلم أن يعطى أطفاله تدريبات على اجراء القسمة على ٢ بدون باق بحيث تتضمن التدريبات أعدادا أولها زوجى وأعدادا أولها فردى تتبيت القاعدة فى أذهان الأطفال. قابلة القميمة على ٥

١٠ يعطى المعلم الأطفال حواصل ضرب مثل ٥ × ١٣ ، ٥ × ١٢٤ ،

٢٠٠ و هكذا ويطلب منهم ابداء ملاحظاتهم كما يطلب منهم الستراح طريقة لمعرفة
 ما إذا كان المدد يقبل القسمة على ٥ .

ويساعد المعلم الأطفال على التوصيل إلى القاعدة التالية :

"يقبل العدد القسمة على ٥ إذا كان رقع أحاده خمسة أو صفرا"

 ٢- يتدرب الأطفال بوفرة على تحديد العدد الذي يقبل القسمة على خمسة من بين أعداد متته عة.

قابلية القسمة على ١٠ ومضاعفاتها:

بنفس الطريقة التي اتبحت في قابلية القسمة على ○ يمكن التوصل إلى أن:

كل عدد رقم أحاده صغرا يقبل القسمة على ١٠ بدون باق

وكل عدد رقم كل من آحاده وعشراته ومناته صغر يقبل القسمة على ١٠٠ بدون باق وهكذا. وكل عدد رقم كل من آحاده وعشراته ومناته صغر يقبل القسمة على ١٠٠٠ دون باق وهكذا. قابلية القسمة على ٣

 ١- يحطى المعلم الأطفال أعدادا مختلفة ويطلب منهم أن يقسموا كل عدد منها على ٣ ويطلب منهم اقتراح تاعدة.

٢- يحاول الأطفال استخدام أرقام الآحاد كما في حالة القسمة على ٢، ٥ ولكنهم يغشلون وفي هذه الحالة بطلب المعلم منهم أن يجمعوا أرقام الأعداد القبي قبلت القسمة على ٣ ويساعدهم على التوصل إلى القاعدة التالية :
"يقل العدد القسمة على ٣ إذا قبل مجموع أرقام القسمة على ٣."

٣- يعطى الأطفال تدريبات وفيرة على تحديد الأعداد التي تقبل القسمة على ٢ والتي لا تقبل
 وينفس الطريقة بمكن التوصل إلى قواعد القسمة الثانية:

قابلية القسمة على ٩

يقبل العند القسمة على "٩" إذا كان مجموع لرقام (خاناته) يقبل القسمة على ٩ مثـل العند. ٨١ مجموع لرقامه ٢٠١١-٩٠.

فَائِلْيَةُ الْقُسِمَةُ عَلَى }

يقبل العدد القسمة على ؟ إذا كان العدد المكون من أحاده وعشراته في النظام العشرى يقبل القسمة على ؟ مثل ٣٢٤ فالصدد المكون من أحاده وعشراته هـو ٢٤ وهذا العدد يقبل القسمة على ؟. إذن العدد ٣٢٤ يقبل القسمة على ؟.

قابلية القسمة على ٦

يقبل العدد القسمة على "٦" إذا كان يقبل القسمة على العدد ٢ وكذلك على العدد ٣ وكذلك على العدد ٣ فعن العدد ٣ فعن العدد ١٤ فأحاده زوجي ومجموع أرقاصه ١٢ يقبل القسمة على ٣. إذ نهو يقبل القسمة على ٣.

فَابِنْيِهُ الْقَسِمةُ عَلَى ٨

يقبل العدد التسمة على "٨" إذا كان العدد المكون من أحاده وعشراته ومناته يقبل القسمة على ٨.

قابلية القسمة على ٧.

يقبل العدد القسمة على "٧" إذا كان ناتج طرح ضعف أحاده من العدد المكون من باقى الخانات بعد حذف العدد الذي كان يشغل خانة الأحاد يقبل القسمة على ٧ فمثلا هل يقبل العدد ١٢٨٩٤ على "٧" ؟

بتطبيق القاعدة نلاحظ أن أحاد هذا العدد هـ ٤ فتضماعف هذا العدد ونطرحـ من العدد المكون من باقى المخانات على النحو التالي

1749	17491
A-	A - Y × S
1441	
144	7 - 1 × 1
Y -	
171	
14	
1 * -	1 × 7 = 7 × 1

منعوظة : الصلار يقبل القسمة على ٧ لأن ، × ٧ - . ، أح = ٠

قايلية القسمة على ١١

يقبل العدد القسمة على ١١ إذا كان الفرق بين مجموع خاناته فردية الترثيب ومجموع خاناته زوجية الترتيب يقبل القسمة على ١١ هثال : العدد ٣٣٩٢٩ يقبل القسمة على ١١ لأن: حاصل جمع خاناته فردية الترتيب +++++ = ۱ (حاصل جمع خاناته زوجية الترتيب = ۳ +۲ = ٥ ۲۷ – ٥ = ۲۲ وهو يقيل القسمة على ۱۱

قابلية القسمة على ١٣

يقبل المدد التسمة على ١٣ إذا ضربنا رقم أحاده في ٤ ثم جمعنا حاصل
 الضرب على المدد بعد حذف أحاده فنتج عدد يقبل التسمة على ١٣.

منحوظة : قد تتكرر العملية عدة مرات،

مثال: العدد ٢٩٥١ يقبل البقسمة على ١٣ لأن

190 1-1×1

£ +

49 49 - 44 - 4 × 4

Ψ1 + —

٦٥ يتبل التسمة على ١٣ = ٥ تعليق ومتابعة:

قد يظن البعض أن نظرية العدد لا تلعب دورا بارزا في منهج العرحلة الإبتدائية. وفي المرحلة الإبتدائية يتعلم الأطفال في الصبف الأول والثاني بصفة عامة المصطلحات: زوجي - فردى، وفي الصف الثالث والمرابع قد يتعلمون عن المضاعفات والعوامل وفي الصف الخامس والسادس يتعلمون الأعداد الأولية والمؤلفة.

و في بعض الكتب الدر اسية نجد استخدام تلك المفاهيم قبللا أو لا تستخدم بالمرة وفي بعض الأحوال تقدم هذه المفاهيم للأطفال الذين يتوقع أن يتعلموا تعاريفها وبعد ذلك يحلون بعض المسائل المتعلقة بها.

و عندما يكون الوضع هكذا فإن تلك المفاهيم تنسى في الحال ويرى الأطفال في تعلمها سببا للبلا.

ولكن يجب أن يكون البحث في أنماط الأعداد جزءا هاما من منهج المرحلة الانتدانية.

وأنشطة البحث عن أتماط يمكن أن تؤدى عدة وظائف منها:-

١- تزويد الأطفال بتدريبات مفيدة وحاثة للجهد على المهارات العددية الأساسية

إناحة الفرصة لملاكتشاف والعمل الإبتكارى مع الرياضايات.

٣- وهذه الأتشطة يمكن أن تمارس على عدة مستويات.

والأطفال قد لا تكون لديهم القدرة على إعطاء أسباب وجود الأنماط مثل الكبار. وعلى أى حال يمكنهم أن يبعثوا فى : أسنلة العدد، جمع بيانات، عمل تضييات والتحقق منها مقارنة النتائج التى حصلوا عليها بنتانج آخرين. ولهذا يجب تضمين نظرية العدد خلال منهج المرحلة الإبتدائية.

ومن الأتماط التي تشوق أطفال المرحلة الإبتدانية تلك التي نتعلق بمضاعفات العدد ٩ حيث يمكن أن يرى الأطفال

أن مجموع أرقام كل مضاعف تساوى كما هو موضيح

9=++9	1=1×9
9 = 1 + A	1 × Y × 9
9 = Y + Y	P × 7 = VY
1 = 7" + 7	42 - 5 × 4
4 = 1 + 0	10 = 0 × 9
9-0+1	55 = 7 × 9
9-7+7	$\mathbf{P} \times \mathbf{Y} = \mathbf{Y}\mathbf{F}$
9 - V + Y	P × A = YY
9=9++	9. = 1. × 9

ومن الممكن أن يحرض المعلم الأنماط الأخرى مثل ٣، ٦، ٩، ١٢، ثم يسأل الأطفال أسئلة مثل: ما النمط الذي يمكن أن تلاحظه؟

وما الثلاثة أعداد القي ستلي ٢١٢

أسفل ثم يطلب منهم تلوينها وفق قواعد معينة. ؟

الجمعة	الضيس	الأريساء	TXII.	الإكتين	<u>.</u>	السيت
7				ţ.	τ	,
12	17	18	11	1-	<u>,</u>	٨
,	Ţ.	19	14	,,,	17	10_
Υ,	179	71	YP	Yí	ΥT	**
				۴۱	٧.	11

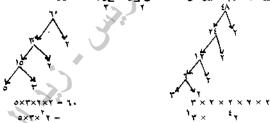
الجسنة	الفيس	الأرجعاء	الندواء	الإثنين	الأحد	السبت
	í	+	,	-		Ĺ
11	"	١.	١,	٨	۲	3
11	1.4	11	11	10	15	17
Y1	10	Y 2	٧٣	7.7	۲۱	٧.
		Γ,	٧,	71	YA	τ×

فقى الصفحة اليمنى مثلاً يلـون كل مربعات الأعداد الزوجية باللون الأحمر وفي الصفحة اليسري يلون كل مربعات مضاعفات ٣ باللون الأخضر مثلاً.

ومن الممكن أن يعرض صفحة نتيجة بيضاء كما هو مبين ثم يطلب من الأطفال تحديد العدد الذي يمكن وضعه في العربع الخالي بدون ملىء العربسات أو العد. ومرة ثانية يطلب منهم تحديد اليوم الذي يمثل ٢٣ في هذا الشهر وما الإجراءات الحسابية المستخدمة.

البسة	الغيس	الأربعاء	.092	الإثلون	الأحد	السبت
					*	١
					·	

وهناك مفهومان تحتاجهما في إجراء عمليات على الكسور هما العامل المشترك الأعلى والمصاعف المشترك الأصغر لعددين أو أكثر وتعتمد في شرحهما على التحليل إلى العوامل الأولية فعلى سبيل العثال يعطى الأطفال عددين وليكونا ١٠٠٤٨ مثلا ويطلب منهم التعيير عن كل عدد في صييعة ضيرب أعداد أولية



ونوجه نظر الأطفال إلى أن العامل المشترك الأعلى لعددين هو حاصل ضدرب قوى العوامل الأولية المشتركة فقط والتى لها الأساس الأصغر وفي العثال السابق يكمون ع.م.أ هو ٢ ^{*× ٣}= ١٢. ويجب أن يتدرب الأطفال بوفرة على تحليل العددين أو الاكثر المطلوب تعيين ع. م. ألهما أولا ثم تحديد العامل المشترك الأعلى ويمكن توسيع النشاط السابق لتعيين العامل المشترك الأعلى لأكثر من عددين بالتحليل .

أما المضاعف المشترك الأصغر لعندين فهو حاصل ضرب قوى العوامل الأولية للمدين والتي لها الأس الأكبر

فمثلا م.م.أ للمددين ٢٨،٦٠ هـ و ٣٠×٢٠ ع ٢٤٠ وبنفس الطريقة يجب أن يتدرب الأطفال على تحليل العددين إلى لموامل الأولية ثم يستخرجون المضاعف المشترك الأصغر.

وبالنسبة للأعداد الأولية فهناك العديد من الأنشطة التي يمكن إستخدامها كنشاط الرائي للأطفال مثل:

- ۱۱+۷۱ = ۸۲ ایوجد أعداد یمکن کتابتها کمجموع عددین أولیین مثلا ۸۲ = ۱۱+۱۱.
 - عبر عن الأعداد التالية كمجموع عددين أوليين
 - 11,37, AT, .F, 3P, 171, 1V1, YY
- حرأة الأعداد الأولية عبارة عن أزواج من الأعداد الأولية التي أرقامها متماثلة القراءه مثل ٣١٣ أي يقرأ من اليعين إلى اليسار مثلما يقرأ من اليسار إلى اليمين. أوجد مرأة الأعداد الأولية في قائمة الأعداد الأولية التالية;
- Y, T. 3. 0. Y. II. TI, YI. FI, TY, FY, IT, YT, I3, T3, Y3. T0.

 Po. IF, YF, IY, TY, FY, TX, FX, YF, I+1, T+1, Y+1, F+1,

 TII. YYI. ITI, YTI, PTI, F2.
- ٣- المددان الأوليان المتوام Twin عبارة عن أزواج من الأعداد الأولية بحيث يكون
 الفرق بينهما ٢.
 - أوجد الأعداد المتوأم في الأعداد الأولية التي تقل عن ٥٠٠.
- وبالنسبة لقابلية النسمة يجب أن يتدرب الأطفال عليها ومن الأنشطة التي يمكن أن تعمق . فهمه لها اعطاء بعض المسائل مثل :
 - أوجد العدد الذي يقبل القسمة على كل من هذه الأعداد
 - ti Vi Oi Ai Yi f
 - ومن الممكن أن يستخدم الطفل آلته الحاسبة في التأكد نقط من صحة قابلية القسمة. معلومات اضافية:
 - ١- حساب العامل المشترك الأعلى لعددين بطريقة إتليدس

تعلمنا أنه لايجاد العامل العشترك الأعلى والمضاعف العشترك الأصخر نستخدم طريقة التحليل ولكن هذه الطريقة تزداد تعقيدا كلما كبر العددان المراد تحليلهما. ولذا يستماض عن طريقة التطيل بطريقة أخرى أسهل منها تقوم على حساب العامل المشترك الأعلى بالطريقة التي تدعى طريقة اقليص وهي تقوم على ما يلي :-

إذا كمان أ، ب عدديس فإنسه يوجمد عمددان أخران جمله ، د بحيست يكسون أ > ب ، أ = ب جـ+ د ، د < ب ينتج عن هذه العلاقة أن كل عمدد يقسم أ، ب يقسم د أى يقسم

ب ، د و على العكس كل عدد ينسم ب ، د ينسم أ فهو ينسم أ ، ب.

$$(i : i) \subset (i : i) \subset (i : i)$$

(ا، ب) = ق (ب، د) چ ق (ب، د)

نستنتج مما تقدم أن قم (أ ، ب) = قم (ب ، د)

ملحوظة

ق (أ ، ب) تعنى مجموعة قواسم الأعداد أ ، ب ،

قم (أ ، ب) تعتى القاسم (العامل) المشترك الاعلى للمددين أ ، ب.

قاعيدة:

لايجاد العامل (القاسم) المشترك الأعلى للعددين أ ، ب نقوم بما يلى:

- (١) ننظر فيما إذا كان أحد العددين يقسم الأخر كان يكون مشلا ب يقسم أ أى ب أحد عوامل أ فيكون عندها ب هـو القاسم المشترك الأعلى للعددين (أ ، ب) و أ هـو المضاعف المشترك الأصغر لهما.
- (٢) إذا لم يكن ما تقدم نقسم أحد العدديين على أصغرهما فنجد ناتجا للقسمة جـ وباقيا لها ر ، ويكون مثلا:

i = ب جہ + ر ، ، ر ، < ب بغرض أن i > ب

(٣) ننظر في العددين ب ، ر ، فإن كان ر ، يقسم ب فإنه يكون

(v, i) = ia

(٤) إذا لم يكن ما تقدم في (٣) كررنا هذه العملية كما يلي

لن-۲ = لن-۲ جـن + لن مناك حد نحصيل على كفس

وذلك حتى نحصل على تقسيم باقيه يساوى الصفر ونرتب: عادة عمليات القسمة المكررة هذه بالشكل القالي

جن	4- ₁ -	 	-,	4-3-	<u>ڊ</u> ر		نواتج القسمة
ال (۱–۱۰	رز۲	 	۲,	ار 1	ب	1	المقسوم ثم المقسوم علية
. 6	رن	 	رہ	رہ	رب	زر	يواقى القسمة

أوجد العامل المشترك الأعلى للمديين ١٣٥٢، ٩٨٤

ع.م.أ للعدبين ٩٨٤،١٣٥٣ هو ١٢٣

Y	1	۲	١	_				
١٢٣	717	٣٦٩	9.4.1	1707				
	•	117	717	P44				

مثال 7: إحسب المضاعف المشترك الأصغر للعددين ١٣٥٣، ٩٨٤

هناك خاصية تربط بين عمرا، مممأ وهي أن

م.م.أ × ع.م.أ المعددين (أ، ب) = أ . ب

. TY X x 4-6. [(TTT , PTT) = TOT 1 X 3AP.

1 - ATE = 4AEXITOT = 1.4.4 ...

٧ - نظرية فيرما

فيرما عالم رياضي فرنسى عاش في تولوز في الفترة ١٦٠١ - ١٦٦٥ م وإشتير بأعماله في نظرية العدد، ونتص نظريته على أنه:

اِذَا كَانَ لَ عَنْدَا أُولِيَا وَكَانَ أَ لَا يَقِبَلِ القَسْمَةُ عَلَى لَ فَإِنَ أَ^{لَّ 1} - ا يَقِبَلِ القَسْمَةُ عَلَى لَ.

ل = ۷ ، ا = ۲ ، ۲ - ۲ - ۲۳ یقیل القسمة علی ۷

ن = ١٠٥ - ٢ ، ٢ - ١٢٩٥ يَقْبِلُ القَسَمَةَ على ٥

٣- العددان الأوليان قيما بينهما

إن العددين ٧٧، ٣٥ عددان أوليان فيما بينهملا.

والعددين ١٨. ٢٦ أوليان فيما بينهما أيضا.

أما العددان ٢٨ ، ٦٣ فليسا أوليين قيما بينهما لأن العدد ٧ عامل مشترك بينهما.

الأعداد التامة والزائدة والناقصة: -

أما العدد الزائد فهو العدد الذي يكون مجموع عوامله أقبل منه مثل ٨ لأن 1 + ٢ + ٤ = ٧ وكذلك للحدد ١٠ لأن 1 + ٢ + ٥ - ٨.

ه- الأعداد المتحابة:

نقول عن عددين أنهما متحابان إذا كان مجموع عوامل العدد الأول يساوى مجموع عوامل العدد الأانى ومجموع عوامل العدد الثانى يساوى مجموع عوامل العدد الأن مثل العددان ٢٧٠ ، ٢٨٤ لأن

٢٨٤ عوامله هي : ١، ٢، ٤، ١٧، ١٤٢ والمجموع يساوي ٢٢٠

۲۲۰ عوامله هـی: ۱، ۲، ۶، ۵، ۱۰، ۱۱، ۲۰، ۲۲، ۲۲، ۶۶، ۵۵، ۱۱۰ والمجموع پساوی ۲۸۲.

ولقد أصبح من الممكن جدا في عصر الحاسب الآلي تعيين عدد كبير جدا من أزواج الأعداد المتحابة (حتى المليون) التي أمكن تعيينها بالحاسب الآلي (٥٠).

أزواج الأعداد المتحابة (حتى المليون التي أمكن تعيينها بالحاسب الآلي

أزواج من الأعداد المتعابة	عدد حقيقى موجب	عدد حقيقي موجب
145 , 77 .	(Y1) TY - YXE	(11) (0) 17 - 77.
171 + 111AE	(°11)(°)Y - 171.	1411 - 7ª (YT)
9¥£. Y.	(17)(1V) T = T9TE	(171) (0) 7 - 777.
0011.0.4.	(1.V)(17) T- 4071	(YO1)(0) TY = 0.Y.
1774 . 1777	(199) °Y- 787X	
1.401 . 1.728	(04)(YT) TY-1 . AOT	(Y1) (YY) Y - 1.YEE
04771,00031	(179)(4)(4)(-1 6090	(1T)(Y)(0) TT - 177A0
18817 . 17894	(1101) TY-14517	(177)(77)
Y1.A& . 18.1.	34.544 (41)(414)	(1TY)(TT)(0) YT-TTY.
77997 6 77974	(Y4)(OT) 17 - 1799Y	AYPFF-Y* (Y3)(PA)
Y11 10 , 7 V . 40	(T.1)(TV)(0) T-V1110	(V1)(1Y)(0) T =1V.90
AY388 . 14110	(1.V)(YT)(Y) ^T (-AYTTT	(1Y)(1T)(Y)(a) T-19110
AAVT YAYO.	(£9Y)(19)(0)Y=XAYT.	(11)(11) (a) Y - V990.

أختير فهمك :

- ١٠ هل من الضرورى أن يكون معلم الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية على وعي بأنماط
 الأعداد؟ ولماذا؟
- حسف بعض الإستخدامات اليومية لمفاهيم نظرية العدد مثل العدد مثل الزوجي، الفردي، الأولى، المضاعف، العامل (القاسم).
 - ٣- أكتب أكثر من شجرة عوامل للعدد ٢٤٠

- ٤- ما الصعوبات التي يواجهها الأطفال من وجهة نظرك- عند دراستهم للمضاعف المشترك الأصغر والعامل المشترك الأعلى?
 - ٥- بين باستخدام خط الأعداد أو بأى شيء آخر أن ٨ ليست عدد أونيا
 - ٦- ايحث متى يكون الفرق بين عددين أوليين عددا أوليا.
 - ٧- هل تعتقد في صحة هذه التخمينات (الفروض):
 - اً- أى عدد زوجى يمكن كتابته كمجموع عددين أوليين
 - ب- إذا كتب أى عدد فردى كمجموع عدين أوليين يجب أن يكون أحد العديين ٢
- ج- أي عدد زوجي أكبر من ٢ يمكن كتابته كمجموع عددين أوليين.
 إرشاد : المبارة حـ حـدس مشـهور Conjecture تمام به الرياضي الروسـي كريسـتين
- جوادياخ Christian Goldbach في ١٧٤٢م ولم يقم أحد بإثبات أو عدم إثبات هذا الحدس بعد وإن كان لم يوجد عدد زوجي بحيث لا يمكن كتابته كمجموع عدين أوليين بعد.
- اكتشف النمط الممكن في المنتابهات التانية وإستخدمه في ايجاد الأعداد الثلاثة التالية بكل منتابعة
- واكتشف نعطا في حواصل الضرب الثلاثة الأولى ثم تتبأ بحاصل الضرب التالى ثم
 تحقق من نتائجك

	7777	2121	777	**		
	1 ×	1 ×	- 1 ×	×		
	•	79997	7997	747		
	YYYYY	YYYY	YYY	vv (ب		
	γ×	v ×	Υ×	Y ×		
7		01179	0179	279		
	***	***	***	د) ۸۸		
	* ×	A ×	A ×	A ×		
-	<u> </u>	Y11.1	Y1.1	V - 1		

. ١- أوجد نمطا في كل من المتنابعات القالية ثم أكتب تعبير ا للحد النوني ا) ه، دا، دا، ۲۰ ... پ) ۲ ، ۱۱ ، ۲۱ ...

... (70 , 71 , 10 , 11 (2 ... , 77 , 14 , 17 , 17 , 4 (-

11- لماذا يكون ٢ هو العدد الزوجي الأولى الوحيد؟

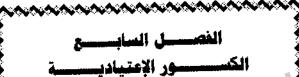
١٧- أوجد م.م.أ للعددين ١٤، ١٨ بطريقتين.

١٣- أي من الأعداد الثالية يقبل القسمة على ١١: ٢٣٨، ٧٢٥ ، ١١٨٧

٤ (- أي من الأعداد التالية يقبل القسمة على ٢ : ٨٦٤٩٢ ، ٢٨٨٨٥

١٥- أي من الأعداد التالية يقبل القسمة على ١٣: ٣٠٢٠١٠، ٧٢٢٢١٥

١٦- م.م. العددين هو ١٢٠، ع.م. النفس العددين هو ٢ ما العددان؟



مقدم___ة

- معنيي الكسي
- الكسـور المتكافئــة
- مقارنــة الكســـور
- جمع وطرح الكسور الإعتيادية
 - ضرب الكسور الإعتبادية
 - فسمة الكسور الإعتيادية

من المتوقع بعد قراءةهذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن

- ١- يحدد ثلاثة موا ف من الحياة اليومية يعبر عنها بالكسور الإعتيادية.
- ٢- يشرح معنى الكسر للأطفال بإستخدام العناطق الهندسية، وشر انح الكسور وخط الأعداد.
- الشرح لماذا يوجد عدد لا نهائي من الكسور بين كل كسرين وذلك بطريقة حسية
 (ملموسة).
 - ٤- يستخدم أنشطة تمكن الأطفال من مقارنة الأعداد الكسرية.
 - ٥- يشرح العمليات التي يمكن أن تستخدم في مقارنة عددين كسربين أو أكثر.
- ٦- يوضع للأطفال الجراءين على الأكل لمساعدتهم على التعيير عن الأعداد الكسرية في أبسط صورة.
 - ٧- يحول (يعيد تسمية) الكسر الإعتيادي إلى كسر عشري و العكس.
- ٨- يوضع كيف يمكن إستخدام الآلة الحاسبة في إعادة تسمية الكسور الاعتيادية في
 أبسط صورة والكسور غير الحقيقة إلى أعداد مختلطة
- ٩- يستخدم الأدوات والمناطق الهندسية في توضيح الععليات على الكسور الإعتيادية
 (جمع طرح ضرب تسمة).
- - ١١- يستخدم مفاهيم الكسور في حل بعض المسائل اللفظية.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل دراسة الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يصبح قادرا على أن:-
 - يحدد أجزاه الكسر الثلاثة.
 - يحدد الكسور التي لا يمكن تعريفها.
 - يحدد الكسور الحقيقة والكسور غير الحقيقية.
 - يحدد الكسور غير الحقيقة.
 - يقرأ الكسر بصوت مسموع قراءة صحيحة.

- يعبر عن الكسر كتابة بصبورة صحيحة.
- يحدد جزئى العدد الكسرى (العدد المختلط).
- يقرأ العدد الكسرى قراءة صحيحة بصوت مرتفع.
 - يكتب العدد الكسرى كتابة صحيحة
- يعيد تسمية العدد الكسرى كحاصل جمع عند كلي وكسر.
- يعيد تسمية حاصل جمع عدد كلي مع كسر كعدد كسري.
 - بحدد الكسور المتكافئة.
 - يعيد تسمية مسألة القسمة ككس
 - يعيد تسمية الكسر كمسألة تسعة.
 - يعيد تسمية العدد الكلي ككسر متساوى.
 - " يعيد تسعية العدد الكماري الذي مقامه ١ كعدد كلي.
 - يحيد تسمية الكسر غير الحقيقي كعدد كسرى.
- يكتب إجابة مسألة القسمة في صورة باق أو في صورة عدد كسري.
 - يبسط الكسر إلى أيسط صورة.
 - يضرب الكسور بإستخدام قاعدة ضرب الكسور.
 - يتخلص من كل العوامل المشتركة قبل ضرب الكسور.
 - يضرب كسرافي عدد كلي.
 - يضرب عددا كسريا في عدد كسري.
 - يستطيع إيجاد مقلوب الكسر والعدد الكسرى والعند الكلي.
 - يقسم الكمرين باستخدام قاعدة قسمة الكسور.
 - يتحقق من صحة القسمة باستخدام الضرب.
 - ينسم كسرا على عدد كلي.
 - يقسم عددا كليا على كعر.

- يحدد متى يستخدم الضرب ومتى يستخدم القسمة فى مسائل الفظية تقضن كسورا
 إعتبادية وأعدادا كسرية.
 - يجمع كسرين أو أكثر متحدى المقام بإستخدام طريقة جمع الكسور متحدة المقام.
 - ببسط حاصل جمع الكسور عندما يكون ممكننا.
 - يستطيع إيجاد المقام المشترك الأصغر الكسرين أو أكثر غير متحدى المقام.
- . يجمع كسرين أو أكثر غير متحدى المقام بإستخدام قواعد الكسور غير متحدة المتاد،
 - يجمع عددين كسريين أو أكثر.
 - -- يجمع أعداد كسرية مع أعداد كلية.
 - يجمع أعداد كسرية مع كسور،
 - يطرح الكسور متحدة المقام بإستخدام قاعدة طرح الكسور متحدة المقام.
 - يتحقق من صحة طرح الكسور باستخدام الجمع،
 - يترجم جمع وطرح الكسور متحدة المقام إلى كلمات وصعور.
 - بیسط باقی الطرح إذا كان ممكننا.
 - يطرح كسورا غير متحدة المقام باستخدام قاعدة طرح الكسور مختلفة المقام.
 - يطرح عددا كليا من عدد كسرى.
 - يطرح كسرا من عند غير كسري.
 - يحل مسائل لفظية تتضمن كسورا وأعداد كسرية.

يتعامل الطفل مع الكسر في وقت مبكر فهو يقسم مع أخيه أو صديقة قطعة من الحلوى أو برتقالة كما أنه يشترى أشياء من البقالة بنصف جنيه وربع جنيه أى أن الأطفال يسمعون عن الكسور في مواقف جياتية كثيرة، كما يستخدم كثير من الناس الكسر في أغلب الأحوال في القياس كما أن الكلمتين نصف وربع طبيعيتان بالنسبة لنا الكستخدمان في مواقف عديدة منها الوقت (مثلا الساعة الثانية والنصف أو الخامسة إلا الربع)، كما أن أى أسرة لديها ثلاثة أطفال تعرف أهمية الثلث نتيجة نتقسيم بعض الاشباء على ثلاثة.

وتمثل الكسور الإعتيادية جزءا أساسيا مـن رياضيات المرحلـة الإبتدائيـة نظـرا لأهميتها فى فهم مواقف حياتية كثيرة كما أنها ضرورية للأطفـال النيـن سيسـتمرون فـى الدراسة بعد ذلك ومن هنا تأتى أهمية فهم الأطفال للكسور.

ويجب التركيز على أن يأتى هذا الفهم فى المرحلة الإبتدائية من خلال الأمثلة المباشرة الواقعية الملموسة والتى يلمسها الأملفال من خلال تعاملهم مع الأتشطة ثم تأتى أمثلة شبه ملموسة تتمثل فى أتشطة تلوين وتطليل أشكال هندسية مرسومة على ورق ثم تأتى بعد ذلك المرحلة التجريدية وتتمثل فى التعامل مع رمز الكسر قراءة وكتابة وإجراء عملهات.

ومن الأمور المهمة أن نركز في تدريسنا على أن يفهم الأطفال نقطتين فهما كاملا وهما(أ): معنى الكسر والرمز المستخدم (ب) فكرة التكافؤ وأفضل بناء لهاتين الفكرتين يكون من خلال أنشطة مناسبة كما يكون بصنع أحداث تستخدم فيها الكسور بطريقة عرضية.

محنى الكسر:

كلمة كسر Fractio مشتقة من الكلمة اللاتينية Fractio وهـــى تعنــى "يكسر" وعلى هذا فالكسر للله يعنــى أن شيئاً قد كسر إلى ثلاثة لجزاء وأخذ منها جزء واحد

وقد يكون للكسر معنى من المعانى العديدة الآتية:

۱ – الكسر هو جزء من كل.

٧- الكسر هو جزء أو أكثر من أجزاء متساوية من مجموعة من الوحدات.

- ٣- الكسر مضناعف لوحدة كسور .
- ٤- الكسر هو دلالة على القسمة.
 - ٥- الكسر هو نسبة.
- ٦- الكسر هو زوج من الأعداد في وضبع معين.

والعدد الكسرى (العدد المختلط) هو عدد مكون من عدد صمديح وكســر والكسـر الغير حقيقي هو الكسر الذي يكون بسطه يساوي أو أكبر من مقامه.

ويجنب أن نعرف- كمعلميـن - أن إستخدامنا لكلمات وعبارت صحيحة ومناسبة فى وصف الكسور يفيد الأطفال كثيرا في بناء الأفكار السليمة حول الكسور.

ومن الضروري في المراحل المبكرة أن يعرف الأطفال دائما الكسر بشيء محدد (مثل ربع ورقة مربعة أو ربع قطعة من الخيط) لأنه إذا استخدم الرسز بمفرده فإنهم قد يعتقدون أن جعيع الأرباع متساوية مع بعضها البعض.

ومن الممكن أن نقول : إذا فهم الأطفال معى الكسر بوضوح فسوف لا تكون هناك صعوبات لديهم.

وقيما يلى بعض الأنشطة التي قد تساعد الأطفال على بناء الأفكار حول الكسور.

أنشطة:

الأدوات: شرائط من الورق- قطع من الغيط أو الحبل - مستطيلات ورقية -مربعات - دوائر.

 ١- يطوى (ينثني) طفل شريط ورقى إلى جزئين متساويين في الطول. ثم يقطعهما من خلال خط الطي ويمسك أحد الجزئين ويقول هذا نصف شريط، ثم يمسك الجزء الأخر ويقول مرة ثانية هذا نصف شريط ولحد.

ثم يسمك الجزنيين معا ويقول، "تصفان يصنعان شريطا كاملا" وبعد ذلك بقدم رمز النصف ويكتب الطفل في على من الشريطين. و يكرر هذا النشاط مع مواد وأشياه أخرى كالموضحة سابقا. وأنه من غير العمكن طبعا كتابة في على قطعة من الحبل (الخيط) وفي هذه الحالة من العمكن أن يضمع طفل أحد جزني الخيط على قطعة من الورق ويكتب في على الورقة قريبا من الخيط.

٢- يمكن توسيع نشاط ١ للأرباع بالطي مرتين. ويجب أن يعد الطفل الأجرزاء
 المتساوية حتى يتأكد أنه يوجد أربعة.

يمسك طفل أحد الأجزاء الأربحة المتساوية ويقول هذا ربع واحد الشريط. ثم يكرر ذلك مع كل جزء من الأجزاء الثلاثة الأخرى، ويمسك الأربعة الأجزاء ويقول أربعة أرباع تكون ولحد" ويكتب $\frac{1}{2}$ على كل جزء من الأجزاء الأربعه. ثم يمسك طفل جزئين من الشريط" ويجب طفل جزئين من الشريط" ويجب أن يركز على اثنين ثم يقدم الرمز $\frac{1}{2}$ بالنسبة لماربعين ويذاتش. وبعد ذلك تمسك ثلاثة أرباع ونثم المناقشة ويقدم الرمز $\frac{1}{2}$.

كما يجب مسك أربعة أرباع مرة أخرى للتأكيد على حقيقة أن : "الكل يتكون من أربعة أرباع".

إذا كان هناك أشرطة ورقية طويلة متاحة فيمكن مد الطى حتى نحصل على $\frac{1}{\Lambda}$ مع الأطفال مرتفعي القدرة. الأثالاث ليست سهلة بالطى ولهذا فيجب تقديمها بطرق أخرى.

٣- يضم المعلم علامات على شرائط من الورق متساوية الطول كما هو مبين والشريط الذي ليس عليه علامات بهقى كشريط كامل.

ثم يستخدم الأطفال كل شريط على التوالى فمثلاً باستخدام الشريط المقسم إلى ثلاثة أجزاء. يحسب الأطفال عدد الأجزاء (ثلاثة) ثم وقطمون خطوط العلامات وتوضع الشرائط الثلاثة فوق بعضها للتأكد من أنها متساوية الطول.

وعندنذ يقدم رمز الثلث (واحد ثلث) ويكتب الأطفال لم على كمل جزء من الأجزاء الثلاثة ثم يمسكون الشرائط ليبينوا واحد ئلث، اثنين ثلث، ثلاثة ثلث.

> وعندما يستخدم الأطفال كل شريط بهذه الطريقة فانه يمكنهم ترتيب شرانطهم

ذات العلامات كما هو مبين في الشكل المقابل.

وهذا الترتيب ليس سهلا وذلك لأن بعض الأطفال يميلون إلى جعمل الشرائط الصمفيرة مختلطة.

٤- يزود كال طفل بشريط وركى مرسوم عليه مجموعة من الأشكال (يقسم كل شريط إلى أربعة أجزاء منساوية) ويعد الأطفال عدد الأجزاء في كال شكل.

ويمكن استخدام أحد الأطفال نسخة إضافية من الأشكال للتأكد من أن الأربعة أجزاء للشكل لها نفس الحجم وذلك بالقطم.

تْم يلون الأطفال أو يظللون أحد الأشكال الأربعة

العتساوية ثم يكتبون $\frac{1}{2}$ عليها كما هو مبين ويكرر هذا النشاط مع كل الأشكال الأخرى.

o− يكرر نشاط £ مع شريط ورقمي أخر ولكن في ا

هذه الحالة يغلل أو يلون الأطفال ثلاثة أرباع كلشريط ويكتبون أ على جانب الشريط الملون كما هو مبين.

٦- يبين الأطفال على نسخ اخرى الثين ربع به اربعة أرباع بـ.

بالنسبه لاتثين ربع سوف يقول كثير من الأطفال أنها نفس نصف واحد (أحد الأفكار الأولية للتكافو) تكرر أنشطة ٦،٥٠٤ بمجموعات من الأشكال مقسمة إلى أثلاث، أخماس، أسداس،.... وهكذا.

بزود كل طفل بمجموعة من ثمانية الشكال متطابقة على سبيل المثال (حبوب - خرز - علب كبريت - مكعبات خشبية - عملة) ويقوم بعدها ويطلب منه تقسيمها

إلى جزئين لهما نفس العدد ثم تقاتش فكرة أن كل جزء عيارة عين نصيف المجموعة الاصلية ويكتب الأطفال نصف الثمانية هو أربعة أو نصف ٨ هو ٤ ويكرر هذا الشاط مع أعداد أخرى مختلفة إيجب أن تكون أعدادا زوجية في المراحل الأولى) ويمكن للأطفال أن يمثلوا كل مجموعة برسم بسيط هكذا.



 ٨- يكور نشاط ٧ مع كسور أخرى لأعداد تختار بطريقة مناسبة فعثلا واحد ثلث للستة، واحد خمس للحشرة، واحد سدس للائتمي عشر ويجب كتابة عبارة لكل كسر او عمل رسم بسیط.

٩- يكرر الأطفال نشاطي ٧، ٨ ولكن الأن يوجدوا، على سبيل العثال، ثلاثة أرباع الثمانية أو أربعة لحمس العشِّرة وهكذا ولكل كسر من الكسرين السابقين يمكن عمل ر سمين كما يلي.



إنه لمن الضروري أن يفكر الطفل لكل مثال من هذه الإنواع، في 🚽 علمي أنها ثلاثة أرباع ويجب التركيز على ثلاثة في نطق الكمس وسوف تحدث فكرة التكافو في هذه الأنشطة ويجب مناقشتها فعثلا سيرى الأطفال بسرعة أنــه يوجــد نفـس الشــيء فــي ربعى الثمانية ونصف الثمانية.

الكسور الكتافئة

بعد أن يتضع معنى الكسر اليضاحـا كـاملا، تكـون الخطـوة التاليـة هـي عـرض فكرة الكسور المتكافئة. وتكافؤ الكسور مفهوم أساسى لفهم الكسور كما أنبه متطلب تعليمي لعدة قواعد في موضوع الكسور ومن الأقضل أن تنمو فكرة تكافو الكسيور من خلال ممارسة الأطفال لعدد من الأنشطة مع مناقشتها معهم بدلا من تدريسها كموضع ع مستقل، وفيمايلي بعض الأنشطة التي تودي

							إلى فكرة التكافئ
7 2 1				- 1			١- يعمَل المعلم مع الأطفال سبورة كسور
-	\\ \frac{1}{6}		1		Ť		وهي عبارة عن شريط طويــل مــن
1 1	<u> </u>	1 1	1 4	1 4	<u>,</u>	1	الــــــــــــــــــــــــــــــــــــ

جزئين متساويين ويكتب لم على كل جزء ثم يثبت الجزءان تحت الشريط! ثم تكون أرباع وأثمان وتوضع كما بالشكل ثم يناتش المعلم مع الأطفال سبورة الكسر. ويرى الأطفال من خلال هذه المناتشة أن

 $\begin{array}{c|c}
 & 1 & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} \\
\hline
 & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} \\
\hline
 & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} \\
\hline
 & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}} & \frac{1}{\sqrt{1}}$

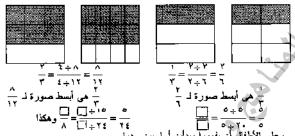
ان

 $\frac{Y}{Y} = \frac{Y}{X} = \frac{Y}{X} = \frac{Y}{X} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{Y} = \frac{Y}{X} = \frac{Y$

1 1		1	ı	1 1	
- < -	۵	- < -	٠ ,	- < -	
				155	

ويُودى ذلك إلى مزيد من المناقشة العفيدة قمثلا يطلب المحلم من الأطفال أن يشرحوا

٤- يمارس الأطفال تدريبات عديدة على تكافؤ الكسور وأيضا على تبسيطها ووضعها في أيسط صورة مثل التدريبات التالية:-



رعلى الأطفال أن يفهموآ مبداين أساسيين وهما

أ- إذا ضرب حدا الكسر في عدد واحد (ماعدا الصغر) فإن قيمة الكسر لا تتغير.

ب- إذا قسم حدا الكسر على عدد واحد (ماعدا الصقر) فإن قيمة الكسر لا تتغير ويمكن

أن يصل الأطفال إلى الحالة الجبرية حيث يقال أن الكسرين به و متكافئان إذا

کان اد - ب جـ ومن الممکن توضیع هذه القاعدة من خلال الأنماط هکذا مقارنة الکسه،

و- يعطى المعلم بعض الأطفال شرائح
 الكسور أو يرسم الشكلين التاليين على
 السبورة ويطلب منهم مقارنة الكسرين
 ثم يوضح لهم أن الكسرين لهما نفس
 المقام ولهذا نقارن بين البسطين ولما
 كان ٢ > ٢ قان

 $\frac{w}{o} > \frac{1}{c}$ أما في حالة اختلاف المقامين فيوضح المعلم أن عليهم ليجاد كسورا مكافئة لها المقام نفسه قمثلا عند مقارنة $\frac{1}{c} \cdot \frac{1}{c}$ يجرى العمل هكذا

$$\frac{0}{10} = \frac{f}{17} = \frac{m}{q} = \frac{7}{1} = \frac{1}{m}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{7}{10} = \frac{m}{0}$$

lakiation arachin quality of the state of th

جمع وطرح الكسور أولا : الجمع :

يختلف جمع الكسور عن جمع الأعداد الكلية، لأن جمع الأعداد الكلية يقوم على يختلف جمع الأعداد الكلية يقوم على المعد، وليس للعد معنى بالنسبة للكسور ولا يوجد على وجه التحديد كسر يلى كسرا معينا، كما يمكن أن يوضع كسر بين أي كسرين ولا يمكن تطبيق مثل هذا الكلام على الأعداد الكلية.

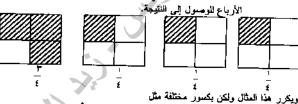
فإذا كلف طغل بحل المسألة $\frac{1}{7} + \frac{1}{7}$ دون أن يتطم جمع الكسور فقد يجمع المسطين معا ثم يجمع المقامين معا، وقد يبدو ذلك منطقيا بالنسبة للطغل، لهذا فمن المضروري أن نعام طريقة جمع الكسور بدقة.

بين تشيعها وتنصف لمحلة المسلمة المحلة المحلة المحلة الكسر ويتم تقديم جمع الكسر ويتم تقديم جمع الكسور تدريجيا كما يلي :-

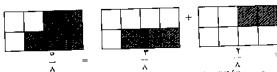
أ- جمع كسرين لهما المقام نقسه

الخطوة الأولى: كل بسط مقداره (وحاصل الجمع أقل من واحد صحيح مثلا $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ يعرض المعلم أشكالا هندسية متطابقة ويطلب من أحد

؛ ؛ ؟ ؟ الأطفال تلوين أو تطليل أ كل شكل (مربع مشلا) ثم يطلب منه عد



مثال $\frac{1}{\lambda} + \frac{1}{\lambda}$ ويمكن إستخدام الأشكال أو لا هكذا



ويتدرب الأطفال على مسائل كبيرة من هذا النوع مثل $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ وهكذا $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ وهكذا

ويجب على المعلم أن يساعد الأطفال على استنتاج القاعدة التالية: مجموع كسر بن لمما المقار نفسه مد الكس الذم يسام

مجموع كسرين لهما المقام نفسه هو الكسر الذي بسطه يساوي مجموع بسطى الكسرين ومقامه مساو لمقامها.

كما يعكن صياغتها بالرموز هكذا

اذا كان $\frac{1}{2}$ أي كسرين متحدة المقام فإن $\frac{1}{2}$

ثم يتدرب الطفل على تطبيق هذه القاعدة عن طريق أمثلة ومسائل منتوعة. الخطوة الثالثة: كما في الخطوتين الأولمي والثانية ولكن مع وجود أعداد كسرية هكذا

$$a = a = \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4}$$

ويجب تزويد الأطفال بطريقة مناسبة لقزاءة الكسر (نعشلا لم يجب أن نقرأ على أنها اثنين خمس مع التركيز على اثنين) وسوف لا يجد الأطفال صعوبة كبيرة فسي هذه المرحلة.

ب- جمع الكسور مختلفة المقام:

الخطوة الأولى: تغيير (تحويل) كسر واحد فقط:

بعد أن يتمكن الطفل من جمع الكسور المتشابهة (متحدة العقام) نبدأ بإعطائه جمع كسرين مختلفي المقام ولكن على خطوات حيث نبدأ في الخطوة الأولى بكسرين مقام أحدهما مضماعف للأخر مثل $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ ويمكن استخدام شرائح الكسور لتوضيح المطابقة أو لا هكذا

\\ \frac{1}{T} = \frac{1}{3}

حيث يضع المعلم أمام الأطفال شريحة تمثل الواحد الصحيح

وتعتها شُرَائح تعثّل ﴿ و ﴿ ويطلب منهم الإجابة على أسنلة

مثل:

١- ماعدد الشرائح التي يجب أخذها لتمثل بـ ٢

٧- ماهو حاصل الجمع بإستخدام شرائح الكسور ؟

ثم یشرح المعلم فی توضیح أن $\frac{1}{\eta} = \frac{1}{r}$ باستخدام

تكافو انكسور ثم يطلب من الأطفال تطبيق القاعدة التى تم التوصل اليها فى جمع كسرين لهما العقام نفسه ، و الإجراءات مبينة على اليسار

ثم يعطى الأطفال تدريبات على مثل هذا النوع مثل :-

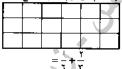
$$\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{A}} = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{A}} + \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{A}} = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{A}} + \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{r}}$$

$$1\frac{V}{A} = \frac{r}{A} + 1\frac{\epsilon}{A} = \frac{r}{A} + 1\frac{1}{r}$$

$$\xi \frac{\pi}{1} = 1 \frac{\pi}{1} + \pi = \frac{11}{1} + \pi = 1 \frac{4}{1} + \frac{5}{1} = 1 \frac{4}{1} + \frac{11}{1}$$

ومن خلال الأمثلة و التمارين المتعددة يتم التوصل ألى القاعدة التاليثة كى نجمع كسرين إعتباديين نحولهما الى كسرين مكافنين لهما ، على أن يكون مقامهما مشترك ، ثم نجمم الكسرين الحاصلين.

ثُم نَتَاحَ الغرصة للأطفال لحل مسائل مثل : استخدم الرسوم التالية لجمع الكسور



$$\frac{\frac{2}{3} + \frac{1}{3}}{\frac{1}{3} + \frac{2}{3}} =$$

الخطوة الثانية: تغيير كلا الكسرين (إيجاد مقام مشترك بالقحص)

$$\frac{r}{r} + \frac{r}{r} + r = r + \frac{r}{\lambda} + \frac{r}{r} \qquad , \qquad \frac{r}{r} + \frac{r}{r} = \frac{1}{r} + \frac{r}{\tau} + \frac{r}{\tau} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{$$

$$\frac{19}{11} = \frac{1}{11} $

$$\frac{\lambda}{1} + \frac{\gamma}{1} + 0 = \frac{\gamma}{1} + $

عندما نخير كسرا واحدا فإننا نحتاج الى مناتشة الامكار التسي وراء ذلك مناقشية

كاملة، وباستخدام ب + - كمثال يمكن استخدام الأشكال أو لا:-







ويجب توضيح الصورة المتكافئة والمتعددة للكسر ب أيضا هكذا

..... $\frac{1}{r} = \frac{r}{r} = \frac{1}{r}

ومن هذه الكسور تناقش فكرة إستخدام - ، ويسجل الأطفال الجمع كمايلي :- $\frac{\gamma}{\xi} = \frac{1}{\xi} + \frac{\gamma}{\xi} = \frac{1}{\xi} + \frac{\gamma}{\xi}$

ويجب مناقشة أمثلة متعددة من هذا النوع قبل دراسة الأنواع الأخرى من الخطوة الأولى .

وعندما يتمكن الأطفال من تغيير مقام أحد الكسرين في الجمع فإنه يمكنهم الإستعرار في دراسة أمثلة على تغيير مقامي الكسرين معا ونناقش فيما يلي مثالين.

أولا - يجب كتابة الصور المتكافئة للكسرين كما يلي: --

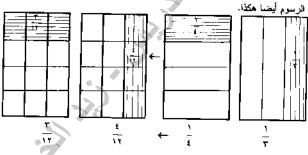
$$\frac{1}{y} = \frac{1}{y} = \frac{1$$

ثم نربط بين الكسرين اللذين لهما نفس العقام كما يلي: $=\frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1$

مقامهما ١٢ أو ٢٤ أو ولجعل الكسرين في أبسط صورة بقدر الإمكان نختار ١٢ ويسجل الجمع كما يلي:

$$\frac{V}{V} = \frac{V}{V} + \frac{V}{V} = \frac{V}{V} + \frac{V}{V}$$

ن المجام المحتلة ال $\frac{v}{1} = \frac{v}{1} + \frac{v}{1} = \frac{v}{1} + \frac{v}{1}$ المحتلة ال $\frac{v}{1} = \frac{v}{1} + \frac{v}{1} + \frac{v}{1} + \frac{v}{1} + \frac{v}{1}$ inspection ويجب ملاحظة ال $\frac{v}{1} = \frac{v}{1} + وليس عن طريق استخدام تاعدة من أي نوع ويمكن توضيح تغيير العقامين من خلال



يحتاج الأطفال للتعامل مع هذا الجمع إلى أن يفهموا أن $rac{r}{2} = r + rac{1}{2}$ وقد يبدو أنه ليس من الضــروري الإهتمـام بهـذه الجملـة الرياضيـة ولكن مــن المدهش أن بعـض

$$Y = 1$$
 نوجد كسر ا مكافئا للكسر الثانى بضرب كل من يسطه ومقامه بمقام الكسر الأول $X = X$

$$\frac{3}{3} = \frac{2 \times 1}{3 \times 6} = \frac{1}{7}.$$

$$7 = \frac{100}{100}$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

$$100$$

يمكن التوصل إلى التعميم
$$\frac{1}{7} + \frac{0}{7} = \frac{1}{7}$$

التالى $\frac{1}{v} + \frac{1}{c} = \frac{1}{v} + \frac{1}{v}$ ولكن تطبيق التعميم الأخير يصبح غير سهلا إذا كان الكسران المطلوب جمعهما

كبيرين مثل $\frac{rv}{r^2} + \frac{pv}{rw}$ وفي هذه الحالة نلجأ إلى استخدام التحليل اللي العوامل الأولية لإستخراج المضاعف المشترك الأصغر للمقامات

مثال
$$\frac{v}{1+\frac{1}{2}}$$
 نقوم بتحلیل المقامین لاستخراج م.م.ا

$$Y \times Y = Y \times Y \times Y = $

$$AE = V \times T \times Y \times T = I$$

$$\frac{7}{\lambda \pm} = \frac{1}{1 \pm} \quad \cdot \quad \frac{\xi \eta}{\lambda \pm} = \frac{V}{1 \Upsilon}$$

$$\frac{66}{46} = \frac{7 + 69}{46} = \frac{1}{16} + \frac{7}{17} \therefore$$

وهناك طريقة مختصرة تستخدم لإيجاد م.م.ا لكسـرين عندمـا يكـون الفـرق بيبن مقاميهما عامل من عوامل المقامين وتتمثل فيما يلي: -

أ- لوجد الفرق بيم العقامين

ب- اقسم أحد المقامين على الفرق الناتج من (أ)

-- اضرب خارج القسمة الناتج من (ب) بالمقام الثاني ينتج م.م. أ

at
$$\frac{v}{v}$$
 and $\frac{v}{v}$ and $\frac{v}{v}$ and $\frac{v}{v}$ and $\frac{v}{v}$ at $\frac{v}{v}$ and $\frac{v}{v}$ and

$$\lambda \xi = \frac{1}{1} \frac{7}{1} \frac{7}{1} = \frac{1}{1} \frac{1}$$

ثانيا: الطرح

أ- إذا كان الكسر أن من نفس النوع (لهما المقام نفسه)

الخطوة الأولى: عدم تحويل الأعداد الكلية. مثلا ويمكن إستخدام الأشكال أولا ،

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{\lambda} = \frac{\lambda}{\lambda} - \frac{\lambda}{\lambda}$$

$$\frac{1}{r} = r^{\frac{1}{2}} = \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r}\right) + (r - r) = \left(\frac{1}{r} + r\right) - \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r}\right) = \frac{1}{r} - \frac{1}{r}$$

$$\frac{1}{r} = r^{\frac{1}{2}} = r^{\frac{1}{2}$$

$$4\frac{c}{v} = \frac{v}{v} - \frac{v}{v} = \frac{v}{v} - \frac{v}{v}$$

$$Y = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + Y = \frac{1}{2} + Y = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + Y = \frac{1}{2} + Y = \frac{1}{2} + \frac{1}$$

ويمكن استخدام الرسوم أيضا. پ- كسور من أنواع مختلفة: الخطوة ١، عدم تحويل أعداد كلية مثلا

$$\frac{1}{\lambda} + \frac{\xi}{\lambda} + Y = \frac{1}{\lambda} - Y \frac{1}{\gamma} + \frac{\xi}{\gamma} - \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\gamma} - \frac{1}{\gamma}$$

$$Y \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\gamma} + Y = \frac{1}{\gamma} + \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\gamma} + \frac{1}{\gamma}$$

$$\frac{r}{t} - \frac{1}{r} + 1 = \frac{r}{t} - \frac{1}{r}$$

مثلا

$$= ' + \frac{\gamma}{2} - \frac{\gamma}{2} = \frac{\gamma}{2} + \frac{\gamma}{2} - \frac{\gamma}{2} = \frac{\gamma}{2} + \frac{\gamma}{2} - \frac{\gamma}{2} = \frac{\gamma}{2} + \frac{\gamma}{2} - \frac{\gamma}{2} - \frac{\gamma}{2} + \frac{\gamma}{2} - \frac{\gamma}{2}$$

ثانيا: الطرح

أ- إذًا كان الكسران من نفس النوع (لهما المقام نفسه)

الخطوة الأولى: عدم تحويل الأعداد الكلية. مثلاً ويمكن استخدام الأشكال أولا.

$$\frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}$$

$$\sqrt{\frac{9}{4}} = \frac{7}{4} - \frac{4}{4} = \frac{4}{4} - \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{3} \circ -\frac{1}{3} = 7 + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = $

ويمكن استخدام الرسوم أيضبا ب- كسور من الواع مختلفة: الخطوة ١، عدم تحويل أعداد كلية مثلا

$$\frac{1}{\lambda} - \frac{\xi}{\lambda} + v = \frac{1}{\lambda} - v \frac{1}{v}$$
, $\frac{v}{v} - \frac{v}{v} = \frac{v}{v} - \frac{1}{v}$

$$\frac{7}{7} = \frac{7}{4} + 7 = \frac{1}{7}$$
The state of the state

$$\frac{7}{\xi} - \frac{7}{7} + 1 = \frac{7}{\xi} - 1\frac{1}{7}$$

مثلا

$$\frac{7}{2} = \frac{7}{2} - \frac{7}{2} + \frac{2}{3} = \frac{7}{3} - \frac{7}{3} + \frac{7}{3} = \frac{7}{3}$$

$$\frac{4}{\sqrt{7}} - \frac{\xi}{17} + 7 = \frac{7}{\xi} - 7 - \frac{1}{7}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} = 7\frac{\gamma}{\gamma} - 0\frac{1}{\xi} \qquad \frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{\xi}{1\gamma} + 7 = \frac{\gamma}{\xi} - 7\frac{1}{\gamma} \\
\frac{\lambda}{1\gamma} - \frac{\gamma}{1\gamma} + 7 = \frac{\lambda}{1\gamma} - \frac{\gamma}{1\gamma} + \frac{1}{1\gamma} + 7 = \frac{\lambda}{1\gamma} - \frac{\gamma}{1\gamma} + \frac{1}{1\gamma} + \frac{\gamma}{1\gamma} + \frac{1}{1\gamma} + \frac{1}$$

$$\frac{\lambda^{\frac{14}{4}}}{\frac{\lambda^{4}}{4}} = \frac{\lambda^{\frac{14}{4}}}{\frac{\lambda^{4}}{4} - \frac{\lambda^{4}}{4} + \frac{\lambda^{4}}{4} + \lambda^{4}} = \frac{\lambda^{\frac{14}{4}}}{\frac{\lambda^{4}}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} = \frac{\lambda^{\frac{14}{4}}}{\frac{\lambda^{4}}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} = \frac{\lambda^{\frac{14}{4}}}{\frac{\lambda^{4}}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} = \frac{\lambda^{\frac{14}{4}}}{\frac{\lambda^{4}}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} = \frac{\lambda^{\frac{14}{4}}}{\frac{\lambda^{4}}{4}} + \lambda^{\frac{14}{4}} + \lambda^{$$

إذا فهم الأطفال الخطوات المنتوعة فى جمع الكسور فعندئذ تكون الفكرة المجديدة فى الطوح هى فقط أخد واحد من الأعداد الكلية وتحويله للى كسر من نفس نوع الكسور الأخرى.

ويمكن تقديم هذه الفكرة من خلال مناقشة أمثلة كهذه:

$$\frac{y}{y} = y$$
, $\frac{1}{y} = \xi$, $\frac{y}{\xi} = y$, $\frac{1}{\xi} = y$, $\frac{y}{\xi} = 1$, $\frac{1}{\xi} = 1$, $\frac{1}{\xi} = 1$

فى الأمثلة الأربعة الأخيرة من الأمثلة السابقة يجب تعويل واحد من الأعداد الكلية إلى كسر. ويجب ملاحظة أن تغييرهم كلهم غير ضرورى ويعقد العمل في حالة الأعداد الكبيرة.

ويجب أن تلى الأمثلة السابقة أمثلة كالتالية:

$$\frac{1}{7} - 7, \quad \frac{7}{8} - 7, \quad \frac{1}{2} - 1, \quad \frac{7}{7} - 7, \quad \frac{7}{8} - 7, \quad \frac{1}{2} - 1$$

$$\frac{1}{8} - 7, \quad \frac{7}{8} - 7, \quad \frac{1}{8} - 1$$

$$\frac{1}{8} - 7, \quad \frac{1}{8} - 1, \quad \frac{1}{8$$

بعد التعامل مع الأعداد الكلية يصبح الطرح $1 + \frac{1}{4} - \frac{1}{4}$.

یخیر الکسران بحیث یکون مگام کل منهما ۱۲ فیکون الناتج ۲ +
$$\frac{3}{17} - \frac{9}{17}$$
 شم دد کلی و احد اللہ $\frac{1}{1}$ و مکتری اللہ جہ مکار در ۱۲ م

یغیر عدد کلی واحد الی $\frac{11}{17}$ ویکتب انطرح هکذا : $1+\frac{17}{17}+\frac{2}{17}-\frac{9}{17}$ وتناتش الأن طریقتی التعامل مع الأجز اء من اللہ: عشر

$$\frac{2}{17} + \frac{3}{17} - \frac{7}{17} = \frac{7}{17} - \frac{7}{17} = \frac{7}{17} + \frac{3}{17} - \frac{7}{17} = \frac{7}{17} - \frac{7}{17} + \frac{3}{17} = \frac{7}{17} = \frac{7}{17} + \frac{3}{17} = \frac{7}{17} $

$$\frac{7}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}$$

وتعطى كل طريقة ناتج الطرح نفسه.

ويجب أن يفهم الأطفال الطريقتين وأن تكون لهم القدرة علمى إستخدامها. وهذه القدرة سوف تكون مؤشرا للمعلم عن مدى فهم الأطفال نما يفعلون.

وفى نفس الوقت يجب أن يبذل المعلم جهد فى التعامل سع هذه العسائل كما يجب عدم التعجل فى العمل. وفى كل خطوة يجب أن تتاح الفرصة للأطفال لكى يعبروا بكلمات من عندهم عما يقومون به من عمل.

ويمكن القول أنه إذا زود الطفل بأساس جيد في جمع الكسور فإن عمليــة تعليمــه طرح الكسور تصبح سهلة وذلك لأن الطرح عكس الجمع.

ضرب الكسور

قد تبدو عملية ضرب الكسور سهلة بالنسبة للأطفال لأنها تبنى على قاعدة يسبطة تتمثل في ضرب البسطين وضرب المقامين، ولكن الأطفال يتعرضون لنسيان أى عملية درست لهم عن طريق القاعدة فقط، ولكن باستخدام الرسوم التوضيحية يمكن للأطفال أن يفهموا إجراءات ضرب كسرين بطريقة ملموسة وعندنذ يمكنهم إكتشاف وبناء القاعدة أو الخوارزمية بأنفسهم. وحتى لمو نسوا الخوارزمية فيمكنهم تذكر الإجراءات وتكون لديهم القدرة على إعادة بناء العملية الصحيحة،

ويمكن استخدام هذا المدخل باستخدام أنشطة الطي أو التظليل (أو التلوين) أولا. وكما حدث في الجمع نبدأ في تقديم ضرب الكسور على مراحل وفي خطوات:

أ- طبرب كسر في عدد كلي

$$\frac{\lambda d_0 z}{\lambda d_0 z} : \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{$$

وتتطلب الأقكار فى الخطوتين ١، ٢ السابقتين أن يفهم الأطفال معنى الضرب فقط ويمكن إستخدام الجمع المتكرر فى العثالين المذكورين وفى المثال الثانى سوف يرى الأطفال بسرعة أنه يمكن التفكير فى العمل كما يلى $\frac{Y}{\gamma} \times \hat{z} = \frac{\Lambda}{\gamma}$

ويجب إعطاء تدريبات وفيرة فى هذه العرجلة حتى يصلُ الأطّفال إلى النتيجة التالية: "حاصل ضرب عدد فى كسر يساوى حاصل ضرب العدد فى بسط الكسر وإيقاء العقام كما هو".

پ- شرپ کسر فی کسر

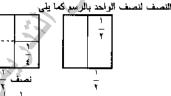
الخطوة الأولى

nation $\frac{1}{y} \times \frac{1}{y}$, $\frac{1}{y} \times \frac{1}{y}$, $\frac{1}{y} \times \frac{3}{y}$ easting

وتتطلب الخطوة الأولى في المرحلة "ب" مزيدا من المناقشة
$$\frac{1}{\gamma} \times \beta = (7)$$
 ولحد نقط البداية هي : أن يسأل المعلم الأطفال $\frac{1}{\gamma} \times 7 = \left(\frac{1}{\gamma}\right)$ ان ينسخوا ويكملوا مجموعة حواصل الضرب $\frac{1}{\gamma} \times 7 = (1)$ المبينة على البسار $\frac{1}{\gamma} \times 1 = (\frac{1}{\gamma})$

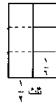
بيوف لا يجد الأطفال صعوبة في الأربعة الأولى من حواصل الضدرب ولكنهم قد لا يقدرون على إعطاء اجابة أن $\frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma}$ ولمساعدتهم على إعطاء معنى لهذا الضدرب ناقش معهم ما حدث في كل مسألة من المسائل السابقة الأولى $\frac{1}{\gamma} \times 1$ تمثل أربعة أنصاف والتالية تمثل ثلاثة أنصاف رائتي تليها تمثل نصفين. كما أن $\frac{1}{\gamma} \times 1$ تمثل نصف واحد. وباستخدام هذا النمط نجد أن $\frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma}$ تمثل نصف نصف الواحد ويمكن تمثيل تيمة

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$



وبنفس الطريقة يمكن التفكير في $\frac{1}{4} imes \frac{1}{4}$ على أنها ثلث نصمف الواحد ويمكن

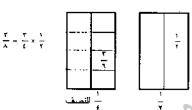
تمثيلها بشكل كالتالي:-





 $\frac{1}{1} = \frac{1}{r} \times \frac{1}{1}$

كما يمكن التفكير في $\frac{1}{7} imes \frac{7}{4}$ على انها ثلاثة أرباع لنصف واحد كما يلي:



ويجب التعامل مع حواصل الضرب الأخرى المختلفة والتني يكون فيها بسط خلال هذه النتائج يجب أن بيدأ الأطفال في رؤية أن $\frac{1}{7} imes \frac{1}{7}$ (مثلاً) يمكن إيجادها من

وهَذْهَ خطوة هامة ويجب توضيحها بعديد من الأمثلة.

ويجب الآن مناقشة حواصل الضرب التي فيها بسط الكسر الأول يختلف عن الواحد بإستخدام 🔭 × - فيجب التفكير في حاصل الضرب على أنه ثلثين لـ - ويمكن التوضيح بالرسم أبضا كما يلي

قسم هذا المستطيل إلى أجراء صغيرة مقدارها

٥×٣ مستطيلا وظللنا منها ٤×٢

إلى ثلاث

قسم المستطيل إلى قسم المستطيل أخماس







$$\frac{\lambda}{\tau} = \frac{1}{\alpha \times r} = \frac{1}{\alpha} \times \frac{1}{r} = \frac{1}{\alpha} \times \frac{1}{r} = \frac{\lambda}{\tau} = \frac{\lambda}{\tau}$$



$$\frac{r_{\times}t}{r^2}$$
 الخطوة الثانية: كتابة $\frac{t}{r}$ هكذا

الخطوة الثالثة: فكرة التبسيط لبل إجراء الضرب فمثلا $\frac{7}{2} imes \frac{7}{9}$

$$\frac{1}{m} = \frac{1}{2} \times \frac{m}{2}$$

وسوف يجد الأطفال من أى مثال وليكن $\frac{Y}{o} \times \frac{Y}{2} = \frac{Y \times Y}{v \times 2} = \frac{Y}{V}$ أن الإجابـة

يمكن تبسيطها بقسمة البسط والمقام على ٢ نتعطى ﴿ ويمكن أن يُؤدَى ذلك إلى مناقشة مقادها أن القسمة على ٢ يمكن إجراؤها في أي مرحلة مبكرة.

وعلى سبيل المثال في مرحلة $\frac{7 \times 7}{0.000}$ يمكن قسمة الأعلى والأسفل على ٢ وبيانها هكذا

 $\frac{7}{4} \times \frac{1}{2}$

" ويجب أن ندرك أن بيان العمل بهذه الطريقة صعب جدا على الأطفال ويوجد خطر حقيقى ألا وهو أنهم سوف لا يفهمون ماذا يفعلون. وسوف يستخدمون قاعدة من أي نوع ولهذا السبب يفضل تأخير هذا التيميط العبكر إلى فترة لا حقة.

جِ- ضرب الأعداد الكسرية ا

الخطوة ۱: مثل $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$

أولا : نحول العدد الكسرى إلى كسر

$$\frac{t}{r} \times \frac{1}{r} = 1 \frac{1}{r} \times \frac{1}{r}$$

 $\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{2}}} \times \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{2}}} \times \frac{1}{\sqrt{\frac{1}}} \times \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{2}$

ای انه فی ضرب الأعداد الکسریة یجب أن یفهم الأطفال أن $\frac{3}{7}$ یمکن تحویلها لبی $\frac{3}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ یمکن تحویل لبی $\frac{3}{7}$ و لا یودی ذلك إلی صعوبات حیث یمکن تحویل الضرب $\frac{3}{7}$ × $\frac{7}{7}$ البی $\frac{3}{7}$ × $\frac{7}{7}$ ثم یجری الممل کما هو مبین من قبل -

وقد يكون من العقيد مناقشة طرق أخرى لإيجاد الإجابة مثل $\frac{7}{7} \times \frac{1}{7}$ حيث يمكن التفكير فيها على لنها $\left(\frac{7}{7} \times 1\right) + \left(\frac{7}{7} \times \frac{1}{7}\right)$ ويمكن التفكير فيها على لنها $\left(\frac{7}{7} \times 1\right) + \left(\frac{7}{7} \times \frac{1}{7}\right)$ ويمكن التفكير في القوس الثانى على انه $\left(\frac{3}{7} \times \frac{1}{7} + \frac{7}{7} \times \frac{1}{7}\right)$ وفي هذه الطريقة

$$V = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = $

وقد يبدو المدخل من هذا النوع غير ضروريا ومعدّا ولكن إذا إستطاع الأطفال تصنيف الضرب بهذا الإسلوب قحيننذ يشعر المعلمون بأن الأطفال فهمـوا الكسور فهما جيدا.

قسمة الكسور

يعتمد فهم الأطفال لعملية قسمة الكسور غالبا على مدى فهمهم نفكرة القسمة ولغتها فهما صحيحا ولذلك يحتاج الععلم، قبل البدء في شرح إجراءات القسمة، إلى مناقشة معنى ٢٢٢ على سبيل المثال. ويمكن أن يمثل هذا ما يلي:

كم عدد المجموعات التي عناصر كل منها ثلاثة أشياء والتي يعكن إيجادها من مجموعة عناصر ها ٢١ شينا.

ويلغة بسيطة فإن ذلك يعنى كم ثلاثة تكون واحد وعشرين ويجب أن يتدرب الأطفال كثيرا على صياغة الععنى الـذي تعطيـه ٢٤٠٦، ٢٤٠٦ و ٣٠٠٥ وهكـذا بعبارات من عندهم.

وعندما تكون لدى الأطفال القدرة على عمل ذلك فحينند يمكنهم البدء في التفكير حول قسمة الكسور.

وفيما يلى بعض المقترحات للمراحل والخطوات.

أ- القسمة على كسر بسطه ١

خطوة ۱ مثلا
$$1 \div \frac{1}{7}$$
 ، $7 \div \frac{1}{7}$ ، $7 \div \frac{1}{7}$ ، $3 \div \frac{1}{7}$ خطوة ۲ مثلا $\frac{1}{7} \div \frac{1}{7}$ ، $\frac{7}{7} \div \frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7} \div \frac{1}{7}$ ، $\frac{7}{7} \div \frac{1}{7}$ ،

$$\frac{\xi}{2} + \Gamma$$
, $\frac{\tau}{3} + \Gamma$, $\frac{\tau}{3} + \Gamma$, $\frac{\tau}{3} + \Gamma$, $\frac{\tau}{3} + \Gamma$, $\frac{\tau}{3} + \Gamma$, $\frac{\tau}{3} + \Gamma$

ہـ۔ القسمة على عدد كسرى

 $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}$

إذا فهم الأطفال على سبيل المثال أن ٢٠/٢ يمكن أن تمثل (كم عددالثلاثات التى تكون سبعا وعشرين؟) فسوف لا يجدون صعوبة فى ايجاد معنى المتسمة المبيئة فى خطوة ١ فى المرحلة السابقة فمثلا يمكن التفكير فى ١- للها كم نصفا تكون ولا المرحلة السابقة فمثلا يمكن التفكير فى ١- له على أنها كم نصفا تكون ولحدام حديدا؟ سوف تكون لديهم القدرة على إعطاء الإجابة بسرعة وهى اثنان ويمكن المعلم أن يعطى كل طفل ورقة على شكل مستطيل ويطلب من كل طفل أن يقسمه إلى أنصاف من خلال الثنى والعلى هكذا ويطلب منهم أن يتولوا عدد الانصاف التى تكونت الديمه.





وينفس الطريقة يمكن التفكير في ٢ + أي على أنها كم ثلثا تكون أثلين صحيحين وبمعرفة أن ثلاثة أثلاث تكون واحدا يمكن المأطفال إعطاء الإجابة (ست) ومن خلال أمثلة كثيرة من هذا النوع يجب أن يبدأ الأطفال في روية أنه يمكنهم إعطاء الإجابة لقسمة عددكلي على كسر أعلاه (بسطه) واحد وبسرعة وذلك باستخدام الضرب وهذه خطوة هامة ويعتبر المثالان الأولان في خطوة ٢ من المرحلة أ امتدادا طبيعيا إذا استخدمنا لغة صحيحة فعثلا يجب التفكير في أي با كما يلي. كم ربعا تكون نصفا؟ كما يجب مناقشة كاملة.

ب عدده المدان - - ب س و وتوجد عدة طرق يمكن بها الحصول على اجابة السوال: ثلثاً تكون نصفاً؟ وهى: ١- ثلاثة أثلاث تكون واحدا صحيحا ولهذا فإن الله الكون نصف الواحد.

Y = r تغییر الکسرین لیکون العقام ست وتصبیح القسمة الأن $\frac{1}{r} + \frac{1}{r}$ ویمکن التفکیر فیها کما یلی: کم عدد السدسین (الاتئین $\frac{1}{r}$) فی ثلاثة أسداس؟ الاجابة هی $\frac{1}{r}$ ا

٣- رسم شكل مثل التالى:-







وعندما يتمكن الاطفال من القسمة على كسر أعلاه ١ فابنه يكون بإمكانهم مواصلة مناتشة القسمة مثل $\mathbf{Y} + \frac{\mathbf{Y}}{2}$ ونقطة البداية هي معرفة النتيجية $\mathbf{Y} + \frac{\mathbf{Y}}{2} + \mathbf{Y}$ ويمكن التعبير عنها بكلمات كما يلي:

يوجد الله عشر ربعا في ثلاثة أعداد كلية. ونحتـاج إلى ليجـاد (كم ثلاثـة أربـاع تكون ثلاثة أعداد كلية ويمكننا عمل ذلك بقسمة ٣÷١٢. وقد يساعد الشكل الآتي في فهم هذا المدخل

٣	
∀→ ξ× ∀− <u>`</u> ÷₹	
6-4+14- <u>7</u> +4	T T T
1	rat not by the laster

وعندماً يحل الأطفال أمثلة عديدة مسن هذا النوع والذي فيهما الإجابية عـدد كلـي فيكون من المفيد مناقشة بعض مسائل القسمة مثل :

 $\frac{\xi}{\alpha} \div \hat{t}$, $\frac{1}{\alpha} \div \hat{t}$, $\frac{1}{\alpha} \div \hat{t}$, $\frac{1}{\alpha} \div \hat{t}$ ويمكن توضيح ذلك بالأنشكال التالية:-

	1						١	
							, , ,	<u></u>
$\frac{1}{a}$ $\frac{1}{a}$ $\frac{1}{a}$	1 \\ \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \frac{1}{a} \	1 1	1 1	1 1 a	i i	<u> </u>		<u> </u>
1 X		<u> </u>	<u>+</u>	<u> </u>	4	<u> </u>	-	1 0
<u> </u>	<u>-</u>		<u> </u>	<u></u>		 '	==	7
		*	<u>-</u>		<u>.</u>			<u> </u>
	 -				1	<u>i</u>		<u>f</u>
<u> </u>	<u> </u>				<u> </u>	<u></u>		

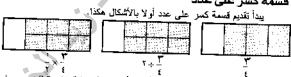
ومن الرسم تظهر إجابة كل مسألة واضحة ماعدا $3+\frac{1}{2}$ فيالنسبة لهذه القسمة لا يوجد عدد كلى اثلاثة أخماس أى أن الخمسين في نهاية الشكل لا تكون ثلاثة أخماس كاملة بمعنى أنه يوجد خمسان نقط بدلا من ثلاثة ويكونان معا تلثان لـ $\frac{1}{2}$ ولهذا حالة $\frac{1}{2}$ هـ $\frac{1}{2}$

المان بجاب ، المان ا
ويوضع الشكل المقابل تسمة ٤ ÷ و حيث نجد محلة
ان خارج القسمة يساوى ٦ اجزاء كاملة كل منها مناسلا الالله الله الله الله الله الله الل
الم
(٥) المنظم ال
المصرب ها حواله = - * * * د * (/ / / / / / + + + / / / / / / / / / /
هذا النوع من الإجابة والذي يكون على صورة وحدور 000000000000000000000000000000000000
هذا اللوع من المجاب والمدى يسون على المراد والمدا المدا الله الله المدا الله الله الله الله الله الله الله ال
الأمافال تدريبات كافسة على التمامل سع مسائل

قسمة مثل تلك التي تتعلق بالأخماس عاليه.

ومن خلال ممارسة هذه التدريبات بجب أن يرى الأطفال بالتدريج أنه يمكنهم كتابة أي مسألة على قسمة الكسور بسرعة. فعنه الجابة $A \div \frac{1}{\rho}$ يمكن الحصول عليها بضرب $T \times A$ أو Y ثم قسمة الناتج على Φ ويمكن بيان ذلك هكذا $\frac{A \times T}{\rho}$ أو $A \times \frac{T}{\rho}$ ويؤدى ذلك إلى قاعدة نسير عليها في إجراء مثل هذا النوع من المسائل وهي "عند القسمة على كسر فاننا نحكس (فلنب) الكسر ثم نضرب بدلا من القسمة".

قسمة كسر على عدد



ثم من خلال المناقشة يعرف الأطفال أن القسمة عملية عكسية للصرب ولحساب خارج قسمة كسر على عدد نصرب الكسر بمقلوب هذا العدد

قسمة كسر على كسر

نبدأ أو لا بالأشكال كما أوضعنا سابقا في حالة ب ن ب شم من خلال المناقشة يصل الأطفال إلى القائدة يصل الأطفال إلى القاعدة التالية: أنه لحساب خارج قسمة كسر على كسر نضرب الكسر الأول في مقلوب الكسر الثاني ويجب أن يتدرب الأطفال على أمثلة عديدة على هذه القاعدة وتطبيقها كما يلى على سبيل المثال:



$$\frac{\frac{y}{\xi} = \frac{y}{y} \times \frac{1}{y} = \frac{1}{y} \times \frac{1}{y}}{\frac{1}{y} \times \frac{1}{y} \times \frac{1}{y} \times \frac{1}{y}} = \frac{1}{y} \times \frac{$$

قسمة عدد كسرى على عدد كسرى:

حينما يفهم الأطفال الأفكار السابقة فإن القسمة على عدد كسرى تعتبر امتدادا طبيعيا حيث يحول العدد الكسرى إلى صيفة كسرية ثم تجرى القسمة بنفس الطريقة كما سبق وفيما يلى بعض الأمثلة

 $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

صورة كسر $\frac{7}{5} + \frac{10}{5} = \frac{10}{5} + \frac{7}{5} + \frac{10}{5} = \frac{10}{5} +

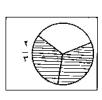
اكتب العد الكسرى في

خطوة ١

تطيق ومتابعة :-

الكسور الإعتيادية من الموضوعات الهامة والصحية في منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية وأثبتت دراسات كثيرة أن بمض طلاب المرحلة الثانوية أرضا تواجههم صعوبات في عمليات على الكسور كما أثبتت دراسات أيضا أن نسبة من المعلمين لا يفهمون العمليات على الكسور ومن هذا يجب عليقا بإعتبارنا معلمين للرياضيات أن نولى هذا الموضوع أهمية خاصة فى تدريسنا ويجب أن نركز أولا فى تدريسنا على مساعدة الأطفال على فهم معنى الكسر ويذكر Thomas R. post وزمـــلاؤه () أن نمو فهم الأطفال للكسور يمر بثلاث مراحل.

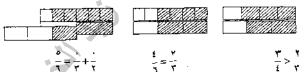
أولاً: المرونة في التفكير في الترجمسة المنتاسقة بين صيغ الكسور حيث يحتاج الأطفال الاشتقاق معنى الكسر: معلومات حول كيفية تجسيد الكسور عن طريق المصور و الأدوات وكيفية الترجمة إلى التمثيل الرمز عي فمثلا في الشكل المقابل يترجم التجسيد إلى رمز.



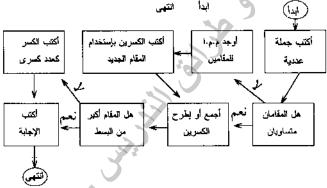
ثانيا: التفكير في الترجمات بين صيغة واحدة من صيغ الكسور وتأتى هذه المرحلة بعد فهم الطفل لمعنى الكسر حيث تأتى بعد ذلك مرحلة فهم تكافو الكسور والمقارنة بينهما وفي المرحلة الثانية يتم أو لا إيجاد التمثيل الرمزى للكسر وثانيا البحث عن تجسيد يمثل كسرا يكافىء الكسر المعطى فمثلا لحل الجملة المفتوحة وسيرا يكافىء الكسر المعطى فمثلا لحل الجملة المفتوحة والمسترانية التقالى:

♦ ♦ ♦ كرات ملونة
 ♦ ♦ ♦ ♦ كرات بيضاء

ويجب على المعلم أن ينوع من الأشكال والتجسيدات حتى ترسخ هذه المفاهيم (مفهوم الكسر-تكافو الكسور-المقارنة بينهما) في أذهان الأطفال ويصبحوا على إستحداد لتقبل العمليات على الكسور وفيما يلى أحد التجسيدات الأخرى



ويجب إعطاء تدريبات متنوعة بحيث تشمل تحديد الكسور المتكافئة وأعادة تسمية مسألة القسمة ككسر وإعادة تسمية (تحويل) الكسر إلى مسألة قسمة وإعادة تسمية العدد الكلي ككسر وإعادة تسمية الكسر الذي مقامه ١ كمدد كلي. الكسور وهناك من يرى البدء بالضب والقسمة ويوجد رأى أخر وهو البدء بالجمع الكسور وهناك من يرى البدء بالضرب والقسمة ويوجد رأى أخر وهو البدء بالجمع والمطرح وهو ما أخذنا به بسبب تعود الطفل على الجمع أو لا كما في الأعداد الكلية.وفي جمع وطرح الكسور يجب أن نبدأ في تقديمهما من خلال التجسيدات كالمناطق الهندسية وخط الأعداد والرسوم والمصور وما إلى ذلك ويجب أن يتدرب الأطفال على ترجمة جمع الكسور متحدة المقام إلى كلمات وصور ثم تبسيط حاصل الجمع إن كان ممكنا ثم يتدربوا على ليجاد المقام المشترك الأصخر لكمرين أو أكثر غير متحدى المقام المحمن كسرين أو أكثر غير متحدى المقام أم جمع كسرين أو أكثر غير متحدى المقام المتخدام قواعد جمع الكسور مختلفة المقام ومن الممكن عرض بعض خرائط الإنسياب نتوضيح خطوات عملية الجمع هذا.



وفى الطرح أيضا يجب أن نسير مثل الجمع بالأشياء العلموسة أولا ثم شبه العلموسة ثم المجردة ويجب أن يتدرب الأطفال كثيرا على طرح الكسور متحدة المقام والتحقق من صحة طرح الكسور باستخدام الجمع وترجمة طمرح الكسور متحدة المقام إلى كلمات وصور وتبسيط بالى الطرح إذا كان ممكنا كما يجب أن يتدرب الأطفال على طرح كسور مختلفة المقام وعلى طرح عدد كلى من عدد كسرى وطرح كسر من عدد كسرى وحل مسائل لفظية تتضمن كسورا وأعدادا كسرية.

وبالنسبة للضرب يجب أن نبدأ فى تقديمه بطرق ملموسة وشميه ملموسة ويجب أن يعمل الطفل بنفسه فى تقلليل المناطق الهندسية حتى يتضبح مفهوم الضرب فـى ذهشه أولا ثم بعد ذلك يتدرب على قاعدة ضرب الكسور ويجب التدريب على التخلص من العوامل المشتركة قبل ضرب الكسور وأن يضرب كسرًا في عند كلي وعددًا كسريًا في عدد کسری.

وفي القسمة نبدأ أيضا من خلال المناطق الهندسية وخط الأعداد ثم الطرح المتكزر ثم يتدرب الأطفال على إيجاد مقلوب الكسر والعدد الكســرى والعــدد الكلــى قبــل تقديم قاعدة القسمة،

وهن الضروري تعويد للطفل على القسمة بطرق متعدة وقيما يلسي ثلاثة طرق لإيجاد

طريقة الأولى: وتسمى طريقة الكسر المركب

$$\frac{\frac{r}{i} \times \frac{r}{\underline{i}}}{i} = \frac{\frac{r}{i} \times \frac{r}{\underline{i}}}{\frac{r}{i} \times \frac{r}{\underline{i}}} = \frac{i}{i} = \frac{i}{r} \div \frac{r}{\underline{i}}$$

$$\frac{q}{i} = \frac{r \times r}{i} = \frac{r}{i} \times \frac{r}{\underline{i}}$$

 $\frac{9}{5} = \frac{7 \times 7}{1 \times 5} = \frac{7}{1} \times \frac{7}{5} = 0$

وهذه الطريقة تعتمد على فهم أن الكسر يناظر القسمة بمعنى أن 🚽 تعنى ٣÷٣ والطريقة الثانية: تعدمي طريقة العامل الضائي وهي تزبط بين القسمة والضرب

$$\frac{7}{2} + \frac{1}{p} = \frac{7}{12} \text{ Zieb in K like } \frac{1}{2}$$

$$\frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} = \frac{7}{2} \text{ Zieb in K like } \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} = \frac{7}{2}$$

$$\frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} = \frac{7}{2}$$

$$\frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} \times \frac{7}{p} = \frac{7}{2}$$

والطربيقة الثالثة: وتسمى طربيقة المقام المشترك $\frac{1}{1}$ \div $\frac{1}{1}$ \div $\frac{1}{1}$ \div $\frac{1}{1}$

والسوال: كم عدد 🏅 في 🔭 يكافيء كم عدد الأربعات في ٢٩٠

والإجابة؛ هي ٩ ÷ ؛ أو 🙀 وهذه الطريقة تؤكد معنى أن القسمة في الكسور مثل القس في الأعداد الكلِّية.

الكسور الإعتيادية في منهج المرحلة الإبتدائية

يتضمح من الجدول التالى مراحل تقييم الكسور في كل صف من صفوف المراحل الإبتدائية. لاحظ أن معظم الكتب المدرسية تركز في الصفوف من ١-٣ على تتمية معنى الكسر وزمزه بينما في الصفوف من ٤-١ يتعلم الأطفال العمليات على الكسور الإعتبادية: أولا الجمع والطرح وبعد ذلك الضرب والقعمة.

أنصف الأول:

إَنْقُرَائِيةُ الكسور : التعرف على التماثل وعلى جزئين متطابقين نموذج مساحة (مع أجزاء متطابقة) والكلمات واحد ونصف، واحد ثلث، واحد ربع (بدون رموز).

الصف الثاتي:

نقديم أسماء ورموز ل $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{7}{7}$
التياس بالكسور: إستقدام المسطرة في قياس الكسور – طبى أشكال ورقية ليبان $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ وهكذا.

الصف الرابع: تقديم مفهوم ومصطلح تكافر الكسور بدلالة المساحة والمجموعات تقسيم مستطيل لبيان تكافو الكسر. استخدام طريقة المقص (ضرب الطرفين بالوسطين) لتحديد تكافو الكسور - الكسور كأطوال على خط الأعداد - الأعداد الكلية ككسور - الأعداد الكسرية.

تقديم مبدئي لمبادىء جمع الكسور.

المصف الغامس: النسبة ومقياس الرسم مقدمة في جمع وطرح الأعداد الكسرية-إستخدام خرائط الإنسياب في الإجراءات- تنمية مهارة جمع وطرح الأعداد الكسرية تقديم رموز الأعداد العشرية والنظام المترى.

الصف السادس: مراجعة على جمع وطرح الأعداد الكسرية - إستخدام الخواص ضرب وقسمة الكسور الإعتبادية - جمع وطرح وضرب وقسمة الأعداد المشرية - الملاقة بين الكسور الإعتبادية والعشرية.

٣- الأخطاء الشائعة في دراسة الكسور الإعتبادية.

أشار ت نتائج العديد من الدراسات التي أجريت في مجال الكسور الإعتيادية الى أن كثيرا من أطفال المرحلة الإبتدائية يعانون من صعوبات كثيرة في قهم أساسهات

وحقائق الكسور وكذلك في إجراء العمليات الحسابية المتعلقة بها مما يسفر عن وقوعهم في أخطاء مثل:-

ا – عدم فهم معنى الكسر مثل
$$\frac{\dot{o}}{v} = \frac{\dot{v}}{v}$$
 ، $\frac{\dot{s}}{v} = \frac{\dot{v}}{v}$ عدم فهم معنى الكسر مثل $\frac{\dot{o}}{v} = \frac{\dot{v}}{v}$ عدم فهم معنى الكسر مثل $\frac{\dot{o}}{v} = \frac{\dot{v}}{v}$.

٢- عدم القدرة على تمثيل الكسور الإعتبادية بأشكال هندسية.

٣- ترتيب الكسور حيث يرى نسبة كبـيرة من الأطفال أن الكسـر الإعتيـادى ذا المقـام

الاكبر هو الاكبر قيمة في حالة تساوى بسطى الكسريين مثال 🔭 > - ٥٠٠

٤- جمع كلا من البسطين والعقامين في مسائل الجمع مثل

$$\frac{7}{4} = \frac{1}{6} + \frac{7}{7} \quad \frac{7}{6} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7}$$

$$\frac{7}{17} = \frac{1}{7} - \frac{7}{8}$$
 من البسطين والمقامين مثل $\frac{7}{17} = \frac{1}{7} - \frac{7}{17}$

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4}$ حطرح كل من البسطين والمقامين مثل $\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$

٧- تسيان الأعداد الكلية عدد جمع الأعداد الكسرية فمثلا عند جمع

٨- طرح أعداد كلية عندما توجد أعداد مختلطة
 ٩- أخطاء في الضرب

$$\frac{\circ}{4} = \frac{\circ}{4} \times \frac{1}{4} \qquad \qquad \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$$

$$1 \quad Y_{\frac{1}{r}} = Y_{\frac{1}{r}} \times f \quad A \qquad A = \frac{1}{r} \times \frac{Y}{r}$$

١٠- أخطاء في القسمة

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{7} = \frac{1}{2} \div \frac{1}{7} + \frac{1}{7} = \frac{1}{6} \times \frac{1}{7} = \frac{1}{6} \div \frac{1}{7} + \frac{1}{7} \div \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \div \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \div \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \div \frac{1}{7} = \frac{1}$$

9-عدم القدرة على حل العمائل اللفظية على الكسور الإعتيادية.
 ويمكن إرجاع الأسباب الكامنة وراء تلك الأخطاء إلى:

١-عدم فهم معنى الكسر .

٢- تقديم القواعد في مرحلة مبكرة.

 ٣- إستخدام كلمات وعبارت قليلة المعنى بالتسبة للأطفال مثل احذف أو اهمل. أوجد المضاعف المشترك الأصغر.

4- بعض المعلمين أنفسهم لا يفهمون العمليات على الكسور فهما كاملا حيث يقوم ون
 بتدريس القواعد بأسرع ما يمكن مثلما تعلموا هم أثناء فترة در استهم.

معلومات إضافية

١- الكُسور الإعتبادية الصرية

أوراق البردي هي أول شيء استخدم في الكتابة عليها وبطبيعة الحال فبن أول كتابة رياضية ظهرت على ورق البردي وهذه الأوراق تأتى من ساق نبات البردي وتجفف وتدق حتى تصير رفيعة تصلح للكتابة عليها مثل الورق.

وعلى إحدى أوراق البردي مخطوطة سميت أحمس أظهرت لنا وصفا أوليا لعقهوم الكسر عند قدماء المصريين.

وفيما يلي جزء من ورقة بردى مكتوب عليها:

وقد استخدم المصريون القدماء كسور الوحدة وهي الكسور التي فيها البسط يساوى واحدا، ولكتابة كسر ما يوضع شكل بيضاوى صغير فوق سلسة من الخطوط ويشير عدد الخطوط إلى المقام وفيماً يلى جعض أمثلة هذه الكسور:

والشكل الثاني الذي على اليمار كل خط يمثل ١ وحيث أنه يوجد أربعة خطوط فان الكسر هو ﴿ ويشير الشكل الثالث إلى ﴿ والشكل الرابع ﴿

٢- فضل العرب والسلمين في الكسور الإعتبادية

إن ألدم معرفة للكسور الإعتبادية بعد المصريين القدماء تنسب إلى نيلافاتي (Lilavati) الهندى (١١٥٠م) وقد كان ليلافاتي يكتب الكسور الإعتبادية جاعلا البسط في الأعلى والمقام في الأسفل ولا خط بينهما، فمثلا الله كتب الما المدد في الأعلى وعدد كلى فكان المدد الكلى يكتب فوق الكسر.

 $\frac{\lambda}{2}$ کانت تکتب $\frac{\gamma}{2}$

ويعزى إبخال الخط الفاصل بين البسط (صورة) الكسر ومقامه (مخرجه) إلى علماء المسلمين.

ويقول الشبخ الشنشوري في معرض شرحه الكسر: (٥)

يسمى العدد الأعظم المنسوب إليه إذا كان صحيحا مخرجا لأن الكسر يخرج منه ومقاما لأن كل كسر يقوم من مخرجه أى يؤخذ منه وعند المغاربة إماما لتقدمه فى أعمال الكسور ويسمى العدد الأصغر المنسوب بسطا وقد وقف علماء المسلمين على أسس عمليات الكسور الإعتبادية من جمع وطرح وضرب وقسمة حيث كانوا يبدأون بحساب المقام (المخرج) المشترك قبل إجراء العمليات الحسابية.

ويقول بهاء الدين العاملي (١٥٤٧-١٩٢٧) إذا ضربت مخارج الكسور التي فيها حرف المين بعضها في بعض حصل المخرج المشترك للكسور التسعة وهو "ألفان وخمسمانة وعشرون" ويقال إنه سنل الإمام على كرم الله وجهه عن مخرج الكسور التسعة فقال للسائل اضرب أيام سنتك في أيام أسيوعك" ومن المعروف في الكتابات العربية أن الكسور التسعة في

$$\frac{1}{1}, \frac{1}{9}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{9}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}$$

والمقامات التي تشمل على حرف العين هي أربعة، سبعة، تسمعة، عشرة وحاصل ضربها هو ٢×٧×٩×<١- ٢٥٢٠

إختبر فهمك:

١ - بين أن ٢ تكافىء ٢ بإستخدام الأشواء التالية

خط الأعداد - شرائع الكسور - الأشكال الهندسية

 $rac{1}{2} < rac{1}{2}$ كيف توضيح للأطفال بإستخدام الأثليواء الملموسة أن $rac{1}{2} < rac{1}{2}$

٣- اكتب موقفا حقيقيا يرتبط بكل من المسائل التالية ثم أرسم شكلا يوضح كيفية حلها

$$\begin{array}{cccc} T_{\frac{-1}{2}} \times \frac{1}{T} & (-) & \frac{1}{T} - \frac{1}{T} & (-) & \frac{1}{T} + \frac{T}{2} & (1) \\ & & & & \frac{1}{T} + \frac{1}{2} & (-) & \frac{1}{T} + \frac{1}{2} & (-) \end{array}$$

 ٤- هات من اهتاماتك مشكلات ومواقف حقيقية والعبية من الحياة توضح أن الجمع المتكرر بمكن تطبيقة على ضرب الكسور.

٥- ارسم خريطة مسار توضح إجراءات تبسيط الكسر الإعتيادي إلى أبسط صورة.

٦- بين كيف يمكن إستخدام الأشكال الهندسية وخط الأعداد في توضيح ما يلي

$$\frac{r}{r} \times \frac{r}{r} \left(\Rightarrow \frac{r}{r} \times \frac{r}{r} \left(\Rightarrow \frac{r}{r} \times \frac{r}{r} \right) \right)$$

$$\frac{r}{c} \times \frac{1}{1}$$
 (c

$$\frac{1}{7} \div \frac{7}{7} \div \frac{7}$$

 $\frac{1}{1} \times \frac{7}{1}$ كتنب قائمة بالخطوات المنبعة في اختصار حاصل ضرب $\frac{7}{1} \times \frac{7}{1}$

٨- أوجد ناتج - + + + بثلاث طرق.
 ٩- كيف تشرح الأطفاك المسألة التالية: -

١٠- أكمل المربع المقابل بحيث يكون المجموع في كل صف وكل عمود وكل قطر

يسارى "1"

		1-
1,1	1.5	
		l .

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\prod_{i=1}^{n} \frac{1}{\sqrt{2}} \prod_{i=1}^{n} \frac{1}{\sqrt{2}} \right] - 1$$

$$1\frac{\pi}{\sqrt{\xi}} = Y\frac{\eta}{\sqrt{1-\xi}} = Y\frac{\eta}{\sqrt{1-\xi}} = \frac{\eta}{\sqrt{1-\xi}} = \frac{\eta$$

الفصــــــل الثامـــــن الكســـور العشـــرية

مقىم___ة:

- ـ تقديم الكسور العشرية .
- ربط الكسور العشرية بالقيمة الكانية .
 - ـ تكافؤ الأعداد العشرية .
 - ء مقارنة وترتيب الأعداد العشرية .

العمليات على الكسور العشرية.

- ـ الأخطاء الشائعة في الكسور العشرية
 - الكسور العشرية القنيمة .

من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن : -

- روضع استخدام وسيلتين على الأكل تساعدان في تقديم أنشطة التعامل مع معنى
 الكسور العشرية .
 - يكتب صورتين مختلفتين لتمثيل الكسور العشرية .
- ٣- يصف مواقف من الحياة اليومية تتضمن الجمع والطرح باستخدام الكسور العشرية ويوضح الوسائل التعليمية التي يمكن أن تستخدم مع الأطفال لتتمية فهمهم لهذا التوع من الجمع والطرح .
- ۱۰,۲۰ مسائل لفظیة علی الضرب مثل 3×7 , ۰ = ۱,۲ ، ۰,۰ × ۰ = ۰ ، ۰,۲۰ × ۰,۰ × ۰,۰ ویستخدم وسائل تعلیمیة مناسبة تساعد علی فهم معنی کل جملة .
- م. يشرح إجراءين يمكن أن يستخدما في تحديد عدد الخانات التي على يعين خانة
 الأحاد في حاصل ضرب يتضمن كسورا عشرية .
- ١- يعين بعض الأتشطة التي يمكن أن يقوم بها الأطفال ليفهموا تسمة الكسور العشرية.
- بشرح طريقتين لتحديد أين توضع الملامة العشرية في خارج تسمة الكسور
 العشرية.
 - ٨- يساعد الأطفال على الربط بين الكسور الإعتبانية والعشرية.
- 9- يعرف الأخطاء التي يشيع الوقوع فيها من قبل أطفال المرحلة الإبتدائية في
 الكسور العشرية والعمليات عليها ويستخدم بعض الأساليب تقليل الوقوع في مثل
 تلك الأخطاء

من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يصبح قادراً على أن : -

- ١- بجدد الأجزاء الثلاثة للعدد العشرى .
- ٢- يحدد إسم القيمة المكانية الصحيح الرقم معطى في عدد عشرى .
 - ٣- يكتب القيمة الصحيحة لخانة معينة في عدد عشرى .
 - ٤- يكتب العدد العشري بصورة صحيحة .

- يقارن بين عددين عشريين باستخدام الرمل > ، < ، =
 - يرتب أعدادا عشرية تصاعديا أو تتازلياً ،
 - يقرب العدد العشرى حسب مايطلب منه ،
 - يعيد تسمية العدد الكلى كعدد عشرى مكافئ ، $-\lambda$
- يعيد تسمية الكسر العشرى كعدد كلي إذا كان جزء الكسر العشري صفرا.
- -9 -1. يعبد تسمية الكسر العشرى ككسر حقيقي مكافئ له -
- " يعيد تسمية الكسر الإعتبادي ذي المقام ١٠٠، ١٠٠، ١٠٠٠ ، ٠٠٠ ككسر عشرى مكانئ .
- ١٢~ يعيد تسمية العدد العشري كعدد كسري أو كسر غير حقيقي عندما يكون الجزء الكلي ليس مبثراً .
 - بحدد عدد الخانات على يمين الملامة العشرية في العدد العشرى -
- ١٤ يعيد تسمية العدد العشرى إلى عدد عشرى مكافئ يحتوى على خانات عشرية أكبر من العدد العشري الأصلي ،
 - ١٥- يجمع عندين عشريين أو أكثر .
 - ١٦ يجمع أعداد عشرية مع أعداد كلية .
 - ١٧ يطرح الأعداد العشرية والأعداد الكلية .
 - ١٨٠ يحل مسائل لفظية تتضمن أعداد عشرية يجب جمعها أو طرحها .

مقدمـــة:

الكسور العشرية من الموضوعات الهامة في رياضيات المرحلة الإبتدائية وسوف تزداد الحاجة إلى معرفة الكسور العشرية كلما زاد استخدام الآلات الحاسبة والنظام المترى. ومن المحتمل أن تقدم الكسور العشرية في العرحلة الإبتدائية في وقت مبكر وأن يخصص لها وقت أكبر في المستقبل إن شاه الله مما هو موجود عليه الآن .

وسوف تستمر الكسور كأداة هامة نوصف كثير من مواقف العالم الحقيقى ولهذا سوف يستمر تعليمها في المدارس الإبتدائية فغالبا ما نسمع في المجال التجاري أن منتجا معينا يوصى به ثلاثة متخصصين من بين ٤ قاموا بمعاينته وفحصه. وهذا لا يعنى أن الذين فحصوه كانوا ٤ قط، فربما عاينه ٢٠ فأوصى به ١٥ منهم . وتوجد عدة طرق الصياغة هذه الحالة عديا :

قربما أو حتى بالمنتج $\frac{7}{2}$ من المتخصيص و $\frac{70}{7}$ منهم أو $\frac{70}{100}$ أو 00 , أو 00% منهم.

وهذا المثال يشير إلى أنه ليس فقط الكسور الإعتياديــة هـى التــى يشــيع إســتخدامـها ولكن الموقف المعطى يمكن وصـفه أيضا بالكسور العشرية والنسية المنويـة .

والكسور العشرية أحد ثلاث طرق لتعثيل الأعداد الكسرية ويجب أن ترتبط دراستها بما قد درس في الكسور الإعتيادية ولهي نظام العد العشرى ، كما أن تماذج الكسور العشرية يجب أن تشبه تلك التي استخدمت في الكسور الإعتيادية حتى يمكن الربط بينهما.

وفى كثير من الأحيان يمكن لأطفال الصفوف الوسطى من الموحلة الإبتدانيــة أن يتعلموا الكسور الإعتيادية والعشرية معا فى وقت واحد وياستخدام نفس النماذج . وهذا المدخل له فاندتان هما :

الأولى: يتعلم الأطفال أن كلا من الكسور الاعتبادية والعشرية تمثيل لملاعداد الكسرية بدلا من النظر إليهما على إنهما غير مرتبطين كما هو الغالب في حالة دراستهما دراسة منفصلة.

والثَّالية : التوفير في الوقت حيث أن معظم المواد التعليمية المفموسة وشبه الملموسة يمكن استخدامها في أن واحد لتنمية فهم كلا النوعين من الكسور.

ويجب أن يكون واضحاً للأطفال آن العلامة العشرية هي امتداد لنظام العد العشرى (أحاد ، عشرات، منات ...) وتستخدم العلامة العشرية لتوضيح أن العدد الكلي انتهى وبدأت الكسور .

تقديم الكسور المشرية :

الأعثبار Tenths

أنشطة

يحتّاج الأطفال إلى أن تكون لديهم القدرة على القيـاس باسـتخدام السـنتيمتر والملليمتر قبل البدء في هذه الأنشطة وعليك ـ كمعام ـ التأكد من أنهم يستطيعون ذلك.

١ ـ خطوط القياس .

في هذا النشاط يطلب المعلم من الأطفال قياس الخط الأول

فيجدونه ٧ سم ، ٤مم . الـ ٤ مم عبارة عن ١٠ من السنتيمتر ولهذا فإن

الطول يمكن كتابته كما يلى ٧سم + ؟ سم أو هكذا ٧,٤ سم ثم تقدم فكرة كتابة هذا

الطول هكذا ٤,٧سم ويسجل الأطفال الطول بثلاثة صنور هكذا

 $V_{\mu\mu}$ سم V_{μ} سم V_{μ} سم V_{μ}

ثم يقيس الأطفال خطوطا أخرى بنفس الأسلوب ويسجلون كل تياس بشلاث صدور كما سبق ـ

ويجب أن تكون بعض هذه الخطوط أقل من ١ سم حتى يمكن تقديم الصفر فى خالة الآحاد . (فعثلا ٠سم ، ٨مم تظهر هكذا ٠,٨ سم .)

٢ - باستخدام خط الأعداد :

يمكن للمعلم أن يستخدم خطوط أعداد لتتمية فهم الأطفال للكسور العشرية . وعلى المعلم أن يبدأ بخط أعداد مقسم إلى قطع مستقيمة تمثل وحداث . ثم يستخدم خطا أخر يقسم كل وحدة إلى عشر قطع مستقيمة متطابقة . ويجب على الأطفال أن يسموا

ثع يعطى الأطفال أو ضاعا متعددة لنقاط أخـرى بنفس الأسلوب على أن تكون بعض هذه النقاط بين علامتى \cdot ، \cdot على الخـط حتى يمكن تسجيل النتائج التى مثل $\frac{9}{1}$ ، $\frac{9}{1}$

ويجب تشجيع الأطفال خلال هذه الأنشطة على النظر إلى الكسور العشرية التى يسجلونها وبعد ذلك يكتبونها إن أمكن بصيغ أخرى مثل

حيث يؤكد هذا النوع من التسجيل على الصبيغ المتنوعة التي يمكن كتابة الكسر بها .

٣ ـ باستخدام أشكال هندسية

يمكن للمعلم أن يمتخدم بعض الأشكال الهندسية مثل الدائرة والمخمس والمستطيل وما إلى ذلك حيث يقسم كل شكل إلى عشرة أجزاء متطابقة حيث يلاحظ الأطفال أن الأجزاء تمثل أجزاء من عشرة ويسجل الأطفال عدد الأجزاء كما سبق بصيغتين مثلا

1	٤, وهكذا) 1	,٧	, Y
						r /-	
17	7,	٠,١	1,3	٠,١	(字案:"]	()	
1,1	٠,١	٠,١	1,1	1,1	V-13-7	\	رُونِيَ
							-1-

باستخدام شرائح الكسور

يمكن أيضا استخدام شرائح الكسور بحيث يستخدم المعلم أو لا تشريط وحدة شم شريط مقسم إلى عشرة أجزاء متطابقة وسوف يلاحظ الأطفال أن كل جزء يمثل جزءا من عشرة .

				1					
٠,١	1,1	.,1	٠,,١	1,1	٠,١	+.1	++1	+1	٠,١

أ. باستخدام مربعات ورقية

يوزع المعلم على كل طفل تطعا ورثية على شكل مربع ويناتش معهم أن كل قطعة تمثل وحدة أو كلا ويطلب المعلم من كل طفل أن يقسم كل ورقة إلى عشرة أجزاء ويناتش معهم أن كل جزء يمثل ألم من العربع شم يلون (أو يظلل) الأطفال ويكتبون

تحته 📜 وليضا ٠.١ ثم يلون الأطفال أجزاء متنوعة من العرب ويكتبون الكسر







ويلون الأطفال باستخدام مربع جديد كل الكسور الأخرى الممكنة .

ريط الكسور العشرية بالقيمة المكاتية :

ا . ويط العلامة العشرية (الأعشار) بالقيمة المكاتية : أحاد عشرات مئات يعرف الأطفال الأعمدة الرأسية بالنصبة للأعداد ح ع الكلية مكذا وتقرأ الأعمدة من اليعار إلى اليمين ا

أى ١٠٠، ١٠، ١ ويمكن تمثيلها بالصورة المختصرة للأعمدة الرأسية هكذًا

حيث نلاحظ أن كـل عـدد جـز ، مـن عشـرة مـن العـدد الـذى علمي يسـار ، ويحتــاج ذلـك إلى عناية شديدة.

٠	٤		جڙء من	ولهذا إذا تحركنا البى اليمين فيكون العمود
111	1.	•	عشرة <u>۱</u> ۱۰	الرأسي التالي هو جزء من عشرة من ١ وهو 1 كما هو موضح
۴	ع		جزء من	ويجب أن تعطى الأطفال تدريبات بوفرة على
١.,	١.		عشرة <u>۱</u> ۱۰	قــراءة الأعــداد تحــت هــذه الأعمدة الرأسية . وفي المثال العبين
۲	٥	٨	۳	يجب أن يقرأ الأطفال العدد الأون هكذا
	٩			۲ مائة ، خمس عشرات ، ۸ أحاد
	٣	۲	9	
	٤		τ	وثلاثة من عشرة

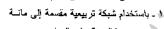
ويمكن عند هذه المرحلة مناقشة السبب في استخدام العلامة العشرية مناقشة تامة.

وإذا استخدمنا الأعمدة فيلا داعي للعلامة العشرية ، وفي حالة عدم استخدام الأعمدة الرأسية يجب أن تكون هناك طريقة فغصل الأعداد الكليبة عن الكسور حيث يكون من الخطأ كتابة المعدد الأول مكذا ٣ ٥ ٥ ٢ أي أن استخدام المعلامة العشرية هو أسلوب بسيط للغاية لبيان نهاية الأعداد الكلية وبداية الكسور .

ويجب أن يقرأ الأطفال الآن كل الأعداد الميينة عاليه باستخدام لفة النظام العشرى مثلا: مانتان وثمانية وخمسون علامة عشرية ثلاثة .

يجب أن ينمو فهم الأطفال للعلامة العشرية لأجزاء العانبة من خلال إمتداد

الأنشطة التي استخدمت في تقديم الأعشار أنشطة .



مربع معغير كالمبيئة على اليسار .

عدد العربمات التي لونت (١٠) ثم



يكتب الأطفال كسر الشبكة الذي لون أسقلها وتناتش الأساليب المنتوعة التي يمكـن بهـا عمل هذا الجزء قمثلاً :

أولاً: التفكير في ١٠ مربعات صغيرة (كل منها ١٠٠ من الشبكة التربيعية) وعندنذ يكون الكسر الم

ثانياً: بالمديجة الأطفال أنه يوجد ١٠ أعمدة معا ولهذا فإن كل عمود يعتبر ، من الشبكة التربيعية.

ثالثاً : إذا كتب الكسر $\frac{1}{1}$ على الصورة ١،١ قبان ذلك يعنى أن ١،١ من الشبكة قد لون.

ويجب أن يفهم الأطفال من هذا النشاط أن كل مربع صغير هو أبي من الشبكة التربيعية وكل عمود هو أب أو ١٠٠ منها .



ب _ يلون أو (يظلم) الأطفال الآن ١٧ مربعا صعفيرا كما هو مبين ثم يطلب منهم تعيين الكسر الذي لون بصيغ مختلفة ويجب أن تكون لديهم القدرة على توضيح هذا الكسر هكذا الكسر هكذا الكسر هذا الكسر هكذا الكسر ا

يكتب بعض الأطفال الصيغة الأخيرة هكذا $\frac{V}{100} + \frac{1}{100}$. ويجب مناتشة الصيغ الثلاث للتأكد من فهم جميع الأطفال لها . كما يجب إجراء عديد من الأمثلة من هذا النوع بواسطة الأطفال (فمثلاً تلوين ٤٨ مربعاً صغيراً يودى إلى

$$\frac{\xi}{1}$$
 + $\frac{\lambda}{1}$, $\frac{\xi}{1}$ + $\frac{\lambda}{1}$, $\frac{\xi}{1}$

٢ - ربط الأجزاء من مائة بالقيمة المكانية :

يجب الأن مناقشة استخدام القمية المكانية لبيان كل من الكسور التي سجلت في نشاط ١ حيث بيين الأطفال في ب نشاط ١ الكمية العلونة بثلاث صبيغ ١٠٠١٠ ٧

$$\frac{1}{1+\frac{1}{1+}} + \frac{1}{1+\frac{1}{1+}} + \frac{1}{1+\frac{1}{1+}} + \frac{1}{1+\frac{1}{1+}} + \frac{1}{1+\frac{1}{1+}}$$

إنهم يستطيعون التعبير عن ١٠ ككسر عشرى ولكن لإيوجد لديهم عمود ليبينوا

17 وعلى ذلك قان تقديم عمود جديد خاص بالأجزاء من مائمة hundredth بحتاج الى العناقشة.

الأعمدة السابق ليشمل الأجزاء من مانة كما هو مبين

ويجب أن يسجل الأطفال هذا الكسر هنذا ١٠٠١ ويقرأونه كما يلي: صغر علامة عشرية واحد سبعة

ملاحظة :-

بالنسبة للعمل الأخير يجب أن يمارس الأطفال تدريبات على كتابة ذلك الكسر قلى صبيغ متنوعة هكذا

$$\frac{1}{1} + \frac{V}{1} \qquad \frac{1}{1} + \frac{V}{1} \qquad \frac{1V}{1} = \frac{1V}{1}$$

وغالبًا ما يهمل الربط بين ٠٠,١٧ ، ٢٠ وقد يسبب ذلك صعوبات (وخاصة عند تحويل الكسور العشرية إلى نسب منوية) ويجب أن يواصل الأطفال كتابة كل الكسور التي في نشاط في صبيغتها العشرية وبكلمات وبصبيغ متنوعة باستخدام الأجزاء من عشرة والأجزاء من مائة .

" - إستخدام الأجزاء من عشرة والأجزاء من مائة مع الأعداد الكلية :

يجب أن يتدرب الأطفيال على قراءة جزء من جزء من عشرة وكتابة الأعداد المبينة على اليسار مانة بصيفها المتعددة. يمكن بيان المدد الأول مثلا بصبيغ مختلفة هكذا:

		١.	١
٧	٧	1	٩
٥	1	۲	٧
*	•	٦	T
٥	٧		í
Α			1
4	٣	, Y	۳
		1 .	

٢ عشرات ٧ آحاد ٤ أجزاء من عشرة ٩ أجزاء من مائة ** ۲V

YV. £ 9

ويجب أن يقرأ العدد ويكتب هكذا سبع وعشرون علامة أربعـة تسعة ويمكن أن يفيد الربط بين الرموز المستخدمة في النقود في المناقشة في هذه العرجلة . فمثلا : يمكن التفكير في ٢٧,٤٩ هكذا : ٢٧ جنيها ورقيا ، ٤٩ ترشا عمله . ۲۷ جنیها ورقیا ، ٤ قطع من العمله فنة ١٠ قروش ، ٩ قطع عمله فنة قرش واحد ٢ ورقة مالية فئة ١٠ جنيهات ، ٧ ورقات فنة جنیه ٤ قطع عمله فنة ١٠قروش ، ٩ قطع عمله فئة قرش .

وكما تعلم الأطفال نشر الأعداد الكلية باستخدام المفكوك العشرى يجب عليهم أن يتعلموا أيضا استخدام المفهوم مع الكسور العشرية حيث يجب أن يتدربوا أولاً على حال مسائل تكملة مثل

$$\lambda F_{i,2} = 2 + (\dots \times f_{i+1}) + (\dots \times f_{i+1})$$

$$\forall 3,7 = 7 + (2 \times \dots) + (7 \times \dots)$$

ويجب ملاحظة أنه عندما يفهم الأطفال استخدام العلامة المشرية في الأعشار وأجزاء المانة فهما كاملا فإنه من العمكن مواصلة تقديم أجزاء الألف وماقوق ذلك يسهونة ومعن الممكن أن يعرض المعلم على الأطفال لوحة موضحا عليها القيمة المكانية للأعداد العشرية من الملايين حتى أجزاء العليون) هكذا.

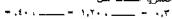
		الكئية	كعداد	جزءاا				1.	العشري	الكسور	جزء	
سلايين	مثاث الألاث	عشرة الألاث	5	1	مطرات	أهاد	أجزاء العشرة	أجزاء الماتة	آجزاء الألف	أجزاء من عشرة ألالف	أجزاء من سائة قلف	أجزاه من المليون
(11.)	(۱۰)	`(\·• <u>)</u> .	(1-)	(1.)	(1-)	1,3	$\left(\frac{1}{1}\right)$	()	(; <u>,</u>	(;)	(',	$\left(\frac{1}{1}\right)$

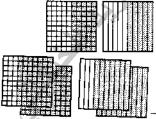
ere free to be to the continues

حيث تساعدهم هذه اللوحة على قراءة وكتابة الأعداد العشرية ويمكن استخدام هذه اللوحة كنشاط حيث تترك بعض الأعمدة فاغة ويطنب من الأطفال ملـــــ الفراغات.

تكافؤ الأعداد العشرية:

يعرض المعلم بعض الأشكال الهندسية مثل العبينة على اليسار على الأطفال ويناتش معهم أن كملا الشكلين لم نفس الكمية ومن شم نسميهما متكافئان شم يتدرب الأطفال كثيرا على تحديد الأعداد المشربة المتكافئة مثل





مقارنة وترتيب الأعداد العشرية

١ ـ يعرض المعلم تمثيلا العددين بالأشكال الهندسية ثم يقول نجرى المقارفة كما يلى :
 نقار ن الأحداد الكلية نقار ن أحز ام العشرة نقار ن أجز ام المائة

سارن مجر 🕶	سارن اجراء معسره	. عداد الصيه
↓	\downarrow	↓
ŧ	٨	۲
٨	٨	۲

وبعد المناتشة يصل الأطفال إلى قاعدة مقارنة الكسور أو الأعداد العشرية وهى مقارنة الأعداد الكلية أو لا ثم الأعشار ثم أجزاء المائة ثم أجزاء الألف وهكذا ثم يتدرب الأطفال كثيراً على استخدام العلامات > ، < ، ~ وتستخدم نفس الإجراءات أيضا في تذكف الأعداد العشرية.

العمليات على الكسور العشرية

العمليات على الكسور العشرية آتل تعقيدا من العمليات على الكسور الاعتيادية . والطرق المستخدمة هي امتداد لتلك الطرق التي استخدمت مع الأعداد الكلية .

ولكى يفهم الأطفال هذا الإمتداد ولكى تكون نديهم القدرة على استخدامها فيجب عليهم أن : .

أ ـ يفهموا القيمة المكانية وامتدادها للكسور العشرية .

ب ـ يفهموا العلامة العشرية .

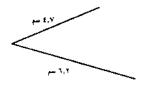
جـ ـ يتمكنوا من التعامل مع الععليات على الأعداد الكلية -

د . يعرفوا حقائق الجمع والطرح والضرب والقسمة .

والضعف في أي صورة من صدور التعامل مع العدد سوف يسبب نقصا في المنجاح في استخدام العمليات على الكسور العشرية .

١ ـ الجمع والطرح :

يمكّن أن تكون أنشطة القياس مقدمة جيدة لتقديم جمع وطرح الكســور العشـرية . وفيما يلي مثالان توضيحيان :



لم توجه أسللة مثل :

👈 - مامقدار الطول الكلي للخطين معا ؟

٢ - ماالغرق بين طول كل من الخطين ؟

ويجب مناقشة صبغ متنوعة لايجاد الطول الكلى وتسجل كما يلى :-

, ma	شم	مم سم
£,Y	£ Y	£ Y
٦, ٢+	ፕ የ +	T Y+
_		4
١٠,٩	1. 1	1. 9

ويجب أن يفهم الأطفال كل صيغة من الصيغ السابقة كما يجب أن تكون لديهم القدرة على التجرك بسهولة من صيغة إلى أخرى وفي هذا المثال يكون عدم الحمل للأجزاء من عشرة ضروريا ولكن يجب تزويد الأطفال بعد ذلك بأمثلة يتحقق فيها الحمل مثل :

سم	37 -	سم	هم
0,4	۰۸	٥	٨
V,1+	<u> </u>	<u> </u>	£+
۱۳,٤	۱۳٤	1 4	٤

كما تحتاج الطرق المنتوعة لإيجاد الغرق بين طولى الخطيب بلى مناتشة كاملة (مثل أجمع على اطرح) بصبيغ وعندما يستخدم الطرح فيجب توضيح العمل بصبيغ متتوعة كما في الجمع هكذا

سم 7.۲	م م + ۲ ۲	هم سم ۲ لا
£,Y -	£ Y —	£ v -
\	١.٥	· · ·

 ب ـ تستخدم مواقف واقعية مألوفة ادى الأطفال مثل : ركب أحمد دراجته يوم السبت فقطع مسافة ٢٠.٨ كم وفى يوم الأحد قطع مسافة ١,٤٩ كم فعا المسافة التى قطعها فى الومين ؟

ويمكن توضيح الجمع باستخدام قطع دينيز للأساس ١٠ أو الشبكة التربيعية ذي المائة مربعا حيث يقوم الأطفال بتطليل أو تلوين المربعات هكذا .

# # # # # # # # # # # # # # # # # # #		(48) (48) (48) (48) (48) (48) (48) (48)
•,٧٧	- ·,21 T	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •

ج. تستخدم ساعة ايقاف stop - watch لقياس الزمن الذي يأخذه طفلان في جرى مسافة معلوسة. ويسجل الوقتان بالثرائي والأجزاء من عشرة من الثانية شم يستخدمان في الجمع والطرح كما في حالة طولي قطعتين مستقيمتين .

ثو انی	أجزاء من عشرة	ثوانی	أجزاء من عشرة
	من الثانية		من الثانية
41.1	116	* *	£
19,4 -	194 -	19	A -
1,7	119		

وعندما يفهم الأطفال الجمع والطرح باستخدام الأجزاء من عشرة والأجزاء من مانة من الثانية فيجب استخدام عديد من الأشطة بقدر الإمكان تتضمن النقود وقد يهدو من الضرورى أن نناقش الطريقة التي تستخدم فيها العلامة العشرية في النقود بتفصيل أك

مثلا قد يفكر كثير من الاطفال في ٢.٤٥ جنيها على أنها تعنى جنيهين ٤٥ فرسا . وقد لايفكر الطفل فيها على أنها ورقتان بنكنوت قيمة كل ورقة جنيها ، ٤ قطع عمله فئة ١٠ قروش وخمس قطع فئة واحد قرش (أو قطعة واحدة قئة خمس قروش) كما أنهم سوف يحتاجون أيضا إلى فهم أن قيمة قطعة معدنية فئة ١٠ قروش هي جزء من عشرة من القطعة الورقية فئة جنيه

٢ - الضرب والقسمة :

لكى يفهم الأطفال ضرب وقسمة الكسور العشرية ويجزوا الحسابات عليها بكفاءة فيجب أن تكون لديهم القدرة على الضورب فى والقسمة على ١٠، ، ١٠٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠ ، ٢٠٠ . ٢٠٠٠ - وبدون هذه المقدرة فسوف يجدون صحوبة كبيرة فى فهم مايقومون به من عمل.

ويجب أن يكون الأطفال ، من خلال تعاملهم مع الأعداد الكلية ، مستعدين لمعرفة أنه عند ضرب عدد كلى في ١٠ تظهر نفس الأرقام في الإجابة ولكن تحرك كمل رقم خانة واحدة إلى اليسار ويوضع صفر في عمود الأحاد الفارغ .

والنسبة للقسمة على ١٠ نحتاج إلى توضيح أن الحركة تحدث فى الإنجاه العكمى. بمعنى أنه عند قمسة عدد على ١٠ فإن نفس الارقام تظهر فى الجواب ولكن كل رقم يتحرك خانة واحدة على اليمين .

كما نحتاج إلى التركيز على نفس النتائج عند الضرب في ١٠٠٠ ، ١٠٠ والقسمة عليهما والأن دعنا تنظر إلى عمليني الضرب والقسمة بشئ من التقصيل.\ **الضرب**

فيما يلى تصور مقترح لتتديع الضرب على مراحل وفى خطوات من خلال أمثلة .

مرحلة أ) ضرب عدد عشرى بعدد كلى

خطوة ١) أمثلة :

وعند مناقشة ٣ × ٠,٦ مثلا يجب أن نبدأ بأشياء ملمومنة مثل شرائح الكسور او أشياء شبه منموسة كخط الأعداد لو أوراق العربحات هكذا.



(4)	۲) ولتوضيح ۰.۲×٤ مثلا نباخذ شــريط ورقــي
(4)	۱) وموضيح ۲۰۰۱ منگ باخذ شـريط ور نـی
	ونقسمه آلى أربعة أتسام كل قسم منها مــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
fgi)	واحد كما في (أ) ثم نقسم الشريط كله (٤م)
-	الى عشرة أجزاء كما في (ب) ثم نَاهَذَ ٢.٠

من ٤ متر كما هو ميين في (جـ) حيث ظلل ١٠٨ من المتر .

ثم يقوم المعلم بتوضيح الإجراءات الحسابية في تسجيل ٣×٤٠٠ هكذا ١- نكتبها في الصورة الرأسية

٢- نضرب كما نضرب في حالة الأعداد الكلية ٣ × ٤ = ١٢

٣- نضع العلامة العشرية في حاصل الضرب

أما في حالة ٧ × ٢.٤ فيجب المناقشة والتسجيل بطريقيتن حيث في الطريقة الأولى نستخدم القيمة المكانية والأعمدة الرأسية بينما في الطريقة الثانية نستخدم القيمة المكانية بدون الأعمدة الرأسية ويمكن التفكير في ٧ × ٢٠٤ على أتنه أربعة أجزاء من عشرة مضروبة لني ٧ وهذا يعطي ٢٨ جزءا من عشرة أي ٧ كلي (صحبح) ، ٨ أُجِزُ اء من العشر ة ويكتب هكذا ٢٠٨.

أجزاء أحاد عثيراث

فيمكنهم أن يواصلوا دراسة أمثلة مثل: ٧ × ٩٠٤٩ ويجب أيضا أن تسجل الإجراءات بطرينيتن مكذا:

وبالتفكير في ٩٠. على أنها ٩ أجزاء من مائة فيكون حاصل الضرب هو ٦٣ جزءا من مائة وهذا يمكن تعويله إلى ٦٠ جزء من المائة ، ٣ أجزاء من المائة ثم تحول الـ ٦٠ جزء إلى ٢ أجزاء من العشرة ولهذا فإن ٧ × ٩٠. = ٣٠.

ويجب مناتشة عديد من الأمثلة من هذا النسوع ، وفسى كمل مثـال يجـب أن تركـز على ضرورة تسجيله بدقة ووضع كل رقم في مكانه الصحيح .

ويمكن بطيبعة الحال إيجاد ناتج ٧ × ٢,٤٩ بـالترتيب المبين لسفل ويغيدنا هذا الترتيب عندما نسجل العمل في صدورة مختصرة كما أن التدريب على هذه الصدورة المختصرة أمر ضرورى في هذه العرجلة .

خطوة ٢: الضرب في ١٠

۱۰×۱۷٤,۱ ۱۰×۰,۸ ۱۰×۱۵,۷ ۱۰×۲,۱ مثلا ۲۰,۱ ۱۰×۲,۱ ۱۰×۱۷٤,۱۷ ۱۰×۲,۱۶ ۱۰×۲,۱۲ ۱۰۰۰

يمكن تقديم الضرب في ١٠ من خلال منائشة المثاليين التاليين بالتفصيل وفي كل مثال يسجل العمل كما هو في حالة الضرب في عدد كلى مكون من رقع واحد

 الإجابة ولكن تحرك كل رقم خانة واحدة إلى اليسار" وهي نفس القاعدة التي استخدمت مع الإعداء الكلية.

خطوة ٣) الضرب في عدد مكون من رقمين مثلا

171,7 × 77	۰ ,۲ × ۳۰	. 44 .	(£, Y
			12,1 (12 / 1,2
\$51,44 × 24	67 × 11, 1	. Y £ ×	1,YY : 11 × 7,17
۲,٤٦		٣, ٤	وفحى همذه الخطموة ننساتش
1£ ×		11 ×	الضرب في عدد مكون من
(1 - ×7,£1) £7,1	(1 .× T, £)	r:	رقمین یقع بین ۲۰،۱۰ وفیما
(1 - ×T.ET) 1T.AE	(£× ٣,£)	۲, ۳ ا	رکین بیان یلی مثالان . ومنهما نری آنه
			من الضـــرورى أن يقـــدر
(1E XT,ET) EA,EE	(1 £ ×7. £)	f V ,1	الأطفال على

أرالضرب في ١٠

ب ـ الضرب في عدد مكون من رقم واحد وتسجيل الإجراءات بالصورة المختصرة. وقبل الإستمرار في الضرب في أعداد أخرى مكونه من رقمين نحتاج إلى إعادة النظر مرة ثانية في الضرب في ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ، ... وهكذا .

وقد تعامل الأطفال مع هذا الخدرب قبل ذلك بأعداد كلية ولكنهم قد يحتاجون إلى تذكر واسترجاع مايلي :

عند المصرب في ٢٠ على صبيل المثال يمكننا إما أن نصرب في ٢ ثم نصرب الناتج في ١٠ أو نصرب في ٢٠ ثم نصرب الناتج في ٢ ويجب مناتشة أمثلة مثل ٢٠ × ٢٠ و هكذا ثـم تمـرض ٢٠ × ٢٠ و هكذا ثـم تمـرض الإجراءات

والأن يمكن تقديم حاصل الضرب ٢٠ ٤ كانتالي وعندما يفهم الأطفال ذلك ٢٠ ٢٢ كانتالي وعندما يفهم الأطفال ذلك ٢٠ ٢٠ الله ١٤ (٢٠ ٤٠٢) المبينه في خطوة ٣ المبينه في خطوة ٣ (٢٠ ٤٠٣)

المرحلة ب) ضرب عدين عشريين (١)

مثلا ۱۲٫۲ × ۲٫۴ ، ۲٫۲ × ۲٫۴ ، ۲۲۲۱ × ۲٫۰

ونقتصر في هذه المرحلة على ضرب عدين عشريين يتكون كل منهما من خانة واحدة بعد العلامة العشرية ومن العمكن استخدام أوراق العربعات لتوضيح حاصل ضرب ۰٫۷ × ۰٫۳ كما هو مبين حيث يتضح أن العنطقة العظللة هكذا هي حاصل الضرب تعثل ۲۰۱.

ويمكن تسجيل الإجراءات كما يلي
$$v_1, v_2, v_3, v_4 = \frac{v_1}{v_1} = \frac{v_1}{v_2} \times \frac{v_3}{v_4} = \frac{v_1}{v_3} \times \frac{v_4}{v_4} = \frac{v_4}{v_4} \times \frac{v_4}{v_5} \times \frac{v_5}{v_5} \times \frac{v_$$

ويجب التركيز على أنه في ٠٠٧ توجد العلامة العشرية بعد رقم واحد وليضا في ٣٠٠ توجد العلامة بعد رقم واحد ولكن في حاصل الضرب توجد العلامة بعد رقمين أي بعد حاصل جمع عدد الخانات التي بعد العلامة في العددين المضروبين

ثم يتدرب الأطفال على حل مصائل من هذا النـوع مثـل ٢٠٤ × ٣٠٦ ، ١٢,٥ × ٣.٧ ، ٣.٧ × ٣.٧ ، ٣.٧ × ٢٠٨

المرحلة هـ) ضرب عدين عشريين (٢)

وهذه المرحلة امتداد للمرحلتين أ ، ب وفيها يتدرب الأطفال على اجراء مسائل ضرب أعداد عشرية تحتوى على أجزاء من عشرة واجزاء من مانـة شم أعداد عشرية تحتوى على أجزاء من مائة وأجزاء من ألف ولجزاء أيضا من عشرة مثل

1,707 × 7,75 , 1,37 × 7,70 , 1,797 × 0,7 , 7,77 × 7,7

وفى هذه المرحلة يجب التأكد مـن فهم الأطفال للمرحلة السابقة وينـاقش ممهم مثال مثل ٣٠.٧ × ٢٠.٢ وتسط، الاحر اءات كما بلـ : ـ

وقد يحتاج تحويل ۷۳۱ إلى العصورة العشرية إلى مناقشة. وإحدى الصيغ هي كتابة الكسر هكذا $\frac{v \cdot v}{1 \cdot v} + \frac{v \cdot v}{1 \cdot v}$ وهذه الكسور يمكن تحويلها إلى كتابة الكسر هكذا $\frac{v \cdot v}{1 \cdot v} + \frac{v \cdot v}{1 \cdot v}$ وسوف يرى كثير من الأطفال أن هذا التحويل امتداد للتحويل $\frac{v \cdot v}{1 \cdot v}$ إلى ۲۰,۰

وسوف يرى خبير من الاطفال أن هذا النحويل امتداد للتحويل — إلى ٢٠, ١٠٠ إلى سبق ذكره.

وبالنعبة للضرب (٣.٧ × ٢.٦٣) نوجد إجابة ٢٧ × ٢٦٣ أولا ثم نقسم الناتج بعد ذلك على ألف. ويجب مناقشة السبب في القسمة على ١٠٠٠ في هذا المثال بدلا من القسمة على ١٠٠٠ في هذا المثال بدلا من عشرة القسمة على ١٠٠٠ كما في المرحلة (ب) - فنقسم على ١٠٠٠ لأن في ٣.٣ أجزاء من عشرة ولمهذا توجد ١٠ في مقام الكسر وفي ٢.٣٣ أجزاء من مائة وأجزاء من عشرة ولهذا توجد ١٠٠ في مقام الكسر ولهذا نجد ١٠٠٠ -١٠٠١ في مقام الكسر كما هو موضح. وعندما يجرى الأطفال أمثلة أخرى على شاكلة ٢٠٥٩ × ٢٠٤٨ فسوف يبدأون في ملاحظة أنهم إذا حسبوا عدد الخانات التي على يعين الملامة العشرية في العددين المصروبين ثم جمعوها فإن الناتج يعطى عدد الخانات على يمين العلامة العشرية في حاصل الضرب ويؤدى ذلك إلى طريقة سريعة لإجراء الضرب الذي يتضمن كسورا عشرية فعلى سبيل المثال : فإن الطريقة السريعة لضرب ٢٠٨٥ × ٣٤،١٦ هي :-

 ب - عد عدد الخانات بعد العلامة العشرية في كنل من العددين المضروبين وجمع النتيجتين (۲+۱ = ۳)

ج. وضع العلامة العشرية في حاصل الضرب بعد ٣ خانات يمين العلامة العشرية وعلى ذلك فيجب التركيز على العشرية وعلى ذلك فيجب التركيز على الشقاق أو استنتاج قاعدة للعمل من خلال خبرات الأطفال وتلكيرهم بدلا من إعطاء الأطفال القاعدة ويطلب منهم استخدامها بدون فهم . كما يجب التركيز أيضا على أنه قبل أن يبدأ الأطفال في إيجاد إجابة لعدين مضروبين يظهر فيها كسور عشرية ، عليهم أن ينظروا إلى الحدين ويكتشفوا اجابة تقريبية وبسرعة فمثلا

$$1, \Lambda \times Y$$
, $= \Lambda \times \frac{\gamma}{1} = \frac{Ff}{1} = F, f$

$$0.0, V \times P, = \Lambda \times I = \Lambda$$

$$0.0, V \times P, = V \times \frac{P}{1} = \frac{\gamma \Lambda Y}{1} = \gamma, \Lambda Y = \Lambda Y$$

$$0.0, V \times P, = V \times \frac{P}{1} = \frac{\gamma \Lambda Y}{1} = \gamma, \Lambda Y = \Lambda Y$$

£ = Y × Y = Y,1 × 1,9

وعندنذ يقدر الأطفال على المتحقق من أن إجاباتهم المحسوبة معولة وسوف يساعد ذلك على تجنب الأخطاء الناشنة من وضع العلامة العشرية في وضع خاطئ . ملاحظة: -

فى حالة كون خانات حاصل الضرب أقل من مجموع خانات الكسور فى الأعداد المضروبة نضع صفرا أو أكثر على يسار حاصل الضمرب لنكمل العدد المطلوب من الخانات الكسرية ثم نضم العلامة العشرية.

مثال ۲۰٫۰۰ × ۲۰٫۰

نقرب أولا فيصبح ١ × ٠٠٠٦ = ٠٠٠ ثم نضرب هكذا

بن من نصب عدد الخانات الكسرية نضع صفراً في حاصل
 في المعاملين المضروبين الضرب لوضع العلامة العشرية

٠,٠٤٥٠ ← (٤) خانات يمين العلامة

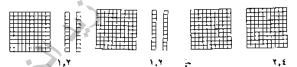
القسمية

سنتناول تقديم قسمة الكسور العشرية على مراحل وخطوات أيضا كما يلي :

المرحلة أ) قسمة عدد عشرى على عدد كلى

117 ÷ 010,011 ; YT ÷ 644,41

ونبدأ هذه المرحلة بشرح ٢,٤ ÷ ٢ باستخدام قطع دينيز للأساس عشرة هكذا



ثم تسجل الإجراءات الحسابية هكذا

٢.٤ ÷ ٢ تكتب أولا هكذا ٢.٤(٢ ثم تجرى القسمة كما في حالية الأعبداد الكليبة

هكدا

العلامة العشرية $> \frac{7}{3}, \frac{1}{7}$ $> \frac{1}{3}$ بعد رقم واحد $> \frac{7}{3}, \frac{7}{3}$ $\rightarrow \frac{7}{3}$

ثم يتم التحقق بضرب خارج القسمة في المقسوم عليه ٢ × ٢،١ = ٢٠٠٠ خطوة ٢ إضافة أصفار إلى المقسوم مثلا ٤ ، ٣ ÷ ٤ ، ١،١٦ ÷ ٠ ، ٢،١ ÷ ٠ ، ٢٠ ÷ ٨

و في هذه الخطوة بيداً العطم بعوقف و اقعى من الحياة مثل : $\frac{7}{7}, \frac{7}{7}$ و في هذه الخطوة بيداً العطم بعوقف و اقعى من الحياة مثل : $\frac{7}{7}, \frac{7}{7} \longrightarrow (A.×3)$ وقطم على مسافة 3,7 كم في أربع ساعات فكم كيلو متر ا $\frac{7}{7}, \frac{7}{7} \longrightarrow (A.×3)$ وقطمها في الساعة الواحدة 9

ويوضح المعلم أننا نجرى التسمة حتى نحصل على خارج $\frac{\Lambda_{\lambda}^{\lambda}}{\lambda}$ التسمة يتضمن أجزاء من عشرة فإن وجد باقى نستمر $\frac{Y}{\lambda} \to (\Lambda^{\times})$.

 $(\pm \times, \cdot \circ)$ خارج قسمة به أجزاء من مائة وذلك بإضافة $\frac{y}{1}$ خارج قسمة به أجزاء من مائة وذلك بإضافة

صغرا على يمين العلامة العشرية فان انتهت القسمة أى لم يوجد باقى انتهت المسألة والإنستمر حتى أجزاء الآلف ومافوقه

المرحلة ب) قسمة عدد عشرى على قوى العشرة خطوة ١)

القسمة على ١٠ ومضاعفاتها (١٠٠، ، ١٠٠٠ ، وهكذا) مهمة جدا في التعامل مع الكسور العشرية .

ويمكن تقديم القسمة على ١٠ باستخدام ٨٣ ÷ ١٠ مثــلا وتسجيل الإجـراءات بطريقتين هكذا

ویجب علمی الأطفال أن یحلوا مسائل وأمثلة كشیرة مـن هـذا النـوع بأنفســهم مثــل (\$7+ ١٠ (٥٠ + ١٠ ، ١٣٢ + ١٠ وهكذا) ویمكن مناقشة مثــال ولیكـن ٣٦.٨ + ١٠ بعد ذلك

ومن هذا المثال وأمثلمة أخرى كثيرة من نفس النوع يهدأ الأطفال في روية الآتي:"عند تسمة عند على عشرة تظهر نفس الأرقام في الإجابة (خبارج القسمة) ولكن كل رقم تحرك خانة واحدة إلى اليمين فمثلا:

$$Y,YA = Y + YY,A$$

$$Y,YA = Y + Y,YA$$

$$Y,YA = Y + Y,YA$$

$$Y,YA = Y + Y,YA$$

وقد يبدو من المفيد في هذه المرحلة أن يتذكر الأطفال ما سبق إكتشافه أثناء الضرب في ١٠.

خطوة ٢) القسمة على ١٠٠

اجراءات القسمة على ١٠٠ إمتداد القسمة على ١٠ نمثلا لقسمة ٢٠٠ ÷ ١٠٠ تسجل الإجراءات كما يلى :-

1..) 1... 10... 1... 1...

ومن هذا المثال وأمثلة أخرى يستطيع الأطفال الوصول إلى القاعدة التالية : عند قسمة عدد عشرى على +١٠ نكتب نفس أرقام المقسوم في الإجابة ثم نحرك المعلامة خانتين إلى اليسار " ثم يتدرب الأطفال كثيرا على استخدام تلك القاعدة.

خطوة ٣) القسمة على ١٠٠ وما فوق

وهى نفس لجراءات القسمة على ١٠٠ ويمكن من خلال عديد من الأمثلة أن يصل الأطفال إلى قاعدة القسمة على ١٠٠ ويمكن من خلال عديد من الأمثلة أن عشرى على قوة العشرة نكتب جميع أرقام المدد العشرى في الإجابة كما هي شم نحرك العلامة على اليسار بعدد قوى العشرة الموجودة.

المرحلة جـ) قسمة عدد عشرى على عدد عشرى

نحن كمعلمين نسرف أننا نتمامل مع القسمة التى على شاكلة ١,٨٢ ÷ ١,٨٣ بضرب كل من ١,٨٢ ، ١٠ قسى ١ وهذا يحول القسمة إلى ١٨٠١ ÷ ١٣ وتضطر الأن القسمة على ١٢ ويمكننا عمل ذلك ونحتاج إلى أن نفكر، بعناية شديدة، في كيفية تقديم هذه الفكرة للأطفال بطريقة أفضل.

وأحد طرق إجراء ذلك هو كتابة مجموعة مسائل قسمة كما يلي:

 $TT \div TT$ 17 ÷ £ A A ÷ T£ £ ÷ 17 T ÷ T

فيجد الأطفال أن ناتج القسمة في كل الأمثلة السابقة هو ٣ ثم ينظرون للى الأعداد التي تشتمل عليها مسائل القسمة ثم يقولون ماذا يلاحظون.

سوف يقول معظم الأطفال بسرعة أنه إذا ذهبنا من كل مسألة تسمة إلى القسمة التالية لها من اليسار وجننا أن المقسوم والمقسوم عليه تضاعفا (أى ضربا فى ٢). وسوف يرى بعض الأطفال أيضا أن العددين فى المثال الثالث (٢٤ + ٨) يمكن المحصول عليها بضرب كلا العددين فى المثال الأول فى ٤ (٢ + ٢) كما يلاحظ أخرون

الضعرب في Λ (Λ ۽ Λ) والمصعرب في 11 (Λ ؛ Λ) شم تنسائش مجموعـات أخرى من مسائل القسمة والتي لها نفس الناتج بنفس الطريقة وتكتب الآن مسألة قسمة مثل Λ : Λ على السبورة ويكتب كل طفل تحتها مجموعة أخرى من مسائل قسمة لها نفسى الناتج ويكرر هذا العمل مع مسائل قسمة أخرى. ويصل الأطفال إلى إستنتاج أن خارج القسمة لم يتغير الذا ضعرب كل من المقسوم والمقسوم عليه في العدد نفسه.

ونظائش الآن قسمة عدد عشرى مثل ١,٧ + ٠,٤

يعرف الأطفال كيفية القسمة على عدد كلى ولهذا إذا تحولت ؟. إلى عدد كلى فيمكن للأطفال عندنذ إجراه القسمة ويمكنهم تحويلها بضرب ؟. • × • ١ ولكنهم فمى نفس الوقت يجب أن يضربوا ١٠٢ × • ١ ولهذا تتحول القسمة إلى ١٢ + ٤ ويمكن توضيح هذا التحويل للقسمة أيضا بإستخدام الصورة الكسرية 12.

ويمعرفة أن قيمة الكسر لا تتغير إذا ضرب الأعلى (البسط) والأدنى (المقام) فى نفس المدد فسوف يرى الأطفال أن الضرب فى ١٠ يحول ^١ والله الى على عالم

من هذا المثال وأمثلة أخرى يجب أن يبدأ الأطفال في أُفهم الطريقة المستخدمة في النسمة على عدد عشري.

والخطوة الأولى في مسأنل القسمة التي مثل ٢٠٧ + ٣. ، ١٠٩٩ + ١٠،٥، ٢٣٤٥ + ٢٧٠٩ ، .. وهكذا هي تحويل القاسم (المقسوم عليه) إلى عدد كلي بطسرب عددي القسمة في ١٠.

بالنسبة لقسمة التى مثل ۲۲٬۷۳ ÷ ۲۰٬۷ + ۲۰٬۲ ن ۳۰٬۲۰ + ۱٬٤۹۲ ، ۰۰ و هکذا یحول المقسوم علیه إلى عدد کلی بضمرب عددی القسمة نی ۱۰۰ و عندما یتحول المقسوم علیه إلى عدد کلی فإن إجراءات القسمة نتیم النمط المادی.

المرحلة د) تحويل كسر إعتيادي إلى كسر عشري خطوة ١ الربط بين الكسر والقسمة

نحن كمعلمين نعلم أنه يمكننا تحويل كسر مثل $\frac{1}{N}$ إلى كسر عشرى بقسمة $\frac{1}{N}$ على N. ولكن هذا لا يكون واضحا بالنسبة للأطفال فهو يحتاج إلى المناقشة كما يجب أن يتسم الشرح بالبساطة ويظل على ذلك.

وكمدخل بسيط لذلك هو أن يرسم الععلم شريطا على السيورة كالتالي

كيف يمكثني	سي خمسة أجزاء متساوية	والشريط إل	ثم يقول إننى سأقوم بتقسيد
	نب ١ ÷ ٥ على السبورة	المناتشة يكث	توضيح ما أتوم به من عمل؟ وبعد
[[ثم يضبع العلامات على الشريط هك
	<u> </u>	، بجزء ل	تُم يِسألُ ما الكسر الذي يساويه كــل
	<u> </u>		(خمس) ثم يعرضه كما هو مبين
	1 1 1		
على إستعداد	اتنج ويجب أن يكون الأطفال	ه ، أَ الله	ثم يناتش العلاقة بين 1 ÷
	, هذه الصنورة).	نوا رأوه في	المعرفة هذا الناتج فلربما (قد لا يكو
			والآن يرسم المعلم شريطين كالقالي
۲ کلیین			
	مها کما یلی	اوية وأعرط	ثم يقسمهما إلى خمسة أجزاء متس
o ÷ 4			
			تُم يعرضها هكذا أيضا
۲ ۵			1 1
" =	بط و احد و لهذا فان ۲÷ ۵	المرشر	الجزء المظلل يبين ٢ ÷ د كما أنه
5	4	Ψ.	_
		· · · ·	وبنفس الطريقة فإن $\pi \div \circ = \frac{1}{\circ}$
أن الكسـر 🛬	نناك منسرورة) يرى الأطفال	ی إذا كان	من هذا المثال (وأمثلة أخر
-			مثلا هو قیمة ۲÷٥
	کسر عثری	بادی إلی ا	خطوة : ٢ تحويل كسر إعتب
	الأطفال بـ 📩 ثم يحولونه إل		
(-) · LI	33-37- 3-0-2-		į
	>	<u>ر</u> ه	<u>۔۔۔</u> یقسمون ۲ علی ۵ هکذا ← ۲
	جز ء	ر عشر≩مرن.	<u> </u>
	2		

والأن يناقش الكسر $\frac{r}{\lambda}$ على سييل المثال.

يسير الأطفال بنفس الخطوات الأمثلة السابقة ثم يقررون أن ذلك يرتبط بالقسمة ٣ + ٨ (ويمكن توضيح ذلك إذا كان ضروريا عن طريق تقسيم ٣ شرانط إلى ٨ لجـزاء متساوية)

> ويجب التعامل مع كسور متعددة أخرى بهذه الطريقة. تعليق ومتابعة:

الكسور العشرية من العوضوعات التبي يمكن للأطفال فهمها إذا قدمت لهم بطريقة مناسبة وعلى مراحل حيث يجب أن يفهم الأطفال أولا دلالة العلامة العشرية هيث تستخدم لفصل الخانات التي قيمتها آحاد أو أكثر عن تلك النبي قيمتها أعشار أو ألل. والعلامة العشرية إمتداد منطقي ومفيد لفكرة القيمة المكانية.

وبعد ذلك تأتَى مُرحلة قراءة وكتابة الكسور العشرية وينبغى أن يأخذ المعلم وقتــا طويلا في تدريس أطفال المرحلة الإبتدائية كيفية قراءة وكتابة الكسور العشرية.

ومن الأدوات المفيدة في تعليم الأطفال قراءة وكتابة الكسور العشرية خط الأعداد وشرائح الكسور والمناطق الهندسية والتي سبق وصفها سابقا. كما يمكن أن يالف الأطفال المفهوم العشرى في سن مبكرة حينما يتناولون العملة المصرية (مليم، قرش، جنيه) للوصول إلى هذا الغرض.

ومن المألوف تدريب المعلم لتلاميذه على كتابه الأحداد العشرية بطريقة الإملاء، والتدريب على الكتابة بطريقة الإملاء له قيمة هامشية والطريقة التي كانت متبعة فى الماضى لا يوصى بها الآن، وذلك لأن متطلبات التجارة وإدارة الأعمال قد تغيرت لدرجة أن قراءة ونسخ الأرقام نادرا ما يحدث، والمهارة فيها أصبحت تليلة الأهمية وعندما يعلى عدد به كسور عشرية مثل ٣٤٦،٦٣ يجب أن يقرأ هكذا ثلاثة، أربعة ، ستة ، علامة عشرية، ستة ، اثنين وليس هكذا ثلاثمانة وست وأربعون وإثنان وستون من مانة وإذا كنت تعتّد في فائدة أملاء الأعداد فاستخدم الطريقة الأولى في قراعتها بدلا من الطريقة الثانية.

وتشيع لدى أطفال المرحلة الإبتدائية بعض الأخطاء لدى تيامهم بالعمليات المختلفة المتعلقة بالمقاهيم والحقائق الأساسية والعمليات الحسابية للكسور العشرية وقيما الهي بعض هذه الأخطاء:

الأخطاء الشائعة في الكسور العشرية

- الكسر المشرى الذي يحوى أرقاما عشرية أكثر (على يمين العلامة العشرية) هو
 الأكبر قيمة فقد يجبب الأطفال على بعض المسائل هكذا ٢٠٢١ > ٣٠٨ % ٣٠٢٠.
 ١٠٩٠.
 - ٧- الكسر العشري الذي يحوى أصفار الكثر على يمين العلامة هو الأقل قيمة.
 - ٣- عدم التمييز الصحيح بين أجزاه الكسر العشرى.
- ٤- جمع أجزاء الكسر العشرى على غرار الجمع فى الأعداد الكلية دون مراعاة القيمة المكانية للأرقام التي يضمها الكسر.

, V , A +

- أخطاء في الضرب والقسمة بسبب عدم فهم القيمة المكانية. ويذكر
 Brian Greer (48) أنه توجد أربعة عوامل تؤثر في ظاهرة عدم بقاء قواعد ضرب وقسمة الأعداد العشرية هي: .
- المفاهيم العددية الخاطئة : حيث يعتقد الأطفال أن ضرب الكسور العشرية يعطى
 أعدادا أكبر والتسمة تعطى اعداد أصغر .
 - النقص في التكامل بين الكسور الإعتبادية والكسور العشرية .
 - ٣- استخدام طرق بديلة للحل .
 - إلاقتقار إلى فهم بعض العمليات .
- ويمكن الإضافة إلى ذلك بأن تقديم القواعد مبكراً قبل فهم الأساسـيات يـودى إلـى كثير من الأخطاء

معلومات إضافية

الكسور العشرية القديمة :

هل تحب أن تجمع كسرين مثل ٢٧٥٤٤ + ٢٥٦٥ ؟ هل تحب أن تجمع كسرين مثل ٢٣٤٦٥

هذان الكسران تقولان ومرهكان جدا وسوف يأخذان مـن الريـاضيين واتنا طويــلا نصبيا للحصول على الناتح .

وفى حوالى ١٥٥٠م ظهر كتاب سمى "La Disme " ويعنى بالإشجليزية " " The Tenth وبالعربية "العشر" وهذا الكتاب يعتبر مساعدة البشرية حيث الح على أو طالب باستخدام الكسور العشرية ، والكسر العشري هو الذي مقامه ١٠٠،١٠٠ ،

وأتترح هذا الكتاب أن تعتبر الأعدادالكلية "آحاد" وعندما تكتب تنتهى بالرمز (٥) مثلا العدد (٥) ٢٩٤ هو العدد الذي يعبر عن وأربعة وتسعين ومانتين . وهذا صعب بالمقارنة بالطريقة المعاصرة للكتابة (هيث لايوجد (٥))

وبالنسبة للكسر بين (١٠٠) كانت تقسم الوحدة (الأحاد) أو تكسر إلى أجزاء تسمى أولهات "primes"

الكسر 🕂 في تلك الأيام كان يكتب 🕜 ٣

کان یستخدم لومنی نهایة الأولیات أو مانسمیه نحن الان الأعشار .
کل أولی کان یکسر إلی ثانیات جمع ثان second وکل ثان کان یقسم إلی ثوالت و هکذا و تتنهی الأولیات بـ (() و الثانیات تتنهی بـ (() و الثوالث تتنهی بـ (() و الثوالث تتنهی بـ (() و فیما یلی أمثلة لبعض الکسور مکنوبة بالرمز القدیمة بمقاریة الآن

إختير ههمك:

- اختر أي وسيلتين تعليميتين ووضع كيف يمكن استخدامهما لبيان معنى الكسور العشرية .
- ٢- استخدم قطع دين تز لبيان تعثيل كل من الأعداد التالية ٢٣,٤ ، ١٣٠٠٠
 - ٣- أكتب الأعداد ائتالية بطريقة المفكوك العشرى
 ٣٠٤,٠٦ ، ٣٠٤,٠٦

- ٢- صنف مواقف من الحياة اليومية لكل من هذه الجمل
- والسرح بالاستعانة بالوسائل التعليمية المناسبة الطرق التي يتعلم الأطفال بها معنسي هذه الجمل .
 - 🤏 كيف تشرح الأطفالك ايجاد حل المسائل التالية
 - £ . 44 × 11 10,11 ×T,1
- الحراكتب قصمة توضيح فيها معنى التسمة كصليمة تجزئ من خلال الجملة ١٠٢ ÷ ٤ = ٢٠٠ واستخدم وسيلة مناسبة لتوضيح معنى الجملة .
- صف موقفا تستخدم فيه القسمة كقياس من خلال الجملية ٤ ÷ ٠٠٥ ٨ واستخدم وسيلة تعليمية مناسبة لتوضيح معنى الجملة .
 - ٨- ضمع العلامات العشرية ليكون الناتج صحيحاً T.TY = 10 - TEY

 - T17.A0 10 T1Y

- مقدم___ة
- النسبة: معناها والتعبير عنها
 - النسب المتكافئة
 - المدل
 - التناسب
 - التقسيم التناسبي
 - مقياس الرسم
 - النسبة المثوية
- تطبيقات النسبة الثوية في الحياة اليومية.

من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن:-

- يعرف النسبة المنوية ويصف مواقف واقعية تتضمنها.
- يميز بين النسبة (المعدل) والأساس والنسبة المنوية ويعطى مثالا على كل منها من مواقف الحياة اليومية.
 - يصف مواد تعليمية تناسب بحث الأطفال عن معنى النسبة.
- يحول (يحيد تسمية) الكسور الإعتيادية والكسور العشرية كنسب ويعيد تسمية النسب ككسور إعتيادية وكسور عشرية.
 - يستخدم التناسب وطريقة أخرى على الأقل لحل مسائل النسبة.
 - بستحدم المناسب وعريد المرى على على المان المناسبة المناس
 - يسرح تطبيقات النسبة العلوية في الحياة اليومية. وشرح للأطفال تطبيقات مقياس الرسم في الحياة اليومية.
 - يقرح للاطفال نظييفات ملياس الرسم في الخياه اليومي.
 يعرف طريقة التناسب في حل مسائل النسبة العنوية ويشرحها للاطفال.

يعرف طرية المسلم على المنظل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يصبح قادرا على أن :-

- يكتب النسبة بين كعيتين من نفس النوع في أبسط صورة.
- يوجد النسبة بين كميتين من نفس النوع في أبسط صعورة.
- يرب النسبة في ثلاث صور: صورة كسرية، صورة كلامية، صورة تقطئين.
- يكتب المعدل في ثلاث صور : صورة كسرية، صورة كلامية، صورة رمزية.
 - يوجد النسبة بين كميتين مختلفتين ولكنهما ينتميان لنفس عائلة القياس.
- يوجد المعدل بين كميتين مختلفتين لايمكن تحويلهما اللي كميتين من نــوع واحد فـي أصغر حدين.
 - بوجد معدل الوحدة.
 - يحدد ما إذا كانت النسبتان متساويتين أم لا
 - يكتب التناسب الطردي بأربع صور مختلفة.
 - يكتب التناسب العكسى بأربع صور مختلفة.
 - يحدد حدود التناسب.
 - يحل تناسبا يحتوى على حد مجهول.
 - يحدد متى يمكن استخدام النتاسب لحل مسألة كلامية.
 - يحدد متى يجب استخدام التناسب الطردى لحل مسألة تناسب.
 - يحل مسألة تناسب باستخدام النتاسب الطردى،
 - يحدد متى يجب استخدام التناسب العكسى لحل مسألة تناسب.
 - يحل مسألة تناسب باستخدام التناسب العكسي.
 - بكتب جزءا من كل كثيمة عددية وككسر عشرى وككسر اعتيادى وكنسبة منوية.

- يحول النسبة العنوية إلى كسر عشرى أو إلى كسر اعتيادي.
 - يحول الكسر العشرى إلى نسبة منوية.
 - يحول الكسر الاعتيادي إلى نسبة منوية.
- يوجد الكمية عندما تكون النسبة المنوية والأساس معلومتين.
- " يوجد الأساس عندما تكون النسبة المنوية والكمية معلومتين.
- يوجد النسبة المنوية عندما تكون النسبة العنوية والكمية معلومتين.
- يحل مسائل على تطبيقات النصبة المنوية في البيع والشراء وضريبة المبيعات
 والتخفيضات وما إلى ذلك.
 - يوجد مقياس الرسم المناسب.
 - يستنتج مقياس الرسم من معلومات معطاة.

مقدمــــة:

النسنة والتناسب ومقياس الرسع والنسبة المنوية من المفاهيم الهامة في رياضيات المرحلة الابتدانية وذلك لما لها من تطبيقات عديدة في حياتنا اليومية وأيضا في مجال الرياضيات ذاتها في مرحلة لاحقة بالاضافة إلى التطبيقات في العواد الدراسية الأخرى.

فالأطفال الذين سيستعرون في التعليم سوف يحتاجون أفكار النسبة والتناسب فسي "دراستهم للهندسة "موضوع التشايه" ، وفي حساب المثلثات وفي تبسيط المقادير الجبرية كما أن مقياس الرسم نحتاج إليه في رسم الخرانط والأشكال وما إلى ذلك بالاضافة إلى تطبيقاته في الحياة اليومية. والنسبة العنوية لها تطبيقات واقعية كثيرة مثل الأسهم وأنشركات والربح والخسارة والعمولة والتخفيضات (الأوكمازيون) وضعربية العبيعات وما إلى ذلك.

ويجب أن نقدم هذه المفاهيم للأطفال من منظور واقعى ونبين لهم أهميتها لأن ذلك يصاهم في تقبل الأطفال لهذة المفاهيم وتمكنهم منها. وفيما يلى نناقش تقديم تلك المفاهيم كل على حده :

النسبة :

معنى النسبة والتعبير عنها:

		نشطة
۱۲ سم	_	(1)
	ž سم	(Y)
 : قطعتيـن مـن الخشـب الأولـي طولهـا ١٢ سـم مثـلا والثانيـة	ملم على المبيورة	رن —— تعرض الم
لر إلى تطعتي الخشب سمكن أن نقول :	, ويقول نهم بالنظ	رر ن طولها کسم

- القطعة (٢) أقصر من القطعة (١) بمقدار ٤ سم.
- * طول القطعة (١) قدر طول القطعة (٢) ثلاث مرات.
 - طول القطعة (٢) يساوى خ طول القطعة (١).
- ٢- يرسم المعلم مستطيلا ليمثل ١٠ أطفال بعد تقسيمه كما بالشكل التالي:

ثم يطلب من أحد الأطفال التعبير "بالنسبة" عن العبارة التالية:

يوجد ٣ أطفال نيس لديهم أخوة من بين العشرة أطفال ويسجل الطفل نشاطه هكذا

1 . : " 1 . Ja T

٣- يكرر هذا النشاط مع أشكال هندسية أخرى وأعداد أخرى وبعد أن يكمل الأطفال
 تلك الأنشطة يمكنهم أن يصلوا إلى أن :

"النسبة" هي مقارنة بين عددين ؛ ويمكن استخدام النسبة للمقارنة بين كمية وكمية أخرى وبين جزء وكل أو كل وجزء. وفي التعامل مع النسب يجب علينا أن نتذكر أنه:

 إ- يمكننا مقارنة كميتين من نفس النوع فقط فمثلاً كل من الأسبوع واليوم كميتان من الوقت ولهذا يمكننا مقارنتهما ولكننا لاتستطيع مقارنة يوم واحد (وقت) مع ٤ كجم (كتلة).

ب- بجب أن تكون كلا الكمتين بنفس الوحدات فمثلا لمقارنة يوم وأسبوع نحول كلا
 منهما إلى أيام.

وعندما نقدم فكرة النسبة فلأطفال يجب أن نستخدم كميات مختلفة النوع قدر الإمكان فعثلا طول - مساحة - حجم - كتلة- وقت - نقود - سعة.

ويجب أِختيار الأمثلة بحيث تساعد الأطفال على روية أنهم يمكنهم مقارنة كميات من نفس التوع ونفس الكميات.

٧- النسب المتكافئة

ينبغى أن يتم تقديم النسب المتكافئة عن طريق أمثلة ملموسة من الحياة ويمكن الإستمانة ببعض الأدوات والأشكال والرسوم ويمكن البدء بمثال كالتالي:

يعمل خالد بمحل تسجيلات إسلامية فباع يوم الإثنين ٤ شرانط قرآن كريم ، و٦ شرانط خطب ومواعظ وباع يوم الأربعاء ١٦ خطب ويوم الأربعاء ١٦ ضب مريطا قرآن كريم، ١٢ خطب فيمل نسب شرائط القرآن المباعة إلى نسب الخطب المنطب المنطب المناعة يوميا متساوية؟

بإستخدام الأقراص البلاستيكية يمكن بيان النسب متساوية (متكافئة)





٥ 0 0 0 3 بدون تظلیل کل 1 مظالة

ع بدون تظلیل
 نکل ۱ مظلة
 نکل ۱ مظلة

وكما في حالة الكسور المتكافئة قيمكن للأطفال أن يصلوا إلى أنه عند مسرب أو قسمة كلا من حدى النسبة بعدد ما فان قيمة النسبة لا تتغير والنسب الناتجة تكون متكافئة قمثلا

$$\frac{17}{7\xi} = \frac{\lambda}{17} = \frac{\xi}{7} \quad \therefore \quad \frac{17}{7\xi} = \frac{17}{7\times17} = \frac{\lambda}{17} \quad \cdot \quad \frac{\lambda}{17} = \frac{17\times\xi}{7\times7} = \frac{\xi}{7}$$

 $\frac{\dot{x}}{r} = \frac{x+x}{r-x} = \frac{\dot{x}}{r} \rightarrow \text{ thank is limit one of } x$ وأيضا ثم يتدرب الأطفال على تحديد النسب المتكافئة من خلال أمثله عديدة مثل

المعدل هو مقارنة بين كميتين مختلفتي الوحدات ويكتب ككسر.

۲۱ میل <u>۱۳ میل</u>) المیل صور ۵) ایسط صور ۵) ؛ مباعات المیل صور ۵)

معدل الوحدة : معدل الوحدة هو معدل المقام فيه - ١ فمثلا خمسة فصدول در اسية بهم $\frac{170}{110} \frac{110}{110} \frac{1}{110}

التناسب

نضطر أحيانا لمقارنة أكثر من كميتين ويقودنا ذلك إلى ما يسمى بالتناسب.

والتناسب هو جملة رياضية تعنى تساوى نسبتين $\frac{r}{r} = \frac{r}{r} \quad , \quad \frac{r}{r} = \frac{r}{r} e^{\frac{r}{4}2iL}$

ولهذا فإنه يوجد ٧٧ تلميذا لكل فصل.

مثل وفي مرحلة متقدمة يمكن إستخدام الرموز هكذا

ويسمى الحد الأول والحد الرابع طرفي النقاسب ويسمى الحد الثاني والحد الثالث وسطى التناسب،

ولتحديد ما إذا كانت النسبتان في تناسب قائنا نستخدم ضرب المقص أو نتأكد من أن حاصل ضرب طرفي التناسب مساويا حاصل ضرب وسطيه.

مثّال : هل النسبتان ﴿ ، ﴿ فَي تَناسب ؟

الحل: تستخدم ضرب المقص أو الطرفين × الوسطين، هكذا

ولما كان حاصل ضرب المقص - ٤٠ فإن النسبتين في تناسب ويجب أن يمارس الأطفال تدريبات متوعة على إيجاد صحة وخطأ التناسبات ثم يعطى كل منهم نسبا ويطلب منهم إيجاد نسب تتاسب معها تناسبا ويطلب منهم إيجاد نسب تتاسب معها تناسبا صحيحا.

التناسب الطردي:

تكون الكميتان في تناسب طردى إذا كانت نسبة الكمية الأولى إلى الكميسة الثانية مقدارا ثابتا.

فَمثُلا: إذا كان ثمن كيلو الموز ٣جنيه فإن ثمن ٢كيلو تساوى ٣جنيه وثمن ٤ كيلـ و -٢ اجنيه و هكذا. ويتضمح أنه كلما زاد عدد الكيلو جرامات إزداد ثمنها وبالتحديد عندما نزداد كمية الموز مثلين يزداد الثمن مثلين وإذا زاد الموز ثلاثة أمثال إزداد الثمن ثلاثة أمثال ولهذا فإن نسبة كيلو جرامات الموز إلى أثمانها مقدار ثابت

كمية الموز
$$\frac{1}{r} = \frac{r}{r} = \frac{r}{p} = \frac{\sigma}{1}$$
 و هكذا.

وهذا الخاصية هي خاصية التناسب الطردي ويجب ملاحظة أنه إذا قلينا التسبتين فيظل التناسب طرديا مثل $\frac{VV}{10} = \frac{VV}{10} = \frac{VV}{10}$.

التناسب العكسي:

يكون التناسب عكسيا إذا كان حاصل ضرب المتغيرين كمية ثابته.

مثال: –

لنفترض أن سعة خزان ماء ٧٠٠٠٠ لتر فإذا كانت الأنبوبة التي تعبئه تصبب بسرعة ١٠٠٠ لتر في الدقيقة فإنه يعتلى، بعد ٢٠ دقيقة وإذا كانت الأنبوبة تصب بسرعة ٥٠٠ لتر في الدقيقة فيعتلى، الخزان بعد ٢٠ دقيقة وإذا كانت سرعة صبب الأنبوبة ٢٥٠ لتر في الدقيقة فيعتلى، الخزان بعد ٨٠ دقيقة.

والجدول الثالى يوضح مقارنة الزمن بسرعة تدفق الماء

٦٢٥٠	،،ەل	آ ۱٬۰۰۰ ل	سرعة تدفق الماء
۸۰ دقیقهٔ	٠ ؛ داريقة	۲۰ دقیقهٔ	عدد الدقائق
Y = A . × Y = .	Y £ +×0	7 7 . × 1	المسرعة× الزمن

ومن الجدول يتضبح أنه كلما زادت سرعة تدفق الماء كلما نقـص الزمـن الـلازم لماء الخزان وكلما نقصت سرعة تدفق الماء إزداد الزمن اللازم.

يلاحظ أن حاصل ضرب سرعة تدفق الماء في الزمن تساوى سعة الغز أن وهيي مقدار ثابت وهذه هي خاصية التناسب العكسي.

التقسيم التناسبى:

فى بعض الأحوان يكون لدينا كمية ما نريد تقسيمها حسب نسب معينة لا يفى التناسب بحلها فنسلك طريقا أخر يسمى التقسيم التناسبي.

مثال: -

محيط مثلث ٢٩سم والنسب بين أطوال أضلاعه ٦: ٤: ٣ فما طول كل ضلع ٩ نقطة البداية في أيجاد الإجابة هي أيجاد مجموع ٦: ٤: ٣ = ١٢ وبعد ذلك يمكن كتابة النسب هكذا $\frac{r}{r}:\frac{1}{r}:\frac{1}{r}:\frac{1}{r}$ ويقود ذلك إلى التفكير في الضلع الأطول على أنه $\frac{r}{r}$ من المحيط والضلع الأاني $\frac{r}{r}$ من المحيط والمصر ضلع على أنه $\frac{r}{r}$ من المحيط، أي $\frac{r}{r}$ من الـ ٣٣سم، $\frac{1}{r}$ من الـ ٣٣سم، $\frac{r}{r}$ من الـ ٣٣سم، ١٤ تكون أضلاع المثلث بالأطوال ١٨سم، ١٢سم، ١٩سم وسم (١٢+١٠).

وهناك مدخل أخر وهو البدء مرة ثانية بليجاد المجموع (٢+٤+٦) ومن الناتج يمكننا أن نقول إذا كان المحيط ٢٣مم فإن الحوال الأضلاع تكون ٢سم، ٢سم، ٣سم ولكن طول المحيط ٣٣مم وهذا يعنى أنه ٣×١٦ ولهذا فإن الحوال الأضلاع هي ٢×٣مم، ٢×٣مم أي أن ١٨مم، ٢١مم، ٩سم.

ويجب تزويد الأطفال بعديد من الأمثلة من هذا النوع تستخدم فيها عدة أنواع مختلفة من الكميات قدر الإمكان. وبصفة خاصة أسعار وجبات الطعام وخلط المعادن لتكوين السبانك في الصناعة وأمثلة أخرى عديدة مما يحدث في الحياة اليومية كالاشتراك في تجارة بنسب معينة من رأس المال وتقسيم المواريث وما إلى ذلك.

مقياس الرسم:

تدخل فكرة بستخدام مقياس الرسم في عديد من أنشطة الحياة اليوموة قمندما يرسم الطفل لا يفكر فيها بهذه الطفل أول رسم له يستخدم فكرة مقياس الرسم وإن كان الطفل لا يفكر فيها بهذه الصورة. وتتضمن الصور الفوتوغرافية والصور الزيتية استخدام مقياس الرسم كما أن الخرائط ترسم دائم بعقياس رسم ورسوم الأبنية يدون عليها مقياس الرسم المستخدم. وعندما يكون لدينا رسوم بيانية عديدة فإننا غالبا ما نضطر إلى تحديد مقياس رسم معين تستخدمه.

ويصفة عامة لا يجد الأطفال صعوبة في فهم فكرة مقياس الرسم وبإمكانهم أن يقيسوا طول وعرض أرضية حجرة الدراسة لأقرب متر وتتكن ١٢م، هم مثلا ثم يرسمون ممتطيلا على ورقة ليمثل الأرضية فسوف يدركون غالبا بأنفسهم أنه يجب استخدام مقياس رسم معين.

وبالنسبة لهذا المثال فقد يقررون تمثيل كل امتر بـ ١سم.

وسوف يناقشون امكانية استخدام مقياس رسم أخر قمث لا بسم ليمثل ام أو السم ليمثل ا م. ومن البداية يجب أن يسجلوا دائما المقياس المستخدم . وتأتى فكرة مقياس الرسم من رسم عدة أشكال بيانية ولهذا في المراحل الأولى قد لا يفكر الأطفال فيها هكذا.

قيستخدمون فترات كل منها اسم على كل من المحورين عادة وفى العراحل المتأخرة قد يضطرون لاستخدام فترات بسم على كل من المحورين لكى يعرضوا الأعداد الموجودة، وسوف توجد فرص ملائمة لعرض من صفر - ١٠ على أحد المحورين، صفر - ١٠على المحور الأخر على سبيل المثال. وعلى ذلك فإن فكرة استخدام مقياس رسم مختلف على المحورين تحتاج إلى مناقشة بعناية. والطريقة التي يوثر فيها إختيار مقياس الرسم على حجم الشكل البياني تحتاج أيضا إلى المناقشة والتوضيح بالأمثلة ويجب تشجيع الأطفال دائما على الاستخدام الكامل لورقة الرسم البياني التي يستخدمونها.

ويجب أن يبنى مقياس الرسم المغتار من قبل الطلاب قدر الإمكان على القياسات التي قاموا بانفسهم بقياسها. فأرضية غرفة الفصل يجب أن توخذ فى الإعتبار كذلك السبورة وسطح منضدة الطفل، والشبابيك يمكن أن تقاس وتعرض بمقياس رسم، وخارج القصل قان ملعب كرة القدم والكرة الطائرة وتنس الطاولة يمكن قياسهم أيضا ورسمهم بمقياس رسم مناسب وأخيرا وعندما يستطيع الأطفال قياس الزوايا فيصبح بإمكانهم الرسم بمقياس رسم على قطعة من الأرض ليست على أى شكل هندسى منتظم.

وعند قراءة الخرائط وإيجاد المسافات (الأيماد) منها تكون الصعوبة الرئيسية التى تواجه الأطفال هى فهم ماذا يعنى مقياس الرسم ثم القدرة على استخدامه بعد ذلك. و غالبا ما يتضمن مقياس الرسم أعدادا كبيرة كما تستخدم صيغ متنوعة لبيانه. و على سبيل المثال فإن نفس مقياس الرسم يمكن بيانه بالثلاث صيغ التالية

١: ١٠٠٠ أح كان المم يعثل المتر

وفى هذه الحالمة فبان الطريقة الثالثة هي الأكثر فهما الطلاب عن الطريقتين الأولى والثانية ولكن غالبا ما يعطى مقياس الرسم بالطريقة الأولى قط. ويحتاج الأطفال إلى المساعدة لكي يقهموا هذه الطريقة ويستخدموها في التعبير عن المتياس.

وحتى باستخدام الأعداد الكبيرة فقد يعطى مقياس الرسم هكذا ٢٠٠٠١ وهذا يمكن توضيحة بالرجوع إلى طول ١ سم على الخريطة. ومن مقياس الرسم المذكور يمكننا أن نقول:

أن العسافة على الأرض والتني تمثلها اسم هي ٠٠٠٠٠ اسم.

وهذا يمكن تحويله إلى أمتار (١سم تمثل ١٠٠٠م).كما يمكن تحويل الألف متر إلى اكم (اسم تمثل اكم).

ويمكن للأطفال استخدام هذه الصورة في مقياس الرسم. كما يجب اعطاء مزيد من التدريبات على هذا النوع من التحويل.

النسب المثوية

يجب أن يفهم الأطفال تمثيل الكسور العشرية والإعتيادية قبل البدء في العمل مسع النسبة المنوية وذلك للعلاقة بين الأجزاء من مانه والنسبة المنويه .

وعندما نقدم للأطفال الرمز " " فاننا نحتاج الى شرحه بعناية حتى نساعد الأطفال على فهم معناه وفيم يستخدم : وفيما يلي بعض الخطوات والمراحل الملانمة. المرحلة الأولى : مقارنة الكسور باستخدام التحويل إلى أجزاء من ماتة.

يمكن أن يكون استخدام الأشكال مفيدا في هذه الخطوة فعثلا يمكن تلوين الكسور المنتوعة لمربع أو تظليلها كما بالشكل التالي ثم يسأل المعلم الأطفال أسئلة مثل: ما الكسر الذي لون في كل مربع؟

$$\left(\frac{TY}{1}, \frac{1A}{a}, \frac{Y}{Y}, \frac{T}{Y}, \frac{T}{a}\right)$$

أى مربع توجد عليه ألوان أكثر ؟ وأي مربع توجد عليه ألوان أقبل ؟ ثم يطلب من الأطفال أن يرتبوا المربعات تبعا نكمية اللون عليها (قد لا يجد الأطفال أن ذلك سهلا).



ثم تعرض المربعات مرة ثانية وبنفس الكسور العلونة عليها ولكن كل مربع قسم الى مائة مربع صغير هكذا.



ثم تكرير الأسنلة السابقة فنجد أنه بامكان الأطفال ايجاد الاجابة بسرعة لأن كل مربع قسم إلى عند(١٠٠) من العربعات الصغيرة ويسجل الأطفال.

يكرر هذا النوع من التشاط مع كسور أخرى على مربعات كبيرة وهذه يجنب اختيار ها بحيث أن كل منها عبارة عن عند صحيح من مربعات صغيرة.

المرحلة الثانية: تحويل أي كسر الى أجزاء من مائة: خطوة ١) كسور تكافىء عددا تاما من الأجزاء من مائة:

يطلب المعلم من الأطفال أن يلونوا 💂 من مربع مثلًا وعليهم أن يقرروا كم عـدد



ثم طورب ٢٠ ×٣ (اللحصول علي ٦٠) $\frac{\Upsilon_{\bullet}}{1} = \frac{m}{n}$ نم يلونون Υ_{\bullet} مربعا ويسجلون

مثل

(يجب أن يكون مقام كل منها عاملا من عوامل ١٠٠)

نه لمن الأهمية الأهمية بمكان تسجيل كل كسر على التوالى كما يلى : $\frac{\Lambda z}{s} = \frac{\gamma_1}{\gamma_0} \cdot \frac{\gamma_0}{\gamma_0} = \frac{\gamma_1}{\gamma_0} \cdot \frac{\gamma_0}{\gamma_0} = \frac{\gamma_0}{\gamma_0} \frac{\gamma_0}{$

لأته بدون التسجيل سيفقد النشاط كثير ا من قيمته .

خطوة ٢) كسور يكون فيها عدد الأجراء من مائة كسرا عشريا منتهيا

يطلب المعلم من الأطفال أن يلونـوا ﴿ مَرْبُعٍ . ويمكن ليجـاد عدد المربعـات

الصغيرة التي يجب عليهم تلوينها بطرق متتوعة منها

$$\frac{\gamma_0}{1 \cdot \cdot \cdot} = \frac{1}{\zeta} \text{ plurically}$$

$$\frac{\gamma_0}{1 \cdot \cdot \cdot} = \frac{1}{\zeta} \text{ plurically}$$

$$\frac{\gamma_0}{\gamma} = \frac{1}{\zeta}$$

فى الطريقة الأولى بوجد باتى وهو ٤ مريعات صغيرة والتى يجب تقسيمها إلى ٨ أجزاء متساوية . كل جزء من هذه الثمانية أجزاء عبارة عن نصف مربع صغير

 $\frac{Y}{1..} = \frac{1}{\Lambda}$ ولهذا فإن

فى الطريقة الثانية تعطى النتيجة ككسر عشرى ومرة ثانية ﴿ = ٢٠٠ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ ا

وفى الطريقة الثالثة تستخدم الحقيقة المعروفة ($\frac{1}{i} = \frac{i^2}{i \cdot i}$) بالإضافة إلى ماهو معروف أيضا ($\frac{1}{i}$ هو نصف ربع)

 $\frac{1}{1} \frac{1}{r} = \frac{1}{4}$

ومرة ثانية

ويجب أن تتاقش كل هذه الطرق مناقشة مستفيضة وبعناية

والآن يطلب من الاطفال تلوين لم من مربع ولايجاد عدد العربعات الصعغيرة التي تحتاج إلى أن تلون تشتخدم طريقتان

 $\frac{TV,\circ}{1,\cdot} = \frac{TX^{1}Y,\circ}{4\cdot\cdot} = \frac{T}{A}$

ب ـ يحسب الأطفال $\frac{1}{h}$ من ١٠٠ بدون استخدام الحقيقة المعروفة ($\frac{1}{h}$ من ١٠٠ = $\frac{1}{h}$)

والاجراء ذلك تستخدم ماناتشناه سابقا في الضرب في كسر أي أنهم يكتبون

 $A \overline{)} \overline{\Upsilon} \cdot \cdot \cdot$

Y £

ž ,

٤٠

 $\frac{1 \cdot \cdot \times \frac{\nabla}{\Lambda}}{\frac{\Lambda}{\Lambda}} = \frac{1 \cdot \cdot \cdot \times \frac{\nabla}{\Lambda}}{\Lambda}$

<u>~..</u> -

TV,D =

ويجب مناتشة كلا من الطريقتين مناتشة كاملة وهذه خطوة مهمة .

ويتم التعامل مع الكسرين - ' أ بنفس الطريقة

خطوة ٣) كسور يكون فيهاعدد الأجز اء من مانة كسر عشريا غير منتهى (دوريا)

يطلب من الأطفال تلوين - مربع - ولايجاد عدد العربعات الصغيرة التي

يجب تلوينها تقسم ١٠٠ على ٣ ولاجراء ذلك توجد طريقتان :

في الطريقة الأولى يوجد باتى ا (مربع صنغير) وهذا يجب تقسيمه إلى ٣ أجزاء

متساویة ، کل جزء منها عبارة عن ثلث مربع صغیر ولهذا فإن $\frac{r}{r} = \frac{1}{r}$ وفی الطریقة الثانیة نحصل علی کسر دوری $\frac{r}{r} = \frac{rr.r}{r}$ وتحتاج کل من هاتین الطریقتین إلی مناقشة کاملة .

والآن يجب تعويل كسور أخرى من نفس النوع إلى أجزاء من مانة مثل

$$\frac{7}{7}\left(\frac{7}{17},\frac{7}{12},\frac$$

وبالنسبة للكسر العثل المثال فإن الصورة الكسرية للإجابة هي المدر الكسرية الإجابة هي المدر
والصيغة العشرية هي ١٤,٢٨٥٧

ولمهذا فإن الصعورة العشرية لملإجابة يبعب أن تعطى لأترب ركم عشرى أو رقمين عشريين .

ای آن
$$\frac{1}{V} = \frac{1}{V}$$
 لرقم واحد $\frac{1}{V} = \frac{1}{V}$ لرقم واحد $\frac{1}{V} = \frac{1}{V}$ لرقمین

ویجب إعطاء مزیدا من التدربیات علی تحویل کسور من هذا النوع مثل $\frac{1}{1}$ ، $\frac{\lambda}{v}$ ، $\frac{\lambda}{v}$, $\frac{\lambda}{v}$) إلى أجزاء من مائة .

المرحلة الثالثة تقديم إستخدام كلمة "انسبة المنوية" والرمز //

تد تحصل فأندة كبيرة إذا ناقش الأطفال أو لا الكلمات التي تظهر فيها أفكار المائة مثل: القرن مائة سنة - القرش جزء من مائة من الجنيه المصدري، السنت جزء من مائة من الديال السعودي، معمر يبلغ من العمر من مائة من الديال السعودي، معمر يبلغ من العمر مائة سنة .. ثم يقدم الآن إستخدام "سبة منوية" Percent نمشلا تستخدم العبارة لا في المائة المائة وعلى المعلم أن يربط ذلك بتلوين المربعات وذلك بمناقشة العلاقة بين لا مربعات صغيرة من المربع الكبير ولا خارج المائة المربع الصغير ثم يتدرب الأطفال بعد ذلك على إستخدام هذه العبارة الجديدة ويسجلون أمثلة عديدة مثل: "التسمى ١٢ في المائة .. وأخيرا يقدم الومل لا ويشرح لهم أنتا غالبا ما نستخدم فأريقة مختصدة في المائة ... وأخيرا يقدم المربع هي الرماز لا ... المناتية المنوية وهذه الطريقة هي الرماز لا ...

وقد يساعد ذلك على الأخذ في الإعتبار أن الرمز ٪ يمكن التفكير فيه على أنه إعادة ترتيب الخانات (ارقام) المائة الثلاث (١٠، ٠، ٠) ويجب أن يتدرب الأطفال على أستخدام الرمز الجديد كما في الأمثلة الثالية:

ويجب أن يسجل الأطفال أيضا بعض نتائجهم الأولية بإستخدام النسبة المنوية فمثلا

المرحلة الرابعة تدريب الأطفال على حل مسانل حسابية على النسبة:

والصيغة ك = ن × س تسمى صيغة الكمية وتنص على : "لايجاد الكمية ك عندما تكون ن ، س معلومتين فإننا نضرب الأساس في النسية"

ای ان ك = ن × س = ۱٤٠ × ۲۵٪

1.0 - ., Yo x 11. =

خطوة ٣) إيجاد الأساس في مسألة نسبة

يوضح المعلم للأهلفال أيضا أنه عندما يكون معلوما لدينا النسبة ن ، والكمية ك ومكنا استخدم شكل النسبة لكتابة صيغة الإيجاد الأساس هكذا .

والصبيغة س = تسمى صبيغة الأساس ن

مثَّال: - إذا كان ٢٥٪ من عدد تساوى ١٠ فما العدد الأساسي؟

 $u=rac{1}{2}$ وهي صيغة الأساس ثم نعوض عن ك بـ ١٠ وعن u ٢٥٪

ومن العمكن التحقق من صحة النتيجة هكذا

1. = , , Yo x £. = 240 x £.

ویجب أن یوضیح المعلم للأطفال أنه یمکن تحویل ۲۰٪ إلى کسر اعتیادی $\left(\frac{1}{2}\right)$ وعلی الطفل أن یختار الحدی الصیغین القسمة

خطوة ٤) إيجاد النسبة في مسألة نسبة

عندما تكون الكمية والأساس مطومتين فيمكن استخدام شكل النسبة لكتابة صيغة لإيجاد النسبة ن هكذا والتي تسمى صيغة النسبة



وتنص صبيغة النسبة $c = \frac{\Delta r}{2r}$ على أنه لإيجاد النسبة $rac{r}{r}$ تكون الكمية والأساس معلومتين نقسم الكمية على الأساس وبعد القسمة يجب تحويل (إعادة تسمية) الكسر العشرى أو الإعتيادى إلى نسبة منوية .

مثال : مالنسبة المنوية للعدد ٥ بالنسبة للعدد ١٦

 $\frac{3}{1}$ الحل : نكتب صيغة النسبة ن

= * حیث نه = ٥ ، س = ١٦ = ٢١٢٥. (تحویل إلی نسبة منویة) = ٣١,٢٥ ٪

 $o = ... \times orrr$, $r = r \times orrr$, . - o

و للتحقق

خطوة ٥) إيهاد نسبة الزيادة أو النقص .

عندما تزداد الكمية الأصلية لأى شي إلى كمية جديدة لهإن الفرق بين الكميتين يسمى مقدار أو كمية الزيادة ، والنسبة التي نحصل عليها يقسمة كمية الزيادة على الكمية الأصلية تسمى نسبة الزيادة وبالمثل ينطبق نفس الكلام على نسبة التقص .

ولايجاد نسبة الزيادة ينبغى أن نضع في اعتبارنا مايلي

الكمية الأصلية المعطاة (العدد الأصغر) تستخدم كأساس (س)
 كمية الزيادة (الفرق بين الكمية الأصلية والكمية الجديدة) تستخدم على أنها

كمية الزيادة (الفرق بين الكمية الأصلية والكمية الجديدة) تستخدم على أنها الكمية (ك) .

مثال ١: مالنسبة المنوية لزيادة ٢ إلى ٣٠

العل : الكمية الأصلية = ٢ (س)

كمية الزيادة من ٢ إلى ٣ = ١ (ك)

نسبة الزيادة = ب ويتحويلها إلى نسبة منوية - ٥٠ ٪

مثال ٢: مالنسبة المنوية لنقصان ٣ إلى ٢٠

الحل : الكمية الأصلية المعطاة = ٣ - (س)

كمية النقص من ٣ إلى ٢ = ١ → (<u>ك</u>)

نسبة النقص = ـــ = ٣٣٠٪ نسبة النقص

مرحلة ٥) تطبيقات النسب المنوية في الحياة اليومية

حينما يقدر الأطفال على حل مسائل حسابية تتضمن الأساس والنسبة والكمية والكمية والكمية والكمية والكمية والكمية والتي تتضمن التحويل من كسور إلى نسب منوية والعكس فإنهم حيننذ يقدرون على التعامل مع أى نشاط يومى ينبع من فكرة النسب المنوية مثل الربح - الخسارة - العمولة - الأسهم....) والمتطلب الأساس في هذا التعامل هو القدرة على فهم الموقف أو السوال والتحقق من أن النسبة المنوية هي نوع خاص من الكسر

أولا: الربح والخسارة : Profit and loss

الخطوّة الأولى هى إعطاء أمثلة عن البيع والشراء يكون فيها مكسب وخسارة وعلى الأطفال أن يقرروا فى كمل مثال هل يوجد مكسب أم خسارة ثم يوجدوا المقدار من حساب الفرق بين ثمن للبيع وثمن الشراء ثم تناقش أمثلة من نوع المثال المثالي : اشتری تاجر دراجة بسعر ٤٠ جنيها وباعها بــ ٥٥ جنيها واشـتری تـاجر أخـر طاولة بـ ٦٠ جنيها وباعها بـ ٨٠ جنيها .

اليها حقق ربحا أكثر؟ وأيهما حقق استخداما أفضل لما له · ؟

يرى الأطفال بسرعة أن التاجر الأول حقق ربحاً قدره ١٥ جنيها بينما حقق التاجر الثاني ربحاً أكبر من الأول ، وينشأ السوال الثاني من الفكرة التي تتعلق بالعلاقة بين الربح ومقدار العال المستخدم .

قد استخدم الأول ٤٠ جنيها وحقق ١٥ جنيها ربحا وعلى ذلك فربحه $\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$ من المال المستخدم بينما ربح الثانى $\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$ المال المستخدم. يمكن مقارنة الكسرين بتوحيد مقاميهما وجعله ٢٤

 $\left(\frac{\Lambda}{\Upsilon \pounds} = \frac{1}{\Upsilon} \cdot \frac{\Upsilon}{\Upsilon \pounds} = \frac{\Gamma}{\Lambda}\right)$

أى أن الربح ككسر من المال المستخدم كان أفضل بالنسبة للتاجر الأول عن التاجر الثاني. إن المقارنة بين الكسرين بجمل المقام ٢٤ عملية سهلة ولكن غالبا ما تكون المقارنة معددة ولتجنب ذلك ولكي نستخدم دائما نفس المقام (كسور من نفس النوع) نحول الكسرين إلى تسب منوية فيكونا.

 $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \quad \text{ad} \quad \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$

ومن النسبتين المنويتين نرى بسرعة أن التأجر الأول كان أنصل استخداما أمالـه من الناجر الثاني. وعادة ما يعبر عن ذلك باتقول التالي. كان ربح الناجر الأول ٣٧،٥٪ من ثمن السلمة التي إشتراها وكان ربح الناجر الثاني ألـ٣٣٪ من ثمن الشراء.

ملاحظة: يقدر الربح أحيانا في الصفقات التجارية كنسبة منوية من ثمن البيسع.
 وياستخدام هذه الطريقة:

ریح التاجر الأول $\frac{1}{\alpha}$ = $\frac{1}{\alpha}$

فى حساب النسبة المئوية للربح يجب أن نوضع للأطفال هل حسبت النسبة إلى ثمن البيع أم إلى ثمن الشراء؟

وفى المرحلة الأولى يفضل استخدام ثمن الشراء كأساس لحساب النسبة المنوية للربح. لأنه قد يرتبك يعض الأطفال.

وفى تحديد الخسارة والنسبة العنوية للخسارة أيضا يجب تحديد الأساس الذى إستخدم: ثمن البيع أم ثمن الشراء؟

ثانيا- التخفيضات (الأوكازيون)

فى نهاية الصيف والشناء من كل عام نسمع بما يسمى "الأوكازيون" إذ تعلن المحلات التجارية على إختلاف أنواعها خفض نسبة منوية من قيمة المبيعات فيقبل الناس على الشراء. وفي بعض الأحيان في الإعلان عن بيع شقق أو سلع معمرة تقدر نسبة خصم على الدفع الفورى.

وهذه التغفيضات (الخصوصات) هي تطبيق أخر للنسب المنوية في حياتها اليومية. ويجب أن نوضح للأطفال أن لدينا في التغفيضات ثلاثة عناصر هو:

١- السعر الأصلى أو العادي وهو ما بياع به في الأيام العادية.

٣- سعر الأوكازيون أي السعر بعد الخصم أو السعر المخفض.

٣- نسبة الخصم أو معدل الخصيم.

ويجب أن يتدرب الأطفال على إيجاد ما يلي:

أ- السعر المخفض ونحصل عليه بالمسغة الثالية

السعر المخفض " السعر الأصلي " مقدار الخصم (التخفيض)

مثال : فستان سعره الحالى ٤٩,٩٩ جنيه عليه خصم مقدارة ٢٠ جنيه فما هو السعر بعد الخصيم؟

ب- مقدار الخصم ونحصل عليه بتطبيق الصيغة التالية:
 مقدار الخصم = السعر الأصلى × محدل الخميم (نسيته)

مثّال: - ثمن الله حاسبة ١٩،٩٩ جنيه فإذا كان عليها نسبه الخصم ٢٠٪ فما ثمنها بمد الخصيم؟

السعر العادي معدل الخصم = ١٩,٩٩ × ٢٥٠. ١٩,٩٩ = ٢٥٪ = ١٩,٩٩ × ٢٥٠. = ١,٩٩٧٠ ≈ ت

.. الثمن بعد الخصم = ١٤,٩٩ جنيها تقريبا.

ج معدل (نسبة) الخصم

ويمكن الحصول عليها بالصيغة التالية

معدل (نسبة الخصم) = مقدار الخمس + السعر العادى.

مثال: - ساعة ثمنها ٨٥ جنوا وعليها خصم مقداره ١٧ جنيها فما معدل الخصم؟

الحل: - ١٧٠٨٥ = ١٠، (تحولها إلى نسبة منوية)

 $\chi_{4} = \frac{1}{1 \cdot 1} =$

أن معدل القصيم = ۲۰

د- إيجاد السعر الأصلي

إذا كان معلوما لدينا كلا من مقدار الخصيم ونسبته (محدله) فيمكتفا إيجاد السعر الأصلي عين طريق قسيمة مقدار الخصيم خنسيه الخصيم. مثال: - حداء خفض ثعنه بعقدار ٣٦ جنيها عندما كانت نسبه الخصيم ٤٠٪ فما ثمنه الأصلم.؟

العل:- الثمن الأصلي = مقدار الخصم ÷ نسبه الخصم

۲۲÷٤٠ (نحولها إلى كسر عشرى أو إعتيادى)

ثالثاً: العمولة في البيع

كثيرا ما يبيع البائع أو ألحمول سلما على أساس "عمولة" يأخذها ويسبر عن هذه العمولة في كثير من الحالات في صورة "تسبة منوية" فقد يحصل البائع على ٣٪ من ثمن السلم التي يقوم ببيعها بالتجزئة فإذا باع سلما بمبلغ ٢٠٠٠ جنيه فإنه يحصل على عمولة مقدارها ٣٪ من ٢٠٠٠ - ٢٠٠٤ جنيها وهناك ثلاثة مواقف تتصل بمسألة البيم على أساس العمولة هي:

- 1- أن يكون معدل العمولة وقيعة المبيعات معروفتين والمطلوب حساب كمية أو مقدار عمولة البانع.
- ٢- أن تكون قيمة المبيعات ومقدار عمولة البانع معروفتين والمطلوب حساب معدل العمولة في المائة (النسبة المنوية).
- ٣- أن يكون معدل عمولة اليانع ومُقدار هذه العمولة معروفتين والمطلوب حساب قيمة المدحات.

ويجب أن يتدرب الأطفال على أمثلة على هذه المواقف. كما أن هنالع تطبيقات أخرى تتمثل في ضريبة المبيعات والأسهم والمعلاوة السنوية الدورية للعاملون بالعولمة وهكذا.

تعليق ومتابعة:

النسبة والتناسب من الموضوعات التي تقدم بصورة أولية في رياضيات المرحلة الإبتدائية. والتناسب مفهوم واسع التطبيق في الحياة اليومية وأيضا في مواصلة الدراسة في المراحل التطبيعية المختلفة وقد أشارت بعض الدراسات إلى أن كثيرا من طلاب المراحل الثانوية لا يفهمون هذا المفهوم فهما كافيا ويرجع ذلك إلى الطرق التدريسية وإلى الإستر البجيات التي تستخدمها الكتب المدرسية والمحلمين في حل مسائل التناسب كما اعتقد بعض الباحثين أن مستوى أداء الطلاب في المراحل التعليمية المختلفة والذي هو غير مرض نتيجة النصو غير الكافي لمفهوم التناسب.

وقد أوضحت بعض الدراسات أن الأطفال من ٢-٨ سنوات يمكنهم فهم معنى النسبة والتناسب من خلال انشطة تدريسية تعتمد على التطابق والتناسب من خلال انشطة تدريسية تعتمد على التطابق والتناسب مع الأخذ في الإعتبار الطريقة التي تقدم بها المسائل في هذا المجال ففي تدريس هذين الموضوعين يجب أن يكون الأطفال على وعى وإدراك بطرق تفكير هم في النسبة وخصائصها ومما يسهم في ذلك أن يبتكر المعلم مواقف مز عجة بها تضارب وخلاف ويحاول الأطفال يعتمه عن التحديدها مسن خلال أحكامهم وتفسير اتهم ويلعب التحكير التناسبي Proportional reasoning دور حرجا في نمو الطالب في الرياضيات الدرجة انه يسمى مفهوم الحد الفاصل أو حجر الزاوية في الرياضيات العالية أو قمة المفاهيم الأولية. وبسبب نظرية بياجيه والتي يمثل فيها التفكير التناسبي السمة المميزة المرحلة المعليات الشكلية المتاسبي المراهقين ولم يعرف عن التفكير التناسبي عند الأطفال الصخار إلا القليل. ولقد تام Susan J. Lamon (إبدراسة عن إستراتيجيات تفكير الأطفال في النسبة و التناسب ووجدها كما يوضحها الجدول الكالي

إستراتيجيات أطفال الصف السادس الإيتدائي في حل مسائل النسبة والتداسب

خصائصها	الإستراتيجية
، استدلالية (بغائية)	إستر اتيجيات ليست
لا يوجد تفاعل جاد مع المسألة	التجنب avoiding
محاولة وخطأ أو استجابات بدون تفكير	- بصرية او جمعية (إضافية)
أو أحكام بصرية بحته (إنها تشبه) أو	visual or additive
مدلخل إضافية غير صحيحة.	100
استخدام أنماط شفوية أو كتابية بدون فهم	pattern bulding بناء نمط
العلاقات العددية	(6)
ت استدلالية	
حدسى – إجراء أنشطة حسية (صــور	ما قبل التفكير التناسبي
رسوم بيانيـة - نمـاذج - أعمـال يدريــة)	preproportinal reasoning
إستخدام بعض التفكير النسبي،	
إستخدام النسبة كوحدة	تفكير تناسبي نوعي Qualitative
استخدام التفكير النسبى	300
فهم بعض العلاقات العددية	
استخدام رموز جبرية لتمثيل التناسب مع	تفکیر نتاسبی کمی Quantitative
فهم كامل للملاقات العددية و الوظيفية.	3 × .

والنسبة المنوية نوع خاص من الكسور لا أكثر ولا أقل ويجب على الأطفال أن يغهموا أنه بدلا من إستخدام الكسور الاعتباديسة مختلف المقام مثل $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{1}$. $\frac{1}{1}$.

والتفكير في الكسر بهذه الطريقة معيزات عدة منها:-

أ- كل الكسور من نفس النوع (متحدة المقام) ولهذا من السهل مقارنتها.

ب- من السهل أن نفكر في كل كسر على أنه نقطة على تدريج من صفر إلى
 ١٠٠ ولهذا يمكننا الحصول على فكرة جديدة عن مقداره بسرعة.

جـ الكسر هو عدد الأجزاء من مائة التي نهتم بها. وهذا عادة ما يدور حول عدد
 كلي.

ولهذا فإننا نتمامل مع أعداد كلية وهذا أفضل من التعامل مع كسور (ولكن علينا أن نفهم أنها أعداد كلية من أجزاء من مانة) والنسبة العنوية أيضا عبارة عن مقارنة بيـن عدد ما ومائة فمثلا عندما نستخدم ١٥ كنسبة منوية فإن ذلك يعبر عنه كنسبة بين عددين هما ١٠٠٠٠ وير مز فها بالرمز // والرمز // يعبر عن أن المقام ١٠٠٠.

وكلما كانت العلاقة بين النسبة العنوية والكسور الإعتيادية والعشرية واضعة كلما زاد إستعداد الأطفال للتحرك في إتجاه العمل العجرد حيث يمكنهم البدء في تسموة مقارنات بين الكسور مختلفة الصيغة

$$\frac{r}{a} = \frac{r}{r+1} = r \times x.$$

ويحتاج تقديم الرمز ٪ إلى مجهود كبير من المعلم واحدى طريق تقديم الرمـز ٪

هي تحويل الكسر الإعتيادي إلى جزء من مانة كما في حالة المثال السابق $\left(\frac{r}{r} = \frac{r}{r}\right)$ و الطريقة الثانية هي التفكير في الواحد الصحيح على أنه مانة جزء من مانة.

فمثلا من الواحد الصحيح هي من المانه أي أن

فمثلا

ملاحظة: إذا كان الكسر المعطى في صورة عشرية فيمكن استخدام نفس الطريقة فمثلا ١٠٠ - جزء من مائه

ويمكن استخدام أوراق العمل والتبي تحتوى أنشطة تعرف الأطفال أن النسبة العنوية إمنداد لصيغ الكسور الإعتيادية والعشرية حيث يمكن أن تعد ورقة عمل تحتوى قطاعات مختلفة كل قطاع تعبير عن نوع واهد ويمكن تغييره إلى صدورة أخرى مثل الورقة النائدة

<u> </u>		
	لتالية إلى نسب منوية جـ) ١٠١٤ = د) ١٩٩٠ =	حول الكسور العشرية ا 1) .م.، = ب) ۰٫۳۰ =
	النالبة إلى كسور عشرية	حول الكسور الإعتيادية
—— = <u>'</u> , (.s	— - ½ (÷	
() '	(2	ب) ۽ ا
1	التالية إلى نسب منوية	حول الكسور الإعتيادية
— = 1/1 (A	—= ' , (→	— <u> </u>
e) ', = —	= 1/1 (a	ب) أ أ
	الية إلى كسور عشرية	حول النسب المنوية الة
—— = ½ £ —_A	ب - ۲۹٪ - ب	= %\r -1
و- ۱٪ =	<u> </u>	ب- ع ٪ 10 -ب

ويجب أن يكون في ذهننا أنه ليست كل مواقف النمبة المنوية تحتوى عددا مقارنا بمائه. ويجب على الأطفال أن يتدربوا على إيجاد النسبة المنوية من مواقف لا تظهر فيها المائه مثل: لدينا عشر كرات أربع منها زرقاه، ست بيضاه. ما النسبة المنوية للكرات الزرقاء؟ فقى هذه الحالة يتدربون على أن ٤ تمثل ٤٠٠ من ١٠٠ كما بالشكل التالى تمثل ٤٠٪ من ٢٠ وهكذا حتى ٤٠ تمثل ٤٠٪ من ١٠٠ كما بالشكل التالى

٤.	77	77	YA	YE	۲.	13	١٢	٨	ŧ
٧.,	٩,	٨٠	٧٠,	1.	ů	٤٠	۲.	۲,	١.

العمل مع مسائل النسية العلوية

تستخدم تُلاث طرق لحل مسائل النسبة المنوية هي:-

١- طريقة الحالة ٢- طريقة تحليل الوحدة
 أو لا: طريقة الحالة The case Method

طريقة تحليل الوحدة "- طريقة التناسب The case M.

و هذه الطريقة تعتمد على ثلاث قواعد أو ثلاث صبغ وهى التى تع وصفها سابقا ويتطلب الممثل مع تصنيف القواعد مستويا عاليا من النضيج والفهم ومستوى النضج المطلوب لفهم طريقة المدالة وراه عدم تمكن معظم الأطفال منها.

۲- طريقة تحليل الوحدة: The unitary analysis - ۲
 ويمكن مناقشة هذه الطريقة من خلال المثال التالي:

مُعرض سيارات به ٥٠ ُسيارة منها ١٨ سيارة يأبانية الصنع وهـ ذه الــ ١٨ سيارة تمثل ٣٣٪ من ٥٠. وتعتمد هذه الطريقة على الفكرة المعطاة في المسألة حيث يمكن تبسيطها إذا حدىنــا أولا تيمة ١٪ ثم نستخدم الضرب أو القسمة لتحديد النسبة العنوية الكانية.

وترتبط هذه الطريقة أيضا بطريقة الحالة وقيما يلي بيان نلك.

المالة الأونى:-

معرض به ٥٠ سيارة منها ٣٦٪ يابانية الصنع والمطلوب هو: ما عند السيارات اليابانية التي في المعرض؟

الحل: المشكلة في إيجاد ١٪ من ٥٠ ثم ضعرب الناتج في ٣٦ واحد في المانـه من - أو ٥٠٠ وآليمة ٣٦ نصف هي ١٨.

الحالة الثانية: -

عدد السيارات بالمعرض ٥٠، ١٨ منها صناعة يابانية والسوال هو ما النسبة المنوية للسيارات اليابانية الصنع؟

الحل: - عملية التفكير تسير هكذا: ١٨ تساوي نسبة منويـة مـا مـن ٥٠ إذا عرفت ١٪ من ٥٠ يمكننا تمسية ١٨ عليه لإيجاد النسبة المنوية لـ ١٨ من ٥٠.

واحد نسبة منوية = 💺 وعند تسمة 14 🚊 🕂 وهي النسبة المنوية تمدد السيار ات اليابانية في المعرض.

الحالة الثالثة: -

١٨ سيارة يايانية الصفع في معرض السيارات تعثل ٣٦٪ من العدد الكلي المسارات في المعرض والسؤال هو ما العدد الكلي؟

الحل: - تصير عملية التفكير هكذا: إذا كانت ١٨ تمثل ٢٦٪ من عدد ما فيمكنفا إيجاد هذا العدد إذا عرفنا ما الجزء من ١٨ يعتله الآ من العدد ويمكن الحصول على الإجابة بالضرب في ١٠٠ أي ألسم ٣٦÷١٨ وأصَــرب الناتج – وعندند تكون الإجابة ٥٠.

وهذه الطريقة تتطلب أخذ النضج في الإعتبار قبل إمكانية فهمها ولهذا فبإن تدريسها يكون بعد سنوات المرحلة الابتدائية.

٣- طريقة النتاسب: The Proportion Method

وهذه الطريقة أخذت تتسع في الإنتشار في السنوات الأخيرة نظرا لسهولة تعلمها واستخدامها من قبل الأطفال وهي تحتمد على فكرة إمكانية إستخدام تعبير واحد لبيان كل من الأتواع الثلاثة لمسائل النسبة المنوية ويجب أن يفهم الأطفال أمرين هما:

معانى المصلطحات التالية: النصبة المنويــة (المعدل) - النصبة المنويــة (مقدار أو َ كمية) - (الأساس. ب- كيفية التعبير عنها كتناسب هكذا المعدل التعبير عنها كتناسب هكذا المدن وسوف يواجمه الأطفال تعبيرات تناسبية أخرى في دراستهم للتناسب ومواقفه.

وباستخدام نفس المثال السابق (معرض السيارات)

فى المحالة الأولى: معلوم لنينا المعدل والعدد الكلى للسيارات نماذ تعبير النتاسب $\frac{r_1}{r_2} = \frac{100}{100}$ وتحل لإيجاد الحد المجهول.

وفى الحالة الثانية المعلوم: العدد الكلى للسيارات وعدد السيارات المعدد $\frac{1}{100} = \frac{1}{100}$ النيابانية نماذ تعبير التناسب بالحدود المعلومة $\frac{1}{100} = \frac{1}{100}$ وهكذا.

وإيجاد الحد المجهول ليس صعبا على الأطفال والأسباب التى تكمن وراء مواجهة الأطفال صعوبات في النسبة المنوية ترجع إلى أنهم: في عملهم المبكر مع النسب المنوية ترجع إلى أنهم: في عملهم المبكرة الأساسية النسب المنوية، ولم يروا الروابط بين الكسور (الإعتيادية والعشرية) وبين النسب المنوية، وقد فرضت عليهم القواعد rules بحيث لم يتمكنوا من فهمها ولم يستطيعوا أمضا استخدامها إستخداما صحيحاً،

معلومات إضافية

تاريخ رمز النسبة المتوية ٪

يرجع تاريخ استخدام فكرة النسبة المنوية إلى عدد من منات السنوات مضت وتستخدم النسبة المنوية في التجارة وإدارة الأعمال وفي الكيمياء تستخدم النسبة المنوية في التجارة وإدارة الأعمال وفي الكيمياء تستخدم النسبة الاستهلاك زيادة القياس نسبة الاستهلاك زيادة ونقصا وفي كثير من المجالات في حياتنا اليومية.

ولفت ولى سير من سبة منوية من العبارة اللاتينية per centum والتى تعنى ولقد جاءت الكلمة نسبة منوية من العبارة اللاتينية الم يكن الرمز دائما. بالنسبة إلى مائة والرمز الذي يستخدم الأن هو // ولكن ذلك لم يكن الرمز دائما.

والرمز الحالى نتيجة لإختصارات للكلمة "per cent" أحد الاختصارات كان والرمز الحالى نتيجة لإختصارات للكلمة "per cent" أحد الاختصارات كان p. cent وأخيرا 100 ومن p. ce جوالى القرن السابع عشر وأسى القرن التاسع عشر حذفت p. ثم حول الخط إلى شرطة مائلة وأصبح الرمز % واسع الانتشار والذي يقابل في كتاباتنا %.

اختبر فهمك:

- النسبة للأطفال.
 - ٢- عرف التناسب وأنواعه.
- اعط أمثلة من إهتماماتك يمكن إستخدامها في تقديم التقسيم التناسبي للأطفال.
 - 🔫 صف بعض المواقف من الحياة اليومية التي يستخدم فيها متياس الرسم.
 - اعط تعريفًا لمعنى النسبة المتوية وصف موقفًا طبيعيا يتضمن معناها.
- حدف على الأقل وسيلتين تعليميتن يمكن أن تستخدما التعليم الأطفال معنى النسبة المنوية.
 - ٧- ما المصلحات الجديدة التي تضمنها القصل السابق.
 - ٨- بين كيف يمكن إستخدام طريقة التناسب في حل المسائل التالية:
 - ه٧٪ من ١٦٠ = 🗀 ، 🗀 من ١٦٠ = ١٠ ، ٢٥ من 🗀 = ١٠٠



من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن : -- يعرف مراحل تقديم القياس للأطفال

ـ يساعد الأطفال على استخدام وحدات طبيعية في القياس

ويصمم بعض الأتشطة لتقديم تياس الطول

يشرح لأطفاله بعض المفاهيم المرتبطه بالطول مثل المسافة والمحيط

ويعرف مراحل تقديم مفهوم المساحة للأطفال

- بعرف مراحل تعليم معهوم مستحد معتصل - يساعد الأطفال على استتناج علاقات أيجاد مساحة بعض الأشكال الهندسية الشائعة

مثل المستطيل - المثلث - متوازى الأضلاع - الدائرة

- يصمع بعض الأنشطة لتقديم مفهوم السعة - يصمع بعض الأنشطة لتقديم مفهوم السعة

ـ يساعد الأطفال على استنتاج علالة الحجم لبعض الأشكال الهندسية

ريعوف مراحل تقديم الوزن

ـ يساعد الأطفال على بناء مفهوم الزمن وأجزائه

- يعد قائمة بأربع مميز أت للنظام المترى على النظام الإنجليزى.

بصف بعض الأنشطة التي تماعد الأطفال على تعلم الإخبار عن الوقت.

- يلخص مفاهيم القياس المتضمئة في برنامج الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية.

من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا القصل أن يقدر على أن:

- يستخدم بعض وحدات القياس الطبيعية في قياس بعض الأشياء من حوله

ـ يفهم فكرة القياس المحيارى

ـ يقدر قياس بعض الأشياء المطلوب قياسها قبل القياس الدقيق

عيذتار الوحدة الملائمة القياس

- يقبس الأطوال باستخدام الأمتار و (أو) السنتيمثرات

. يقيس الكتل باستخدام الكيلو جرامات وكسور بسيطة من الكيلو جرامات

. يخبر عن الوالث باستخدام النقائق "و" و "إلا"

ـ يفهم فكرة الـ ٢٤ ساعة واستخدامها

يفهم استخدام الجرامات في قياس الأوزان.

- يحسب محيطات الأشكال الهندسية الشائعة.

– يحسب محيط دانر ة.

ـ يوجد مساحة شكل منتظم.

- يحسب مساحات : المستطيلات - المثلثات - متوازيات الأضلاع - الداولر .

- يُوجِد حجم أي شي غير منتظم "شاذ".

ـ يحسب حجوم : المكعب حمتوازي المستطيلات ـ المنشور ـ الإسطوانة.

م يربط بين دوران الساعة ١٢ مرة ودورانها ٢٤ مرة

- يقول الوحدة الأساسية لقياس كل من الطول - السعة - الوزن - يصف بكلمات من عنده 1 ملليلتر ، ١ سنتيمتر ، ١ متر، ١ كيلو متر ، ١ جرام ، ١ -

كيلو جرام ١ سم٢ ، ١ م٢ ، ١ سم٣ ، ١م٣ ـ يقدر على التحويل من وحدة تياس إلى وحدة قياس أخرى . ـ يجرى للعمليات الأساسية على وحدات القياس

مقدم____ة

يأتى الطفل إلى المدرسة وفى ذهنه افكار أولية عن القياس فقد سمع عبارات مثل أحمد أطول من على ، الزجاج أثقل من البلاستيك ـ أحتاج إلى زجـاجتين من العماء البارد ـ يأخذ القطار السريع ثلاث ساعات بين القاهرة والأسكندرية .

وهذه العبارات تتعلق بأفكار الطول ـ الوزن ـ الزمن .

ويجب أن تستغل هذه الخلفية في تقديم القياس للأطفال في المرحلة الإبتدائية وذلك لاستخدام القياس ونتائجه في كل نشاط من أنشطة الأطفال كما أن القياس يصلح أن يكون حافزا ودافعا لدراسة العمليات الحسابية التي يحويها منهج الرياضوات بالمرحلة الإبتدائية .

وقد أجريت أبحاث عديدة عـن نمو مفهوم القياس لدى الأطفال فيرى "أرنولد وزميلاه" أن المنطق الرئيسي لهذه المملية هو مقدرة الطفل على العد أما "كوبلاند" فيري أن نضح الطفل في إدراك مبدأ المحافظة هو المنطلب الرئيسي لنمو مفهوم القياس لدى الأطفال أما بياجيه فقد أوضح من خلال تجاربه أن مفهوم القياس ينمو تدريجيا لدى الطفل حسب مراحل نضجه العقلي .

وفى هذا الفصل نقترح بعض الأفشطة التى تساعدك على تقديم القياس للأطفال وهى مندرجة من العقارنات العباشرة للأطوال ثم القياس باستخدام وحدات غير عيارية تؤدى إلى اختيار وحدات عيارية لقياس الطول ثم القدريب على قياس الكتلة السعة _ الزمن ـ المساحة – الحجم .

تقديم القياس :

من المفضل أن نبدأ في تقديم مفاهيم القياس علم مراحل ومن المهم أن نشجع الأطفال على :

أ - تقدير القياس ب - استخدام النوع الأفضل من الوحدات في القياس .

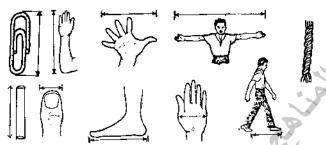
الطـــول

مرحلة ١ ـ استخدام وحدات غير مقلنة .

الأجهزة والأدوات :

فيما يلى بعض الوحدات الطبيعية التي يمكن للأطفال استخدامها وهي عبارة عن:

- أجزاء من الجسم : طول القدم ـ الشبر ـ الكف ـ الذراع .
- عصى أو قطع من الخيرزان ذات أطوال متحدة ـ قطع من الخيط والحبال
 - دبابيس وبعض المواد الأخرى مثل المبينة بالشكل التالي :



انشطــة :-

المتقدم الأطفال الوحدات السابقة أو بعضها في قياس أشياء داخل حجرة الدراسة فمثلا طول الحجرة - عرضها - طول المنضدة - طول وعرض كتاب الرياضيات - طول القلم وهكذا

ويسجل الأطفال تتاتجهم بوحدات طبيعية ، ويقارن الأطفال تتانجهم مع بعضهم المعض . المعض .

ويجب أن نعرف أن كثيرا من العقابيس سوف الاتعطى عددا دايقا من الوحدات. فلا تحاول في هذه المرحلة التعامل مع كميات صفيرة لأن كثيرا من الأطفال سوف يشعرون بالمعادة عن إعطاء إجابات بدلالتوحدات صحيحة وإهمال الغروق المسيطة .

 بوزع المعلم على الأطفال بعض القطع الفشبية ويطنب منهم قياسها باستخدام " الشير" ويسجل كل منهم نتائجه.



٣- يتيس الأطفال بعض الأطوال خارج حجرة الدراسة . وسوف يجدون أن بعض الوحدات التي استخدموها داخل الفصل الاتصلح لقياس الأطوال خارج الفصل وذلك لطول الأخيرة .

ويجب إعطاء الأطفال الفرصة لإيجاد تيمة تقديرية للشئ المراد تيباس طواء كيل القياس الدقيق

مرحلة ٢) استخدام وحدات مقتنــة تقياس الطول

يجب اتخاذ قرار يتعلق بأى وحدات الطول تقدم أولا: هل هي المنز أو الديسيمتر أو السنتيمتر ؟ ، المئر وحدة كبير ولكنه غير مفيد في قياس الأطوال الصغيرة (مثلا طول حرف الكتاب) ،

الديسمتر مقدار مناسب للأطفال ولكنه نبادرا مايستخدم في الحياة العملية . السنتيمتر مفيد في تياس الأطوال الصغيرة ولكنه ليس مفيدا في المسافات الطويلية (مثلا طول حجرة الفصل).

وعلى ذلك فما الذى يجب تجنبه فى المرحلة الأولى ؟ بالطبع هو تقديم استخدام وحدتين لى نفس الوقت .

أى يجب تقديم وحدة واحدة وصن خلال انشطتها سوف يرى الأطفال بأنفسهم الحاجة إلى وحدة أصدة إو أكبر .

ويجب علينا أن نتذكر أنه إذا استخدم المتر أولا فيعد ذلك يتطلب الأمر استخدام وحدة أصغر لسبين :

أ. نقياس الأطوال بدقة أكثر .

ب ـ ثقياس أطوال أصغر من المتر .

وقد يكون من الأقضل أن نبدأ بعصا مترية غير مدرجة أو خيرزانة وفى مرحلـة لاحقة تقسم إلى مانة سنتيمتر .

وهذا يمكننا من شرح اسم وبعدة يمكن استخدام المسطرة (المقسمة إلى منتيمترات نقط) بالنسبة للأطوال الصغيرة .

كما أنه من المهم استخدام رمزى المتر والسنتيعتر استخداما صحيحا رمز المتر هو م ورمز السنتيمتر هو سم كما يجب على المعلم أن يفهم أن هذه رموز اليست اختصارات للكلمة ولا فرق بين المفرد والجمع فعثلا

> ۱ متر - ۱ م ، ۷ أمتار - ۷ م ۱ سنتيمتر = ۱ سم ، ۱۳ سنتيمتر = ۱۳ سم

أنشطة : ـ

 ازود الاطفال بعض مترية غير مرقمة أو خيرزان يقيسون بها أطوالا مناسبة مثل طول وعرض حجرة الدراسة ، طول الباب طول منصدة الطفل ، المسافة بين علامتين على الأرصفة ، أطوالا متنوعة خارج حجرة الدراسة . وبالنسبة لكل تلك الأطوال ليس من المفضل أن تكون قياساتها عددا صحيحا من الأمتار ،

ويكفي في هذه المرحلة بالنسبة للأطفال إعطاء كل إجابة لألمرب متر أي أنهم يجب أم يستخدموا ألحكارا مثل أكثر بقليل من أربعة أمتار ، تقريبا سبعة أمتار حوالي استة أمتار ونصف المتر .

يتحقق الأطفال بسرعة من أنه ليس بامكانهم القياس بدقة باستخدام عصما مترية غير مرقمة ولا يمكنهم تياس أطوال أصغر من متر .

وعندئذ يجب مناقشة طرق التغلب على هاتين الصحوبتين كما يجب تقديم فكرة تقسيم المتر إلى أجزاء صغيرة . ويجب أن يقترح الأطفال بأنفسهم عدد الإجزاء التى يمكن أن يقسم إليها المتر .

ويجب أن يقود ذلك إلى فكرة استخدام العشرات والمنات .

ويمكن تقديم فكرة الديسيمتر ومناقشتها باختصار ولكن من الأفضمل الإستمرار في جعل السنتيمتر أصغر وحدة لكي نجعل القياس أبسط مما يمكن .

٢- بعد المناقشة التي تتعلق بتنسيم المنز إلى أجزاء أصغر يزود الأطفال بقطع من الخشب مقسمة إلى سنتيمترات هكذا.

Turstrudustrudustrudusdantudustrudusdan bistratinistru

ويجب تجنب استخدام المساطر الجاهزة المشتراه والمقسمة إلى سنتيمترات ومليمترت في هذه المرحلة (لأن علامات المليمترات قد تربك بعض الأطفال) ويستخدم الأطفال هذه القطع الخشبية المرقمة لقياس أطوال أقصر من المتر كما أنه من غير المستحسن أن تكون الأطوال أعدادا تامة من السنتيمترات ولهذا نستخدم فكرة القياس الأفرب سنتيمتر وتستخدم عبارات مثل تلك التي استخدمت معارات مثل تلك التي استخدمت معارات مثل تلك التي استخدمت

٣ تياس أجزاء أو أطوال أشياء من الجسم بالمنتيمترات يروق لمعظم الأطفال فعثلا
 كل طفل يمكن أن يقيس ، يمساعدة زميله :

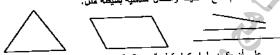
ـ طوله (وقد يكون من المفضل أحيانا عمل ذلك بأن يرقد طفل على الأرض) ـ طول أي نراع ـ طول قدم.

- الطول بين أصابعه عندما يقف الطقل مادا ذر اعيه

- طول الخطوة ـ طول تفزة وهكذا .

٤- يستمر الأطفال فى استخدام مساطر (١٥ اسم ، ٢٠سم ، ٣٠ سم) مقمسه إلى سنتيمتر ان ققط تقياس اطوال مختلفة داخل حجرة الدراسة مثل طول وعرض كتاب الرياضيات - طول قام - أبعاد ورقة على شكل مستطيل أو مثلث وهكذا.

 من العفيد اختبار قدرة الأطفال على القياس الدقيق بالسنتيمترات ويكون ذلك باستخدام قطع مستقيمة واشكال هندسية بسيطة مثل.



على أن يكون طول كل قطعة مستقيمة عددا صعيما من السنتيمترات ويكتب الأطفال طول كل قطعة بالقرب منها.

 - يجب أن يتدرب الأطفال كثيرا على تقنير طول بعض الأشواء دلخل حجرة النراسة مثل المبينة بالجنول التالى أولائم يقيسونها بدقة ويسجلون النتائج هكذا.

القيساس	التقدير	الشــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
سم	حوالی ـــــ سم	11/11
سم	حوالتي سم	
سم	حوالی ــــــ سم	
_ ш	حوائی سم	Stand Stan Grane

٧- يعمل الأطفال في محموعات ويكون مع كل مجموعة حوالى ٤٠ مصاصمة بأطوال مختلفة ويقيس الأطفال طول كل مصاصمة لأترب سنتيمتر ثم يعرضون نتائجهم بعد ذلك في صعورة جدول كالتالى:

1	, 1	15	3.4	۱۷	17	10	۱٤	۱۳	۱۲	11	1+	الطول
										 _	_	(الأكارب سم)
	-	۲	^	£	V		ź	٦	٥	٣	۲	عدد المصاصبات

٨- عندما يتمكن الأطفال وتتكون لديهم الثقة في القياس الأفرب سنتيمتر يمكن تقديم العلليمتر. وذلك يمكن الأطفال من القياس بدقة أكبر وأنه إذا أردنا جمل عملية أختبار الأطفال في القياس سهلة يكون من المفيد تزويد كل طفل بمجموعة من الخطوط لقياسها كما في نشاط ٥ ويسجل كل نشاط هكذا على مسبيل العثال طول الخط ٧ سم ، ٤ مم (عند تقديم الكسور العشرية تكتب الأطوال هكذا ٤٠٤ سم ولايجب كتابة الأطوال بالمصيغة العشرية تبل تقديم الكسور العشرية)

ويجب توقع الحتلافات بسيطة في إجابات الأطفال شم يواصل الأطفال بعد ذلك تياس أطوال أشياء مناسبة دلخل حجرة الدراسة مستخدمين سم ، مم

مرحنة ٣ : استخدام الوحدات الكبيرة في قياس الطول (الكيلو متر)

عند تقديم وحدة لياس الأطوال الكبيرة يجب أن نتذكر أن فكرة الكيلو متر قد لاتكون غير حقيقية بالنسبة للأطفال إذا لم يقوموا بأنفسهم بعمل علامات على مسار أو طريق لكل واحد كيلو متر طول ويمكن اجراء ذلك بطرق متنوعة فعثلاً:

يمكن أن يستخدم الأطفال قطعة من الحبل طولها ٢٥م . وعندنذ تكون ٤٠ علامة بهذا الخيط على طريق تعثل واحد كيلو متر ويمكن أن يحسب الطفل أيضا : كم عدد الخطوات التي يأخذها في قطع علامة من الطول مقدارها ١٠٠ متر عبر مسار معين وبضرب هذا العدد من الخطوات في ١٠ ينتج عدد الخطوات في الكيلو متر الواحد. وإذا مشى طفل هذه الخطوات الآن على طريق نسوف تتكون لديه بعض الأفكار عن الكيلو متر لأنه سوف يتذكر النشاط ، وسوف يفكر فيه عندما يتعامل مع أنشطة أخرى تتني من الكيلو متر ويجب ربط وحدات الطول في النظام المترى بعضبها ببعض لكي تثبت في ذهن الطفل ومن الأمثلة المفيدة في ذلك توضيح خاصية الضرب في ١٠ أو القسمة على ١٠ م خلال جنول هكذا.

کیلو مئز	مكتومنز	ىيكا متر	مثر	ديسيمتر	سنتيمتر	ماليمتر
کم ۱۰۰۰	124	دكم	٠	دم	سم ۱	٠,
		٠, رم	٠,	<u> </u>	•	1111

مرحلة ٤) المسافة

يعتبر تقديم المساقة امتدادا للطول حيث تستخدم قيه وحدة الكيلو متر ومن الأمثلة الواقعية في تقديم المسافة ما يتعلق بالمسافة بين بلدين كالقاهرة والأسكندرية مثـلا ويقدم مفهوم العسافة فى العرحلة الإبتدانية من خــلال موضــوع الحركـة والـذى يتضــمـن أيضــا مفهوم السرعة والزمن ويجب تدريس هذا الموضــوع مـن خــلال أمثلـة واقعيــة يلمســها الطفل فى حياته .

المحسط

المحيط لمه علاقة بالطول حيث يمكن الحصول على محيط أى شكل بإبجاد مجوع أطوال أضلاعه . وفكرة المحيط ليست صعبة اللهم على الطفل ويجب أن يتدرب الأطفال على أيجاد محيط الأشكال ذات الأحرف المستقيمة وعلى أيجاد محيط الدائرة.

فيانسبة لمحيط الاشكال ذات الأحرف المستقيمة يجب أن يتدرب الأطفال على ليجاد محيطات مضلعات مرسومة في صمورة الشكال هندسية منتظمة وغير منتظمة هكذا.



كما يجب أن يتدرب الأطفال على مسائل لفظية على المحيط مثل براد عمل سور لحديقة منزل ... وغيرها حتى تتبت قوانين إيجاد المحيط للأشكال الهندسية المنظمة مثل المثلث ـ المربع ـ المحين المستطول ـ متوازى الأضلاع في اذهان الأطفال. محيط الدائرة :

أن تقديم "ط" واستخدامها في ليجاد محيط الدائرة خطوة هامة بالنسبة للأطفال . ويجب أن نوضح أن القيم التي نستخدمها للتمبير عن ط (كسر اعتبادي $\frac{1}{V}$ او كسر عشرى $\frac{1}{V}$ او كسر عشرى $\frac{1}{V}$ او كسر

ويجب أن يبنى الأطفال أفكارهم عن ط من خلال الأنشطة الذي يقومون بها بأنفسهم قدر الإمكان

ولمهذا فهم يحتاجون إلى أن نزودهم بأشياء مثل علب اسطوانية الشكل ـ الهبـاقي ــ إطارات دراجات ـ عملة معدنية ـ علب كرتون ... الخ)

حيث يقيس الأطفال قطر ومحيط الدوانىر التسى تكون جزءاً من تلك الأنسياء ويمكن قياس قطر الدائرة عن طريق :

أ ـ تحريك مسطرة على الدائرة حتى نحصل على أكبر قمية للقياس وهذه القيمة الكبرى
 هى القطر

ب ـ وضع الشئ الدائرى بين كتابين واقفين على طاولة ثد آساس المسافة بين الكتابين ويمكن قياس المحيط عن طريق :

أ ـ استخدام الطريقة المبينة فى الشكل المقابل وتتضعن لف شريط من الورقة حول الشئ الدائرى وفى تهاية اللفة نستخدم مسمارا و ديوسا لعمل ثلب ثم نفرد الشريط على طاولة ونقيس المسافة بين الثقبين فتعطى

لهذه المسافة محيط الدائرة.

وقد لايرى بعض الأطفال ، على أى حال ، الاتصال بين هذه العسافة وبين المحيط. ولتوضيح أن الطولين متساويان يجب أن يقطع الشريط من ثقب الدبوس ثم يلف مرة ثانية حول الشئ الدائرى .

ب. لف قطعة من العبل أو الخيط حول الشئ الدائرى عدة مرات ثم يقاس طول الخيط ويقسم على عدد الدورات (اللقات) الكاملة التى لفت على الشمئ ويقيس الأطفال باستخدام طرق مثل السابقة العال ومحياطات أشياء دائرية عديدة ثم تكتب قائمة بالتتاتيج ثم يقسم الأطفال المحيط على القطر لكل زوج من النتاتج فيجدون أن خارج كل تسمة يزيد قليلا عن ٣ .

ويجب أن يستخدم الأطفال عندنذ الليمة ٣ لإيجاد القيمة لمحيطات دوانر أخرى بقياس القطر وضرب الناتج × ٣ وعلى الأطفال أن يفهموا أن النتانج التي حصلوا عليها ليست بالضبط . وأن القيمة الدقيقة لكل محيط أكثر قليلا من القيمة المحسوبة .

ونحتاج عند هذه المرحلة إلى مناقشة الكسر الذي يجب إضافته إلى ٣ والطريقة التي حاول بها القدماء التعامل مع هذه الصعوبة قد تشوق الأطفال وتساعدهم على فهم لماذا تم ادخال الرمز "ط"

ونحن نحتاج للى عناية فى تقديم 7.18 كنيمة تقريبية لأقرب رقمين عشريين لـ ، ط قبل استخدام القيمة $\frac{1}{\sqrt{2}}$ لأده الرمز أولا فسوف يعتقد الأطفال أنه القيمة الدقيقة وسوف يفكرون عندنذ فى 7.18 على أنها تقريب عشرى لـ $\frac{1}{\sqrt{2}}$.

ح = ۲ طبق

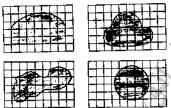
حيث نق تعبر عن نصف قطر الدائرة و ط نعوض عنها بـ ٣٠١٤ أ ، ﴿ كَالِمَةُ . تَعْرِيبِهُ .

الساحية

مساحة الشكل هي عدد الوحدات المربعة التي تنزم لتغطية سطحه وقد وجد بياجيه أن الأطفال يدركون مفهوم المساحة على شلات مراحل بحسب اعمارهم وعلى هذا يجب تقديم القوانين في مرحلة مبكرة ويسورة سريحة وليما يلى مراحل تقديم المساحة :

مرحلة ١) تقدير المساحة

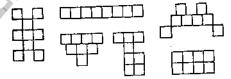
ويتَم ذلك بتزويد كل طفل بشبكة تربيعية عليها الشيء أو الشكل المراد حساب مساحته كما هو مبين.



حيث يقوم الطفل بحساب عدد العربعات المغطاة بكل شكل وإذا كانت الشبكة التربيعية بالسنتيمتر الم فيمكن حيننذ تقديم فكرة السنتيمتر العرباء على أنه كمية الفراغ المغطى بواحد من العربعات ويمكن أيضا تقديم الرمز سمع ويجب تزويد الأطفال بأنشطة عديدة تتضمن استخدام الشبكة التربيمية في إيجاد المساحة .

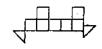
مرحلة ٢) بقاء (حقظ المساحة)

يجب على العطم ، خلال هذه الأنشطة المتعددة ، التأكد من فهم الأطفال للفكرة الهامة التي نتعلق ببقاء (حفظ) المساحة ولحد طرق توضيح ذلك هو تزويد كل طفل بورقة إضافية مربعات اسم يصنع الطفل بها أشكالا متنوعة بنفس عدد المربعات فعثلا باستخدام ثمانية مربعات يمكن عمل اشكالا مثل العبينة فيما يلى ويجب أن يتحقق الأطفال من أن مساحة كل شكل من الأشكال ٨ سم ٢



ويمكن استخدام أنصاف المربعات أيضا لعمل أشكال مثل :



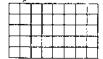


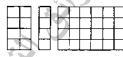
ومرة ثانية يجب أن تكون لدى الأطفال القدرة على أن يقولوا أن مساحة كمـل شـكل هـي ٨ سـم٢

مرحلة ٣) إيجاد مساحة الأشكال الشائعة

مسلحة المستطيل

يرسم المعلم عدة مستطيلات مختلفة ويطلب من الأطفال تحديد عدد العربهات التي يحتويها طول المستعليل وعدد المربعات التي يحتويها عرض المستعليل وعدد





Y 1

المربعات التي يحتويها المستطيل كله ومن ثم تحديد مساحة المستطيل ثم يحاول المعلم أن يقود الأطفال إلى اكتشاف العلاقة بهن ضرب طول المستطيل في عرضه وبين مساحته وذلك من خلال الجدول التالي :

الطول × العرض	المساحة	العرض	الطول	المستطيل
				(1)
	2			(٢)
				(٣)
				(1)

ومن خلال توجيهات المعلم بمكن أن يصل الأطفال إلى قاعدة مساحة المستطيل وهي مساحة المستطيل = طول المستطيل × عرضه ويجب التأكيد على أن الغاتج يكون

بالسم؟ فى حالة ما إذا كان القياس بالسم أو منر؟ (م؟) إذا كــان القيباس بــالمتر شم يقــوم المعلم باعطانهم تمارين وأنشطة على إيـجاد مساحة المستطيل لتأكيد الفهم

مساحة المربع

إذا فهم الأطفال مساحة المستطيل فهما سليما فمن السهل عليهم جدا فهم مساحة المربع حيث أن المربع حالة خاصة من المستطيل أي هو مستطيل ولكن بعديه متساويان أي أحداده متساوية

وبالتالي يمكن أن يستنتج الأطفال مساحة المربع هكذا :

مساحة المربع = طول الضلع × طول الضلع عدمرهم طول الضلع

مسلحة المثلث

 أ ـ يرسم الأطفال مستطيلا بحيث يكون بعداه أعدادا صحيحة من المنتيمترات (استخدام ورقة مربعات مفيد) شم يوجدون مساحة المستطيل .



ثم يرسم قطر المستطيل كما هر مبيئ ويقطع المستطيل إلى مثلثين ثم يوضع المثلثان الناتجان من القطع فوق بعضهما (أحدهما على قمة الأخـر) لبيان أن لهما نفس المقدار ثم تتاتش فكرة أن مصاحة المثلث هى نصف مساحة المستطيل.

وفى نشاط آخر يطلب المعلم من كل طفل رسم مستطيل وأخذ نقطة على أحد ضلعى العستطيل وتوصيلها بطرفى الضلع المقابل واسقاط عمود منها على



الضلع المقابل كما بالشكل المقابل ثم يناقش المعلم الأطفال حتى يكتشفوا مايلي : _

مساحة المثلث - نصف مساحة المستطيل

- <mark>+</mark> × (طول المستطيل × عرض المستطيل)

طول القاعدة × طول الارتفاع

و - بالقاعدة × الارتفاع

من الانشطة السابقة يجب على الأطفال أن يمززوا فكرة إيجاد مساحة المثلث بقياس قاصدته وإرتفاعه المغاطر وضربهما في بعض وقسمة الناتج ÷ ٢ ويجب العناية والتأكد من أن الأطفال قد فهموا أنه يمكن استخدام أي ضلع من أضدلاع المثلث الثلاثة كقاعدة ، وبالنسبة للمثلثات منفرجي الزاوية يفضل استخدام الضلع المقابل للزاوية وذلك لتجنب التعقيدات.

مسلحة متوازى الأضلاع :-

يمكن إستخدام مساحة المتلث كمدخل لتدريس مساحة متوازي الأضلاع كما يمكن إستخدام مساحة المستطيل أيضا لنفس الغرض كما يلى:

- يوزع المعلم على كل طفل متوازى أضلاع ومستطيلا من الورق المقوى و متساويان في المساحة.
 - يطنب المعلم من كل طفل رسم إرتفاعي متوازى الأضلاع كما بالشكل.
- وطلب المعلم من كل طفل قص أحد المثلثين الناتجين من رسم الإرتفاعين ولصفة بالمثلث الأخر حتى يظهر الشكل مستطيلا.
- ٤- يطلب المسلم مقارضة مساحة المستعليل بالشكل الناتج من تغيير شكل متوازى الأضلاع.



والطول × العرض وبما أن قاعدة المستطيل = الطول × العرض وبما أن قاعدة متوازى الاضلاع تساوى قاعدة المستطيل وإرتفاعه يساوى عرض المستطيل فان ذلك يساعد على الوصول إلى القاعدة التالية:

مساحة متوازى الأضلاع - طول القاعدة × الإرتفاع.

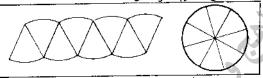
ثم يكرر الأطفال هذا النشاط بمتوازيات أضلاع أخرى مختلفة عن الأول في الأبعاد ثم تعطي تمارين لمتأكد الفهم.

مساحة الدائرة

يمكن الإستفادة من قاعدة مساحة متوازى الأضلاع في أيجاد قاعدة لمساحة الدائرة عن طريق النشاط التالي. بطب المعلم من كل طفل أن يرسم دائرة على ورق مقوى ثم يقسمها إلى شر انح على شكل قطاعات متساوية ويقصمها بالمقس.

٢- يطلب العطم منهم وضع هذه القطاعات بجانب بعضها بحيث يتكون شكل متوازى
 أضلاع تقريبا ويوضع المعلم أنه كلما زاد عدد هذه القطاعات كلما إقاريت قاعدة

هذا الشكل من المستقيم "انظر الشكل".



تناقش المعلم مع الأطفال علاقة طول القاعدة بمحيط الدائرة.

وطول الإرتفاع بالنسبة للمتوازى بالنسبة لقطر الدائرة حتى يصل الأطفال إلى أن طول قاعدة متوازى الأضلاع = أي طول محيط الدائرة.

> طول إرتفاع متوازى الأضلاع = نصف قطر الدائرة وبما أن مساحة متوازى الأضلاع – القاعدة × الإرتفاع

فتكون مساحة الدائرة هي نصف المحيط (ح) × نصف القطر (نق)

ولمما كان محيط الدانرة ٢ ط نق

فإن المساحة = ط نق ٢

السعية

السعة من المفاهيم الصعبة على الأطفال في المرحلة الإبتدانية ولهذا يجب تقديمها بالتدريج وبإستخدام الأنشطة الإيجابية من قبل الأطفال وفيما يلى مراحل تقديم السعة.

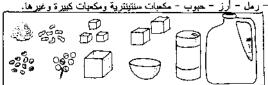
مرحلة ١) مقارنة السعة

 إ- يقارن الأطفال بين وعائين معلوعين بالماء لتحديد أيهما يحتوى على كمية من العاء أكثر من الأخر وذلك بالتغمين ثم التحقق بسكب الماء أو الرمل من أحد الإناءين في الأخر.



ب- يستخدم الأطفال أوعية مختلفة الشكل والحجم بعضيها مملوء بالماء وبعضها فارغ مثل المبينة بالشكل التالي والتي تنضمن بعض الصناديق، إسطوانات، أشكال غير

منتظمة بالإضافة لبعض الأشياء التي يمكن إستخدامها في الماء والسكب مثل (ماه



ويستخدمها الأطفال في تحديد أيهما يحوى أكثر وأيهما يحوي أقل

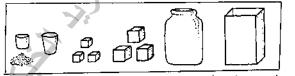
٧- ترتيب الأرعية.

٣- تحديد عدد الأوعية التي يمكن ملؤها بالكمرة الموجودة في الإثاء الكبير لأن الأطفال يكتسبون خبرة من خلال تعاملهم مع انشطة الرمل والعاء، وقد ينخدعون حتى الكبار منهم بشكل الوعاء وقد لا ينتبأ بعضهم بأي الوعاءين يحتوى ماء أكثر ولتقليص هذا التشويض والأرثباك يجب أن يستخدم العملم أوعية تختلف في شيء واحد مثل



مرحلة ٢ قياس المنعة يوحدات غير معيارية

أنشطة الأدوات : كما بالشكل



١- يسأل المعلم الأطفال أسنلة مثل :

- ما عدد المكعبات الصغيرة من الأرز التي يمكن أن يحتويها البرطمان؟

- ماعدد الأكواب الكبيرة من الأرز التي يمكن أن يحتويها الإناء المكعمى؟
- ما عدد المكعبات الصغيرة من الأرز التي يمكن أن يحتويها الإناء المكعبي؟
- ما عدد المكعبات الكبيرة من الأرز التي يمكن أن يحتويها الإناء المكعبي ؟

مرحلة ٣) إختيار الوحدة : تقدير وقياس السعة بإستخدام الوحدات المعيارية.

يمكن قياس سعة أى وعاء بالسنتيمرات المكعبة. ولكن في الحياة اليومية غالبا مـا يُستخدام المنتر والملليلنز.

ويمكن تقديم النتر على أنه كمية السائل التي تكفي لماء مكعب طول ضلعه اسم. كما أن إستخدام المكعب أيضا ليساعد الأطفال على فهم أن السنتيمتر المكعب والملائِدر متطابقان في الحجم.

وعندما يملأ المعكب بالماء فإننا نصرف أن كمية الماء يمكن وصفها ١٠٠٠هـ أو المتر.

العلليلتر = ر من اللتر ولكن أيضا اسم" = را من اللتر. ولهذا فإن كلا من اسم"، ا ملليلتر يصف نفس كمهة الماء.

۱۰سم

ويمكنهم الاستمرار الإيجاد كم عدد العرات التي نظرم لماء أحد الزجاجتين بالماء للمحصول على ١ لتر. ويجب عليهم التحقق من العلامة المكتوبة على الزجاجة. فمثلا سوف نحتاج إلى أن تملأ الزجاجة ٩٨ مثل عشر مرات تقريبا للحصول على نتر واحد من العاء. ويساعد هذا النوع من النشاط على تذكر الأطفال للملاقات.

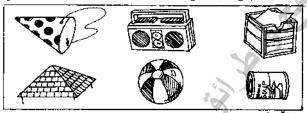
كما يجب تقديم الصور العشرية أيضا لهاتين العلاقتين فمثلا

الحجسم

يرى كثير من التربويين تأخير مفهوم الحجم إلى الفترة الأخيرة من المرحلة الإبتدائية وذلك لأن الأطفال لا يدركون المحافظة على الحجم إلا عند حوالي سن الحادية أو الثانية عشرة ويفضل أيضا تقديم الحجم على مراحل.

مرحلة ١) اللعب بإستخدام عدة أشكال تمثل حجوما.

يعرض المعلم على الأطفال مجموعة من الأشكال من الورق المقوى والتى تمثل حجوما ويناقشهم في التعرف على أسمائها وبمض خصائصها مثل المبيئة بالشكل التالي



مرحلة ٢) : مرحلة بناء المفهوم :

يعرض المعلم مجموعة كم الأشكال المبيقة بإستخدام المكعبات الصغيرة أمام الأطفال هكذا وتدور المناقشة حول



أ- عدد المكعبات الصغيرة التي يحتويها كل شكل.

 ب- عدد المكعبات الصخيرة الذي تظهر أمام الطفل أي تكون وجه الشمكل والذي تكون خلف الشكل والتي تكون تمة الشكل.

والمتى تكون فى قاع الشكل والتى تكون على جانبى الشكل وهكذا. ثم يرسم كل طفل عدد الأوجه التى يراهما على ورقمة بيضماء وبعد المناقضة يتعرف الأطفال على الاشكال ثلاثية البعد والتى تشغل حيزا من الفراخ.

مرحلة ٣) تعريف المجم:

بعد مناقشة الأشكال في مرحلة ٢ السابقة يوضع المعلم للأطفال أن الحجم هو قياس الحيز الذي يشغله جسم صلب في الفراغ.

مرحلة ٤) مقارنة الحجم

تستخدم مقارنة السعة في مقارنة حجمي جسمين يغمران في الساء (أو في أي سائل آخر) بحيث لا يذوبان فيه ثم تتم مقارنة الماء المزاح في الحالتين كما بالشكل.



مرحلة ٥) قياس الحجم:

 أ- عن طريق الإزاحة يمكن قياس حجم أيجسم بغمرة في الماء وتقاس كمية الماء المزاح بالمثليلتر باستخدام إناء مدرج ويكون حجم الماء المزاح هو حجم الجسم المغمور (أ).

ويمكن أن يوضع الجسم المغمور مباشرة في إناء مدرج ويلاحظ التغير في مستوى الماء كما في (ب). وإذا طفا الجسم فوق سطح الماء فيجب إستخدام قطعة من الخشب لجعله يغطس في الماء.



ب- قياس الحجم بالحساب

يمكن قياس حجم بعض الأشكال الهندسية الشائعة مثل متوازى المستطيلات والمكعب والإسطوانة والمنشور بالحصاب، ولكن يجب البده بأنشطة عملية لترسيخ المفهوم في ذهن الأطفال.



١- يزود المحلم كل طفل بمكميات طول حرف كل منها اسم لبقيس أبعاد ٢- يعرض المعلم على الأطفال صندوقا

على شكل متوازى مستطيلات كالمبين على اليسار ويسأل السؤال التالي ما عدد المكعبات التي نحتاجها المليء هذا الصندوق ؟

[الإجابة هي حجم الصندوق]

[الإجابة هي حجم الصدون] ثم يسير العمل حسب الخطوات التالية: الأمن المراح

عريض لأسم

خطوة ٣

خطوة ٢

ما عدد المكعبات التي تلزم لعمل صنف واحد؟ صيف واحد = ۲ مكعب

ما عدد المكعبات التي تلزم ما عدد المكعبات التي تلز م لعمل طبقة واحدة ؟ لعمل ٤ طبقات؟ غ مثنقات = ٢×٣×٤ مكسا

طبقة واحدة = ٢ × ٣ مكعبا





وبالمناقشة يصل الأطفال إلى أن المحجم = الطول × العرض × الارتفاع

1 × T × T =

- ۲۶سم۳

ومن العناقشة أيضا يمكن صياغة القاعدة التالية.

حجم متوازى المستطيلات - الطول × العرض × الارتفاع ثم تعطى تدريبات مندرجة تبدأ بتدريب مثل أوجد الحجم







الحجم = ٦ × ٢ × ٣ = _

وبعد ذلك تأتى تدريبات حسابية ثم مسائل نفظية وعلى المعلم أثناء الشرح أن يشرح للأطفال أن حجم مكعب طول ضلعه اسم يسمى سنتميترا مكعبا والطريقة المختصرة لكتابة السنتيمتر المكعب هي سم وقد يكون من المفيد ربط ذلك باستخدام سم ٢.

ثانيا حجم المكعب

المكعب حالة خاصة من متسوازى المستطيلات وإذا فهم الأطفال متوازى المستطيلات الذي علاقة لتعيين حجمه المستطيلات وهي مثنقة من علاقة متوازى المستطيلات وهي

حجم المكتب = طول الضلع × طول الضلع × طول الضلع أو مكتب طول الضلع

> ويعطى ذلك الحجم بالسم؟ المنشور والإسطوانة

إذا فهم الأطفال فكرة إيجاد الحجم عن طريق إيجاد المساهة للقاعدة وضربها فى الأرتفاع فستكون لديهم القدرة على إيجاد حجم أى منشور (قاعدته على شكل مثلث متساوى الأضلاع أو مثلث قانم الزاوية أو قاعدته على شكل مسدم) ففى حالة المسدس يقسم إلى مثلثات.

والإسطوانة تعتبر حالة خاصة من المنشور حيث تعتمد على العبارة الهامة التسى استخدمت في متوازى المستطيلات والمنشور وهي ضرب مساحة القاعدة × الارتفاع.

السسوزن

يوجد إختلاف بين مفهومي الكتلة Mass والوزن Weight يجب توضيحه حشى يزول اللبس. دعنا نفكر في قطعة من الطين وقطعة من الحديد في نفس الحجم. بالتعامل معهما يمكن معرفة أنهما مانتان مختلفتان بسهولة. وعلى الجانب الآخر إذا أمسكناهما وتركناهما فسوف يسقطان على الأرض بسبب قوة جذب الأرض لهما. قورة جذب الأرض هذه تسمى وزن الشيء.

بإمكاننا أن نقارن بين وزن الحديد والطين بتعليق كل منهما على ميزان خيطى نقيس الشد فى الخيط فنجد أن الحديد يشد الخيط أكثر من الطين.

إذا أخذنا الطين والحديد فى الهواء بعيدا عن سطح الأرض فإن قوءٌ جـ تب الأرض لكل منهما سـوف تكون أصـغر وعلى هذا فإن وزن كل منهما سـوف يكون أصـغر من الوزن على سطح الأرض. وعلى ذلك فنسمى كمية المادة بكتلتها أي أن كتلة جسد ما هى مقدار ما يحتويه الجسم من مادة. ويجب أن نعرف أن كتلة أي مادة لا تتغير ولكن وزنها يمكن أن يتغير تبعا لموضعها بالنسبة لمركز الكرة الأرضية بتغيير المكان.



مراحل تقديم الوزن:

مرحلة 1) نيم نكرة الإنزان الأجهزة والأدوات:

ميزان بسيط نو كفتين:

لتشط للة

- القرن الأطفال بين كميتين ثم يخبرون المعلم بأيهما أثقل أو يكتبون عبارة بسيطة.
- من خلال مقارنة وزن أزواج من الأشياء في النشاط السابق يرتب الأطفال ثلاثة أشياء حسب الوزن.
- ٣- تكوين فكرة الإتزان عند الأطفال وذلك بجعلهم يضعون أى شىء فى لحدى الكفتين ثم يضعون هادة أخرى مناسبة تنريجيا حتى يصير ذراع الميزان أفقيا. وفى هذه المرحلة فقط يمكن للأطفال أن يفهموا الاتزان كما أنه من الممكن إدخال نكرة جنب الأرض للكتلتين متساوى (مطلوب توضيحها فى هذه المرحلة).
- عندما يفهم الأطفال فكرة الإنزان فإنه يصبح في مقدورهم البدء في استخدام بعض
 وحدات الكتلة الجاهزة.

فعلى سبيل المثال أنهم يزنون أى مادة مع عدد من العمالات المعدنية أوأى أشياء صغيرة متكافئة، ويجب أن يصبغوا عبارات تعبر عما يقطون وتوجد بعض الأوزان الصغيرة والتى يمكن الإستفادة منها في الإضافة حتى يحصلوا على الانزاز.



ويجب أن يتدرب الأطفال على ممارســـة هـــذا التشـــاط بأوز إن منتوعة.

مرحلة ٢) إستقدام الوحدات المعيارية

أولا: الكيثوجرام

إذا لم يكن الكيلوجرام المعدني متاحا فعندنذ يمكن عمل بدائل مناسبة بإستخدام الحقيقة التي تقول : كتلة اسم من الماء تساوى تقريبا اجم. ولهذا فإن ١٠٠٠ سم من الماء تكون لها تقريبا كتله ١٠٠٠ جرام والتي تعتبر ولحد كيلو جرام. خذ مكمها مقتوحا من المورق المقوى أو الكرتبون طول ضلعه ١٠سم. ولجمل أحرفه ما نمه لتسرب الماء بتشميعها بورق صمغي أو بطلانها عدة مرات بالزيت (سع ملاحظة أن ١٠٠١سم = ١ لتر)

ثم ضع المكتب في أحد كفنى ميزان واسلأه بالعاء وضع في الكفة الأخرى للعيزان كمية من الطين الصلصال اللين واضف أو خذ من الصلصال حتى يتزن مع العاة.

تكون كتلة الماء حيننذ اكجم تقريبا ولهذا فان كتلة الصلصال اكجم تقريبا ويمكن عمل أوزان متعددة من الصلصال بنفس الأسلوب وبتقسيم اكجم من الصلصال الم جرَفِين متساويين في الوزن يمكن عمل $\frac{1}{Y}$ كجم وزنا وأيضا $\frac{1}{2}$ كجم وزنا إذا كان خدوريا.

ويمكن استخدام الرمل أو أى مادة أخرى مناسبة بدلا مــن الصلصـــال وعلينــا فــى حالة استخدام الرمل وضعه فى كيس من القطن أو أى مادة لـــــرى تحفـظ الرمــل ســـايـــا ويجب أن يوضع على كل كيس علامة ١ كجم تقريبا على سبيل المثال.

أنشطية :-

١- يمسك الأطفال الكتل ١ كجم حتى بحسوا بها وبعد ذلك يصاولون تقدير أى المواد أثقل أو أقل وزنا من ١ كجم (كتاب - حجر - حذاء) وعليهم أن يعملوا ذلك مع الإحتفاظ بكتله ١كجم فى يد والشىء الأخر فى اليد الأخرى. أى عليهم أن يحمموا بعضلاتهم بالأثقل أو لا ثم يستخدمون الميزان بعد ذلك التحقق من الإجابة.

ويجب تكرار هذا النشاط مع أشياء مختلفة بعضها مصفوع من المعدن والبعض الآخر يكون مصنوعا من مواد خليفة مثل ريش الطبور.

وفى هذه الطريقة يجب أن يبدأ الأطفال في روية أن كتله الشيء لا تعتمد على

٢- يوسع نشاط ١ ليشمل أشياء ١كجم ونحتاج في هذه الحالة إلى ميزان ذى كفتين أكبر مما سبق تتقدير بعض الأشياء وليس من المفضل أن يكون الشيء المطلوب وزنه يزن عددا تاما من الكيلوجرامات وعلينا استخدام فكرة أكبر من ٢ كجم وأقل من ٣ كجم تقريبا. ومن الممكن تقديم فكرة ألمل من ٢ كجم في الكفة والتزويد بالرمل حتى يحدث الإنزان في الكفتين.

- يحاول الأطفال بأنفسهم تقسيم واحد كيلو جرام من الصلصال أو الرمل إلى جزئين منساويين وعندنذ يكون بإمكانهم إستخدام الأوزان اكجم، $\frac{1}{4}$ كجم لقياس كذل لأترب $\frac{1}{4}$ كجم.

ويمكن تسجيل النتانج على سبيل المثال هكذا.

وزن المحجر أكبر من واحد كجم ونكنه أقل من $\frac{1}{4}$ كجم.

3- يستخدم الأطفال ما نديهم من أوزان ١ كجمء $\frac{1}{y}$ كجم للحصول على وزن ١ كجم من الحبوب مثلاء $\frac{1}{y}$ كجم من الزهور ، $\frac{1}{y}$ ١ كجم من البطاطس. ويجب إستخدام خامات (مواد) من البيئة المحلمة كلما أمكن ذلك في هذا النشاط.

ثانيا: إستخدام الجرام

استخدام الجرام نوس بالأمر السهل من وجهة النظر العملية لأن الجرام وحده صفيرة جدا وتحتاج إلى موزان دقيق. ولهذا بيدا المعلم في إعطاء الأطفال أشياء خفيفة ليزنوها قيفهم الأطفال أن الوحدة "الكيلو جرام" وحدة كبيرة جدا لقياس وزن شيء صفير وأن هناك حاجة ماسة لوحدة ألمل من أي كجم ، أي كجم ويبدأ المعلم في تقديم الجرام ويعرفهم أنه جزء من ألف جزء من الكيلو جرام.

ثم يبدأ المعلم في عرض وحدات جاهزة معدنية تمثل ١ اجم، ٥٠ جم، ١٠٠ اجم، ٢٠٠ جم، ٢٠٠ جم، ٢٠٠ جم م ٢٠٠ جم ، ٥٠٠ جم وهكذا. ويبدأ الأطفال في تعيين بعض الأنسياء باستخدام هذه الوحداث الجاهزة على الميزان.

ويجب أن يتدرب الأطفال على حل مسائلل تتضمن عمليات حسابية تتعلىق بالوزن مثلا:

> ما وزن كتاب الرياضيات وكتاب العلوم معا؟ ما الفرق بين كتاب الرياضيات ووزن زجاجة مياة فارغة؟ ما مقدار وزن ٤ كتب من كتاب الرياضيات الذي وزنته؟

فى هذه الحسابات يستخدم الأطفال الجرامات أو الكيلوجرامات والجرامـــات، وإذا كان هناك ضرورة يحولون ١٠٠٠ جم إلى ١ كجم أو ١ كجم إلى ١٠٠٠ جم.

وعندما يفهم الأطفال الكسور العشرية حتى الألف فيجب تقديم الوزن في صــورة عشرية. لكي يفهم الأطفال ذلك عليهم أن يفهموا أولا : ا جم = 1 کجم ویمکن عرضها هکذا ۱۰۰۰، کجم.

ب) ۱۷ جم - ۱۰۱ کجم ویمکن عرضها هکذا ۱٬۰۱۷ کجم

جر = ^{۲01}/₁₁₁ كجم ويمكن عرضها هكذل ٢٥٤,٠ كجم وهكذا.

ويمكن أن يستمر الأطفال في حسابات تتضمن (+، − ، ×، +) والتي تكون الأوزان فيها بالكياوجرام وكسور عشرية من الكيلو جرام.

الزمسن Time

الزَّهن أحد مفاهيم القياس التي تقدم في المرحلة الإبتدائية. ويتم تقديم الزمن على مراحل وفيما يلي بعض المرحل المقترحة.

مرحلة ١) الإخبار عن الزمن بالساعة

الأجهزة والأدوات

 ا خرانط الوقت: وهي عبارة عن مجموعة من الساعات ترسم على لوحة وتعلق أمام القصل بحيث يراها جميع الأطفال.





٧- ساعة القصل

أتشط...ة :-

وهى ساعة خشبية أو بالستيكية بمكن تحريك عقاربها بسهولة كما يمكن أن تخرج الأرقام من مكانها وتعاد في أماكنها الصحيحة.



 بناقش المعلم مع الأطفال أوضاعا مختلفة للساعة حسب مواعيد من مواقف حياتهم حتى بألفها الأطفال.

 - يبين الأطفال زمن حدوث بعض الأطفال بإستخدام ساعة الغصل وذلك بتحريك العقارب لضبط الوقت. ٣- يعمل الأطفال كافراد أو في مجموعات حسب عدد الساعات المتاحة ثم يطلب
المعلم منهم أن يبينوا الساعة ٢، ٥، ٧، ويحتاج هذا النشاط إلى التكرار عدة
مر ات.

مرحلة ٢) إستخدام أجزاء الساعة (النصف والربع)

لمساعدة الأطفال على فهم فكرة التصف والربع يمكن إستخدام ساعة يقسم وجهها البى قسمين ويظلل أو يلون أحمد نصفي الوجه وتكتب الكلمتان "و" و "إلا" كما هو مبين.



يحرك الأطفال عقرب الدقائق دورة كاملة أي على سبيل العثال تتحرك الساعة من ٢ بالضبط إلى ٣ بالضبط ثم بعد ذلك يحولون العقرب نصف دورة ويقولون الساعة الثنان ونصف ثم تشاكد أن الأطفال فهموا أنه في حالة الربع يسير عقرب الدقائق إلى ثلاثة وفي هذه الحالة يقول الأطفال الساعة بثنان وربع ثم يحرك عقرب الدقائق مرة أخرى بمقدار ربع أخر ويقول الأطفال الساعة بثنان وربعان أي إثنان ونصف وهذا يعطى تدريبا أخر على تكافؤ نصف ما بعدن عدر بعدن عدر بعدن ما بعدن المعدن المنافقة المعدن المعد

وبتدوير عقرب الدقائق حتى يصل إلى ٧ يقول الأطفال الساعة إثنين وثلاثة أرباع وتتاقش فكرة أنه بعد ٢ وثلاثة أرباع إذا أدرنا عقرب الدقائق ربع دورة تصبح الساعة ثلاثة بالضبط. وحينما يفهم الأطفال ذلك يمكن تقديم ومناقشة ثلاثة إلا ربع.

سوف يحتاج بعض الأطفال إلى مزيد من التدريب على إستخدام "و" "إلا" ويجب تكر ار النشاط عدة مرات بإستخدام الدور أن على كل أرقام الساعة.

ملاحظة: التناء هذه الأنشطة قد تتولد فكرة جديدة وهي تحريبك عقرب الساعة مع عقرب الدقائق وهذا سوف يساعد الأطفال على فهم أنه في نصمف ساعة يتحرك عقرب الساعات نصف مسافة ونتكن مثلا بين ٢، ٣ وفي ربع الساعة يتحرك ألمسافة بين ٢، ٣.

مرحلة ٣) إستخدام الدقائق

يحتاج الأطفال إلى صدورة أخرى لمعرفة الوقنت ألا وهبي إستقدام النقانق وطريقة قراءتها من وحه الساعة. ومن الممكن أن يرتبك الطفل بسرعة عندما يسمع أحد الأقراد وهو يقول إن الساعة ثمانية وعشر دقائق مع أن عقرب الدقائق يشير إلى ٢.

ويحتاج تقسيم الساعة إلى سبنين جزءا صغيرا (دقائق) لمساعدتنا في معرفة الوقت، إلى أن نشرحة للأطفال جيدا ويجب أن تتوفر ساعة حانط كبيرة يتمكن من رويتها جميع الأطفال أي يجب أن يرى الأطفال أن تحريك عقرب الدقائق علامة واحدة تعنى دقيقة وأنه يتحرك على مدى ٦٠ علامة.

ويجب أن يعطى الأطفال الفرصة للعد خمسة خمسة حتى ستين ويجب أن يخصيص لذلك وانت متسع وأساليب مختلفة أيضا لبيان كيفية إستخدام الجمع المتكرر.

فيمكن استخدام خط أعداد من ، إلى ٦٠ أو جدول ضرب الخمسة أو ساعة مرسومة على السبورة كالمبيئة ويمكن إستخدام الدقاناق في الإخبار عن الوقت بإستخدام "و" ، "إلا" وعندما يمارس الأطفال تدريبات يومية منتظمة على هذه الأفكار يمكنهم الأخبار عن الوقت بثقة وتمكن ودقة.

مرحلة ٤) إستخدام الثواني

يعرض المعلم على الأطفال ساعة بها ثلاثــة عقارب ويعرفهم أن العقرب الثالث يستخدم القياس أجزاء صغيرة من الزمن تسمى الثانية.

ويعرفهم أنه كلما دار عقرب الثواني دورة كاملة تحرك عقرب الدفائق دنيقة واحدة ولهذا فمإن الدقيقة = ٢٠ ثانية



ثم بيداً في عرض اللوحة الثالية لوحدات الزمن

- ۱ دنینه (ق)	۳۰ ثانیة (ث)
- ۱ ساعة (س)	۲۰ نقيقة
- ۱ پر م	۲۴ ساعة
- ۱ أسبوع	٧ أيام
- ۱ سنة	۱۲ شهر
≖ ۱ سنة	٥٢ أسبوع تقريبا
- ۱ سنة	ٔ ۱۳۵۵ یوم
= ١ سنة كبيسة	٣٦٦ يوم

مرحلة ٥) التعويلات والعمليات الحسابية على وحدات الزمن

وفيها يتدرب الأطفال بوفرة على تحويل الدقائق البي ثوان والبي ساعات وهكذا ثم يتدرب الأطفال على جمع وطرح وضعرب وقسمة وحدات الزمن من خلال أمثلة ومسائل والعية من حياتهم.

تعليق ومتابعة

يمكن وصعف الفياس بأنه العملية التى يستخدم فيها الطفل الأعداد لتصعيم ملاحظاته عن الخواص الطبيعية للشيء مثل الطول والمساحة والكثلة والحجم... وعند تتريس القياس يجب التأكد من قدرة الأطفال على مبدأ "المحافظة" أو "البقاء" فقدرتهم على يفهم بقاء الطول تأتى في سن الثامنة تقريبا وبالنسبة المساحة فلا يفهم الطفل بقاء المساحة إلا بعد الثامنة من عمره. وقد جاء هذا التقدير العمرى من خلال تجارب لمكثير من العلماء مثل أرفواد وكوبلاند وبياجيه واتخذ مطوروا ومخططوا مناهج الرياضيات نتانج هذه التجارب كأساس لبناء المجالات التنابعية للانشطة التي تتمامل مع القياس ويجب أن تكون خبرة الأطفال الأولى مع الإستكشاف ثم الوحدات غير المعيارية وفي النهاية تقدم الوحدات غير المعيارية وفي

وحيث أن الأطفال يتعلمون مقاهيم القياس تدريجيا فقد إقترح Fuys & Tischler سنت أنواع من أنشطة القياس التي يجب أن يعملها الأطفال بأنفسهم تحت إشراف وتوجية المعلم لمساعدة الأطفال على : أ- فهم عملية إختيار وحدة ما (مثل سم، م). ب- تقدير القياس جـ بستخدام الأجهزة والأدوات (مثل المسطرة والمنقلة) لقياس الأشياء التي في العالم المحيط بهم.

وفيما يلى وصنف لهذه الأنشطة

نوع النشاط النشاط

- مقارنة الأشياء: مقارنة مباشرة أولا تم مقارنة غير مباشرة.
- القياس باستخدام وحدات غير معيارية (مثل اليد أو الدبوس في حالة الطول).
 - اختيار وحدة ثم القياس والتقدير بهذه الوحدة باستخدام أشياء محسوسة.
 - إمتداد القياس لربط الوحدات مثل العصمي المترية.
 - ه بناء أدوات قياس مثل المسطرة.
 - استخدام أداة القياس في القياس والتقدير -



وفي تدريس الطون يجنب أن يحرف الأطفال أنه بوجد نظامان القياس الطول هما النظام المترى والنظام الإنجليزي وأن النظام المترى أخذ يشيع وينتشر في معظم أنحاء الحالم الأسياب التالية:

- التشايه والمقابلة الموجودة في العلاقة بين وحداث الطول ووحدات الوزن ووحدات السعة.
- الوحدة الأساسية وهي المتر في النظام المترى تستنبط من ظواهر طبيعية بصفة دائمه.
- ٣- مجموعة من الإختصارات لمارموز يمكن إستخدامها لقواسع ومضاعفات كل
 وحدات القياس وهذا يبسط عملية تحويل وحدة إلى أخرى.
- ٤- استخدام الكسور العشرية في النظام المترى سوف ينقص من استخدامات الكسور الإعتيادية وهذا يعنى تقليل الوقت الذي يأخذه الأطفال في إجراء العمليات الحسابية وهذا الوقت المتوفر يمكن الإستفادة به في اعمال تعليمية أخرى.
 - ألفة كثير من الناس بالمتر والجرام واللتر وتواسمها ومضاعفاتها.
 - النظام المترى لغة قياس شاملة.

ومن الأفكار الهامة التي تتعلق بالطول أيضا تحويل وحدات الطول حيث يتطلب حل المسائل القدرة على التحويل من وحدة أكبر إلى وحدة أصغر أو العكس وقمد تساعد ترجمة قواعد التحويل في صورة مخطط كالتالي على حفظ القواعد المتحويل من وحدات أكبر المسئر أضرب المتحويل من وحدات أصغر مم المتحويل من وحدات أصغر مم المتحويل المتح

ثم يقدر ب الأطفال على أسئلة شفوية مثل

- عندما نحول من أمتار إلى سنتيمترات فإن الوحدات الناتجة سوف تكون أكبر أم أقل؟
 هل نقسم أم نضرب إذا إردنا التحويل من أمتار إلى سنتيمترات؟
 - كيف تعرف العدد الذي يجب أن تضرب فيه أو تقسم عليه الوهكذا

ويجد المعلمون أن طلابهم في نهاية المرحلة الإبتدائية وحتى في المرحلة الثانوية لا يستطيعون استخدام المسطرة في قياس الطول استخداما صحيحا . ومما يسبب الصحوبة في القياس أن الطفل لايفهم عملية القياس كازاحة متكررة للوحدة وبعض الأطفال يحتاجون إلى القدريب على القياس باستخدام وحدات غير معيارية وعلى اختيار وحدة قياس مناسبة قبل التدريب على استخدام المسطرة وعند استخدام المسطرة يجب أن يوجه المسلم نظر الأطفال إلى قواعد الاستخدام الصحيح للمسطرة حيث يجب وضع بداية التقسيم في المسطرة على نقطة بداية القطعة المستقيمة هكذا.

ثم عدد وحدات (مسافات) كاملة حتى نهاية القطعة المستقيمة كما يجب أن تكون المسطرة في وضع مطابق للقطعة المستقيمة أو موازية لها ولاتوضع مائلة لأن ذلك يسبب أخطاء في تياس الطول ويجب أن يتدرب الأطفال على ذلك بوفره .

وتوجد عدة مبادئ يجب أن نضعها في اعتبارنا ونحـن نعد أتسطة القيـاس للأطفال منها :.

 أ ـ لكى نبنى فهما جيدا لأى ثياس فيجب أن يعارس الأطفال القياس من خَلال أنشطة عملية .

ب ـ قبل قياس أى شئ يجب أن يخمن (بقدر) الأطفال النتيجة المحتملة وبعد ذلك يقارن
 الأطفال تقدير اتهم مع القياس الدقيق . وبهذه الطريقة بيني الأطفال أفكارا جيدة

- بالتدريج عن العقدار الحقيقى للشئ العفاس ويصبحون أكثر خبرة ومهارة فسى تقدر اتهم .
- د- لكن نتعامل بسرعة وسهولة مع الحسابات التي يتضمنها القياس يجب أن يتمكن الأطفال من كتابة نتائج القياس بالصورة العشرية فعثلا ٢ متر ، ٣٥ سم تكون ٢,٢٥٥ متر .
- هـ لا يستخدم في الصناعة والتكنولوجيا أكثر من وحدتين في أي لياس فعشلا عند قياس قطعة من الخشب تعطى الأطوال بالأمتال المثليمترات فقد يكون الطول لام ، ١٨٥ مم وهذا يجنبنا إستخدام لام ، ١٨٥ سم، كما أنه يمكن كتابته هكذا ٥٨٠ مم وهذا يجب أن تتذكر هذا النوع من التحديد في تدريسنا. ويجب عدم إستخدام أمثلة تأتي في أكثر من وحدثيتن.

و- تقديم أصغير وحدة للقياس يحقق غرضيين هما:

أولا: يمكننا من إجراء قياسات أكثر دقة (فعثلا بدلا من إعطاء الطول لأقرب سم يمكننا أن نقول أن الطول ٧سم، عمم لأترب مم).

ثانيا: يمكننا من قياس الكميات الصغيرة (يمكن قياس الأطوال التي أقل من اسم).

معلومات إضافية

ا نبذة تاريخية عن حساب الزمن:

منذ زمن طويل والناس على وعى نام بتعاقب الليل والنهار وبتغيير شكل القمر وفصول السنة. كما أنهم يعتقدون أن هناك قوة عظمى (الله سبحانه وتعالمی) وراء هذا النظام البديع من التغيرات وحتى قرون قليلة مضت لم يكن أحد يحرف نظام الكون هذا وأسبابه ويفهمه فهما كاملا. حيث كان السبب وراء تلك الصعوبة هو البدء في محاولة قياس الوقت.

وقد تولدت أفكار نتيجة الأحداث اليومية في الكون مثل: عند الفجر – ثلاثة أتسار مضنت – رحلة يومين – اثناء المطر السابق.

ولم يكن الأمر سهلا للوصول إلى (إيجاد) نموذج مناسب لقياس الوقت ولكين بقضل الله أصبح ممكنا عندما تم التعرف على أن الأرض تدور حولا الشمس وفي نفس الوقت تدور حركة ذاتية حول محورها وأن القمر يدور حــول الأرض وكـان ذلك بدايـة روية كيفية اليوم – الشهر – الصنة والعلاقة بينهم وحتى ذلك الوقت كانت هناك مشكلة القمر

الشمس

(پۈرەن

وهي أن القمر يأخذ وقدًا محددا من الأيام للحركة في السنة. حيث وجد أن الوقت المذى تسأخذه الأرض في دورتها هـول الشمس حوال ٣٦٥ يوما، ٥ ساعات، ٤٨ دتيقة ، ٥٤ ثانية.

والوقت الذي يؤخذ في دوران القمر حول الأرض يتغير من

٢٩ يوما، ٧ ساعات، ٢٠ دقيقة إلى.

ُ ٢٩ يوما، ١٩ ساعة، ٣٠ دقيقة.

ملاحظة : الوقت الذي يستغزقه القمر لعمل دورة واحدة حول الأرض يسمي الشهر القمري.

وبالنظر إلى تلك الأرقات قابنا نرى أنه من الصعب أيجاد تنظيم بسيط ذى عدد محدد ودقيق من الأيام في كل شهر قمرى وعدد محدد الشهور القمرية في السنة.

وتم بحمد الله بعد مجاولات كشيرة التوصيل إلى النظام الحالي والذي يتضمن عدد مختلفا من الأيام في التقاريم الشهرية.

كما أننا نجد أيضا ٢٦٥ يوما في بعض السنوات ، ٢٦٦ يوما في أخرى السبب في ذلك يبدو واضحا إذا تذكرنا أن الطول الحقيقي للسفة. أكبر بقلبل من ٣٦٥ يوما. الفرق هو ٥ ساعات، ٤٨ دقيقة، ٤٥ ثانية. هذا تقريبا ربح يوم ولهذا أجرى تعديل بإضافة يوم السنة الميلادية كل ٤ منوات ويضاف هذا اليوم في السنة التي تقبل القسمة على ٤ وقد أمدنا هذا التنظيم بما يسمى السنة الكبرسة Leap year ولكن لسوء الحظ مازال هذا المتنظيم غير تام وغير مرض وذلك لأن السنة العيلادية طويلة لأنها أح ٢٦٥ يوم (٢٦٥ يوما، ٦ ساعات، ٨٥ دقيقة، ١٥ ثانية. أي مازال هذا الفرق يكون ٢ أيام.

وبالحذا هذا في الاعتبار تحذف ٣ أيام من التقويم كل ٤٠٠ سنة فعلس سبيل المثال السنوات ٢٢٠٠، ٢٢٠٠، ٢٣٠٠ (بالرغم من أنها تقبل القسة على ٤) إلا أنها ليست سنوات كبيسة. السنة ٢٤٠٠ كبيسة.

أى أنه يوجد الأن فرق بين الزمن الذي نستخدمه في التقويم وبين الزمن الحقيقي حوالي ٣ ساعات في كل ٤٠٠ سنة وهذا ما يشغلنا ويقلقنا.

٢- وحدات القياس في النظام الإنجليزي

أ- وحدات الطول :

وحدة قياس الطول تسمى الياردة yard وحدة قياس المطول تضييب خاص من البرونز موضوع في لندن. ووحدات الطول المميارية هي البوصية (inch (in) وهي تعادل ٢٠٤٨ من المقر تعادل ٢٠٤٨ من المقر والميل والقدم يعادل ٢٠٤٨ من المقر والميل mile (mi) يعادل ٢٠٤٨ من المقر عدات الطول في النظام الإنجليزي هكذا

وحداث الوزن همي الأونس (oc) ounce وتساوى ٧٨,٣٥حجم والباوند (lb) pound وتساوى ٤٤,٠٥مجم تقريبا والطن (Ton (T والتكافو بين وحدات الوزن هكذا

وحدات السعة

وحدات السعة في النظام الإنجليزي هي الأونس السائلة (fluid ounce (floz) gallon (gai) والناينت (quart (qt) والكوارت (pint (pt) والجالون (gai) والتكافو بينها هكذا.

والكوب يعادل ٢٠٠٤ لمتر تقريبا والباينت يعال ٠٠٤٧ لمتر والكوارت يعادل ٠٩٠، نتر والجالون يعادل ٣٠٨ لتر تقريبا.

٣- السنة الضوئية والوحدات الفلكية

تقاس المسافة بين المدن الكبرى بالكيلومتر أو الميل، فالمسافة بين نيويورك وشياغو مثلا ١٧٠٠ ميل تقريبا.

ولكن الأميال تصبح وحدة غير عملية لقياس المساقة بين شينين إذا كانت تقصمل بينهما مسافة كبيرة جدا فمثلا المسافة بين الأرض وبين أثرب نجم تقريبا

Alpha centauri تقريبا ۲۰ تريليون ميل بمعنى أنها تساوى... ۲۰ميل

والفلكيون يريدون وحدات للقياس بحيث تكون مفيدة في قباس الفرق الفسيح في الفضاء والوحدة التي يستخدمونها هي السنة الضوئية وهي تعنى المسافة التي يمكن أن يقطعها الضوء في سنة واحدة ولما كانت سرعة الضوء ... ١٨٦ موبلا في الثانية فان الضوء يسير في السنة الضوئية حوالي ، ٥٨٥ ميلا.

وباستخدام هذا اللياس فإن المسافة بين الأرض وأقرب نجم في السماء هي ٤٠٠ سنة ضونية وهذا عدد ملائم القياس ثلك المسافة. ولكن المسافة بين نيويورك وشيكاغو ٢٠٠٠ وسنة ضونية وهذا قياس غير مناسب.

ويستخدم الفلكيون وحدة أخرى تسمى الوحدة الفلكيــة (AU) وهــى تســاوى ٩٧٩ ميلا تقريبا وهــى للمسـافة التقريبيـة بين الأرض والشـمس وباسـتخدام هذه الوحدة فإن بلوتو pluto لبعد كوكب عن الشمس يبعد عن الشـمس بعقدار ٣٩.٤ وحدة فلكه.

أختبر فهمك

- ١- صف سنة أنشطة متتالية لتدريس مفهوم الطول.
- ٢- لماذا يجب أن يكتسب الأطفال الخبرة في إستخدام الوحدات غير المعيارية قبل إستخدام الوحدات المعيارية؟
- س ما يقصد بـ بقاء الطول؟ وهل يتوقع من الأطفال الذين لهم يتمكنوا من مفهوم
 بقاء الطول أن يعملوا أنشطة القياس؟
- كيف أن دراسة النظام المترى تساعد الأطفال على بناء مفهوم التيمة المكانية فى
 كل من الصفوف الدينا والصفوف الحليا من المرحلة الابتدائية؟
 - هاهدت أحد أطفائك يقيس "سم سن حاف الورقة ووضع المصطرة كما بالشكل كيف يمكنك مساعدة هذا الطفل ليفهم مفهوم القياس الخطى؟
- إشرح كيف أن وحداث النظام المترى للطول والسعة الوزن بينهما علاقات متادلة.
 - ٧- كيف تتأكد من فهم أطفالك لمفهومي بقاء المساحة، بقاء الحجم.
 - ٨- ما أسباب صعوبة مفهوم السنة لدى الأطفال من وجهة نظرك؟
 - ٩- اكمارما بأتى

- __ سع۲ ، ۱٫۵ سم۳ = __ سم۳،
 - ..ه ملل = ___ ل ، ۱۰۰ سم۲ = __ سم۲ ،

۵۰۰ مسم۲ = ___ م۳ ، ۷۰۰۰۰ مم = __ کم، ۱٫۰ ل = ___ ملل، ۸۰٫۰۸ = ___ سم ، ۵۰٫۰۵ کم = ___ سم

١٠ ألحص سلسلة كتب الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية وقارن بين أنشطة القياس بها
 وبين الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل هل هناك فروق دالـ إذا كانت الإجابة بنعم
 حدد هذه الفروق.

الغصسل المسادى عشسر المنسدسسسة

مقدمة

- . التوبولوجي
- الأشكال الهندسية (الجسمات الأشكال المستوية)
 - مفاهيم هندسية أساسية.
 - تصنيف وتسمية الأشكال الستوية.
 - الزوايا
 - التحويلات الهندسية
 - التطايق والتشابه
 - الإنشاءات الهندسية
- استخدام الأشكال الهندسية في الناحية الجمالية

من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدراس قادرا على أن:-

- يفهم لمماذا يجب تضمين منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية بعض مقاهيم التوبولوجي.
 - _ يعوز بين الهندسة الأقليدية والتوبولوجي.
 - يصمم بعض الأنشطة الملائمة لتقديم بعض مفاهيم التوبولوجي للأطفال.
 - يفرق بين الهندسة الشكلية والهندسة غير الشكلية.
- يشرح للأطفال المفاهيم الهندسية الأساسية (النقطة القطسة المستقيمة -الشماع--المستقيم) من منظور حدسي.
 - يعرف كيفية بناء المجسمات الهندسية.
- يشرح لماذا يكون من المفضل أن نبدأ في التعامل مع الأطفال في الهندسة بالمجسمات بدلا من الخطوط و الأشكال الهندسية.
 - يساعد الأطفال على تصنيف وتسمية الأشكال المستوية.
 - يشرح مفاهيم التحويلات الهندسية بطريقة حدسية.
- يميز بين الأشكال المتطابقة والأشكال المتشابهة ويصف أنشطة تساعد الأطفال على
 تنمية فهمهم المتشابه والتطابق.
 - يُؤدى بعض الإنشاءات الهندسية أمام الأطفال.
- يعرف الأخطاء التى يقع فيها الأطفال عند تياسهم للزاوية ويحرف كيفية علاج هذه الأخطاء.
 - يستخدم الأشكال الهندسية في الناحية الجمالية.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطقل الأنشطة الموصوفة في هذا القصل أن يصبح قادرا على أن :-
- يفهم بعض المفاهيم التوبولوجية مثل القرب والإنفصال والتطويق (المنحنى المغلق --المنحنى المفتوح - والتطويق بحد).
 - يفهم ماذا يقصد بالوجه الحرف الرأس.
 - يختار ويسمى المكعب متوازى المستطيلات الإسطوانة الكرة المخروط.

- يعيز بين الخطوط المستقيمة والخطوط المنحنية.
 - يكتب أسماء الأشكال المعطاة.
- ي يمرف بمض الخواص البسيطة للمجسمات والأشكال الهندسية.
 - يفهم فكرة المضلع المنتظم.
 - يفهم فكرة خط (محور) الثماثل،
 - يطبق أفكار التطابق والتشابه بصورة حدسية.
 - يرسم وينسخ بعض الأشكال.
 - يعمل بعض الإنشاءات الهندسية.
 - يستخدم بعض الأشكال الهندسية في بناء شكل جمالي.

إشتقت كلمة هندسة Geometry من الكلمتين الأغريقيتين قياس measure والأرمض (Geo) الغرض الغرض الأغريقيتين قياس measure وكذان الغرض الأساسي للهندسة هدو قياس الأرض، والآن تستخدم الهندسة في مجالات عديدة منها الفيزياء، الكيمياء، الجيولوجيا كما تستخدم في مجالات تطبيقية مثل الرسم الميكانيكي والرسم المعماري وعلم الفلك كما تستخدم التركيبات الهندسية في الفنون وفي التصعيم وباختصار يعكن القول أن الهندسة تستخدم في معظم الحضارة الإنسانية.

والهندسة- كمادة دراسية - جذبت مورخس العلم والتربية أكثر من أى قرع أخر من فروع الرياضيات ويعكن إرجاع ذلك إلى:

أ- الأهمية التي وضعها الأغريق القدماء للهندسة كمعيار التنفكير المنظم.

ب- الدور الأساسي الذي نعبته الهندسة في التطور التاريخي لمعلم الرياضيات.

وتلعب الهندسة دورا هاما ومتزايدا في منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية وهي واحدة من المجالات المهارية الاساسية التي يجب تنميتها. ويرى معظم الرياضيين التربويين أن: الهندسة توقر أنهج وسيلة للتوصل إلى فهم الرياضيات قهما حدسيا ونذا فإنها جديرة بان تحظى بمجال أوسع ضعن المنهج والهندسة تفتح الطريق أكثر من افرع أخر من قروع الرياضيات- إلى معظم الميادين الرياضية الاخرى أن لم

ويذكر فياله (١٠) أنه في تدريس الهندسة يعتمد مبدهان قشان:

 الانطلاق من المحسوس ضمن بينة الطفل وتصور هذا المحسوس كجسم هندسي مثالي دون إعتبار لمادته ولا لخصائصه.

٧- المُتنقال من التجربة الفراغية إلى التطبيق العملى لتلك التجربة وأن التمثيلات فى الفراغ لو فى المستوى بفضل دور الوساطة التى تقوم به تكون عونا قيمنا ومجالا للتمارين لا يستهان به.

ويقول بياجيه أن دراسة الهندسة نرتبط بدراسة كل البنيات الأساسية فسى الرياضيات وهذا يشكل صعوبة في دراستها ويكسبها في نفس الوقت اهمية كبيرة. وهي بالنسبة للطفل وليدة تجربته ويجب الإعتباء في المرحلة الأولمي من التعليم الإبتدائي بالناحية التجريبية التي تتطلب العمارسة العملية"

ومن خلال استعراض عدة دراسات متعلقة بتدريس الهندسة لملأطفال يرى الكاتب أن يتضمن منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية ما يلى:

- مفاهيم تو پور لوجية.
- الأشكال الهندسية: التعرف على الأشكال المجسمة الأشكال المستوية الأشكال المتطابقة والمتشابهة خصائص بعض الأشكال الهندسية.
- مفاهيم أساسية في الهندسة: النقطة القطعة المستثيمة -- الشاعاع الخط المستثيم.
 - الزوايا أنواعها وقياسها
 - * التحويلات الهندسية.
 - الإنشاءات الهندسية.

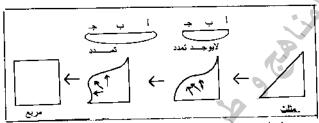
ويتم تدريس ذلك حدسيا من خلال قيام الطفل بانشطة عملية يتعامل فيها مع أشياء ملموسة مثل المجسمات والنعاذج ويقوم بانشطة الطى والنسخ والقياس وهكذا ثم ينتقل تدريجيا إلى المجرد في نهاية العرطة الإبتدائية وفيما يلى وصف مختصر انقديم الهندسة في المرطة الإبتدائية:-

التوبولوجي:

ركزت كثير من البحوث التى تتاولت فهم الأطفال للمفاهيم الفراغية على أقوال بياجيه والتى منخصها أن الأطفال الصنفار يستخدمون أولا الملامح التوبولوجية للشكل في بناء تمثيل عقلى له أي أن النظرة الأولى للطفل الصنفير هى نظرة توبولوجية ومع النضم ينظر إلى المالم الأقليدي.

والتوبولوجي هو دراسة الخواص الهندسية النوعية الجوهرية بدون إعتبار للمدد أو القواس وهذه الخواص مستقلة عن الوضع والشكل والتحجم. وهذه الخواص لا تتغير سواء تمدد الشكل أو المحتنى أو التكشى، وذلك يعنى أن الأشكال في التوبولوجي ليست جاسنة ولا متماسكة ولا ثابتة في شكلهاوهينتها بل هي مطاطية يمكن تغيير هيئتها وشكلها فمثلا في حالة الرباط المطاطى تلاحظ خاصية وجود

بين أحج بقيت كما هى عندما تمدد الرباط المطاطى، وكمثال اخر أعتبر الدائرة
 المخلقة المكونة بالرباط المطاطى بصرف النظر عن كيفية تمدده أو إنحنائه حيث تسمى كل الصيغ التالية للرباط المطاطى متكافئة.



أى أنه فى النوبولوجى المثلث مكافىء للمربع لأن أحدهما يمكن تحويله إلى الأخر بدون تعزيق tearing المحيط والتغير الوحيد المذى حدث هو أن الوتر المثلث يمكن تمديده بدرجة كافية ثم ثنيه لتكوين العربع وسنقتصر فى هذا السياق علمى المفاهيم التوبولوجية التالية:

القرب proximity – النصل separation - التطويق enclosure (مطلق مفتوح) – التطويق بعد (داخل – خارج) surrounding by a boundary – البينية betweeness.

۱- القرب proximity

الملاقة المتوبولوجية العبكرة التى يستخدمها الطفل هى الإدراك البصــرى للقرب حيث يميز الطفل بين الأنشياء القريبة والانشياء البعيدة والقرب علاقة نسبية بمعنى أن الحكم على شىء بقربه أو بعده يستند إلى المقياس أو الدليل المستخدم.

ويميز الأطفال القرب على مستويين:

فى المستوى الأول يقارن الطفل قرب أو بعد شينين إذا كان معا على نقس الخط من البصر.

وفى المستوى الثاني يقارن الطفل قرب لو بعد شينين لا يقعان في نفس الإنجاء. والمستوى الثاني أكثر صعوبة وذلك لأن الطفل يجب عليه أن يحتفظ بصورة بصرية وعقلية لوضع معين لشيء ما ثم يقارن تلك الصورة بوضع الشيء الأخر.

أنشطة:

- ا- يضع المعلم كرسيا أمام الأطفال ويطب من أحدهم الجلوس عليه ثم يعين المعلم شبئين في الفصل ويطلب من الطفل الذي يجلس على الكرسي تحديد أي الشينين أقرب له وأيهما أبعد ويكرر النشاط من خلال طفل أخر وشينين أخرين وهكذا. ومن الممكن أن يسأل المعلم كل طفل أن يحدد شيئاً قريبا منه وشينا بعيدا عنه.
- ٢- يستخد المعلم كوسين من الخرز أو الأزرار أو أى شينين متشابهين ويطب من طفلين أن يضع كل منهما الكوسين بالقرب من بعضهما مرة وبعيدا عن بعضهما مرة ثانية هكذا



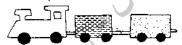
- ٣- يطلب المعلم من عدد من الأطفال الوقوف أمام القصل وفي مواجهته ثم يطلب من كل منهم أن يتحرك عدة خطوات في إتجاه المعلم حتى يقول المعلم كف ثم يسأل المعلم: من أقرب لي؟ ومن أبعد لي؟.
- ٤- يستخدم المعلم عليا فارغة ملونة ويرتبها على خط مستقيم أو خط منحن مغلق و أخر غير مغلق ويحاور الأطفال بقصددب إستخدام العبارات ألرب، أبعد، يساوى في البعد، حيث يضع المعلم يده على إحدى العلب ويسال: ما هي ألرب العلب إلى التي أمسك؟ وما هي أبعدها عنها؟ ثم ينتقل إلى علية أخرى ويسأل الأسئلة نفسها.
- مرض المعلم لوحة عليها مجموعة من الصدور مثل حيوانات وشجرة ويسأل الأطفال: أى الحيوانات أقرب إلى الشجرة وأيها أبعد عنها ثم يكرر السوال بتحديد قرب أو بعد حيوان بعينه من الصورة.

Y- الإنفصال Separation

مهارات الإنفصال هي القدرة على فهم ما إذا كانت الأشواء متلامسة أو غير متلامسة أي مترابطة أو غير مترابطة، وأيضا وصف العلاقة بين الأشواء. وتبدأ تتمية هذه المهارات بملاحظات بسيطة مثل الباب منفصل عن الحائظ وهكذا، وهذه المهارات يجب أن تصقل حتى يتمكن الطفل من التمامل مع الملاقات الإنفراضية بين الأشواء (مثل يضع أزرا بحيث تكون متلامسة) أو يصنع أحكاما تتعلق بالإنفصال لأشياء عندما تكون العلاقة إفتراضية على هذه الأشياء ولا تحدث في بيئه الطفل. (مثل: يسير طفلان وبين كتفيهما برنكانة).

أنشطــــة: -

- ا- يوفر المعلم لكل طفل تطعتين من الورق ومجموعة أزرار ويطلب من كل طفل أن يضم كل الأشياء على ورقة بحيث تكون متلامسة وكل الأشياء على الورقة الأخرى توضع بحيث تكون منفصله ثم يجرى المعلم حوارا مع الأطفال بقصد إستعمال العبارات متلامسة وغير متلامسة.
- ٧- يعد المعلم صورتين لقطار ويعرضهما على الأطفال بحيث تظهر عربات القطار في الصورة الأولى منفصلة وفي الصبورة الثانية متصلة بحيث يتمكن الأطفال من التميز بين الأشهاء المتصلة والمنفصلة ومن الممكن أن يسأل المعلم السوال التالي: في الرسم الذي أمامك هل يمكن للعربات القليلة أن تجر القطار كما ترى؟ لماذا؟ لماذا لا يمكن؟





 ٣- يعد المعلم صدورا لمجموعة أشياء متلامسة ومنفصلة ويعرضها على اللوحة الوبرية أو السبورة حتى يتمكن الاطفال من التمييز بين الأشياء المتلامسة والمنفصلة.

۳- التطويق (مفتوح - مغلق) enclosure

التطويق يتضمن وضع نقطة بين نقطتين أخرتين على خط، ونقطة خـالًا منحني مغلق في مستوى، ونقطة خلال شكل فراغي مغلق. إن قـدرة الطفل على تمييز الحدود المغلقة تخدم كمنطلب تعليمي للعمل الرياضي الذي يأتي بعد ذلك في المجموعات .sets

ويواجه الأطفال بعض الصعوبات في الفهم التوبولوجي المتطبق بالأشكال المفتوحة والمخلقة ولهذا يجب أن يزود الطفل بأنشطة تساعده على استخدام استراتيجية تمكله من تحديد ما إذا كان الحد مفتوحا أم مغلقاً.

وتوجد إستر اتنجيتان لتعييز الأشكال المفتوحة عن المغلقة احداهما تنضم ن إختيار نقطة بداية على الحد ومحاولة تتبع الحد في اتجاه واحد للوصول إلى نقطة البداية. فإذا كانت الحواجز تسمع بالوصول إلى نقطة البداية فعندذ يسمى الشكل مغلقا closed مع ملاحظة أنه في التحرك على الحد لا يستخدم خط أكثر من مرة واحدة.

والإستراتيجية الثانية تتضمن ما إذا كان بإمكان الفرد التحرك من داخل الشكل إلى خارجه (أو العكمن) بدون عبور الحد وإذا وجد الفرد فقحة أو كسرا فعندنـذ يسمى الشكل مفتوحا open وفي الشكل التالى المفحنى أ مغلق والمنحنى ب مفتوح



ويجب أن تكون الأنشطة المتعلقة بالمغترج والمغلق في باديء الأمر متعقلة في الشكال مغلقة ومفتوحة بسيطة جدا وبعد ذلك عندما يكتسب الطفل الخبرة تستخدم الاستراتيجية من خلال أنشطة ملموسة كما يجب تنمية القدرة على تحديد الأشكال المفتوحة والمغلقة بالإدراك الحسي.

أنشطـــة:-

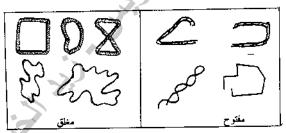
الرسم المعلم أشكالا بالطباشير على أرضية الفصل بحبث يكون بعض الأشكان مفتوحا وبعضها مغلقا ثم يسقط كيس خرز على كل شكل ويطلب من طفل أن يبدأ من كيس الخرز محاولا المشى على جميع الشكل حتى يصل مرة ثانية إلى كيس الخرز. ويحاول المعلم أن يجعل الأطفال يستنبطوا أنه إذا كان مــن الممكن العودة فعينذذ يكون الشكل مغلقا وإذا لم يمكن العودة فعيننذ يكون الشكل مفتوحا ومن الممكن أن يسأل المعلم أسنلة مثل. من اين بدأت؟ هل يمكنك الوصول إلى الكيس؟ كيف؟

على يمكنك الوصول إلى الكيس إذا كان الشكل مفتوحا؟ (أو مغلقا؟)

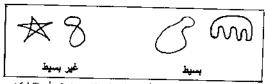
هل الشكل مغلقا أو مفترحا؟



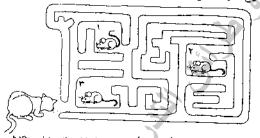
- ٢- يطلب المعلم من أحد الأطفال أن يقف. ثم يضع حوله على أرضية النصل حبلا
 على شكل منحن مغلق ويساله هل تستطيع الخروج دون أن تقطيع الحبل ودون
 اجتيازه ويعيد النشاط مستعملا حبلا على شكل منحن مفتوح.
- برسم المعلم على السبورة (أو يستخدم الحبال في تكوين) منحنيات مغلقة ومفتوحة
 ويسميها ويطلب من الأطفال تمييزها بتسميتها.



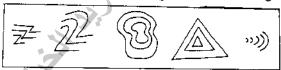
2- يحرض المحلم أشكالا كالتالية على الأطفال ويسميها منحنيات بمسيطة مخلقة ومنحنيات مخلقة غير بسيطة ويساعد الأطفال في استنتاج أن المنحنى البسيط المغلق وهو كل منحن مغلق لا يتقاطع مع نفسه.



ورسم المعلم الشكل التالى ويوضع أن الخطوط تشل حوانط وأن القطة تريد أن
 تغترس الفنران. مع ملاحظة أنه لا القطة ولا الفنران يمكنهما عبور الحوانط.
 ويطرح السوال التالى: أى الفنران لا ينجو من الأذى؟

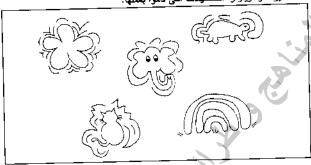


٣- يطلب المعلم من كل طفل أن يرسم أى شكل سواء كان مفتوها ام مغلقا ثم يكرر هذا الشكل عدة مرات لعمل تصميم. ويمكن المعلم إعطاء الأطفال الشكالا متعددة للإختيار منها وعلى المعلم أيضا أن يحتفظ بقدرات الأطفال على الرسم في عقله ويمكن أن تكون التصميمات وذلك لزيادة تشويق الأطفال ثم يطرح المعلم السوال التالى: ماذا حدث للشكل؟ هل أصبح أكبر أم أصغر؟



٧-يطلب المعلم من كل طفل أن يشير إلى شكل مغلق من بين عدة أشكال يعرضها المعلم عليها (كالمبنية أسفل) ثم يجعل كل طفل يكون الأشكال العغلقة للحصول على الصور المختفية وهذا النشاط يفيد في التعييز بين الأشكال والرسوم

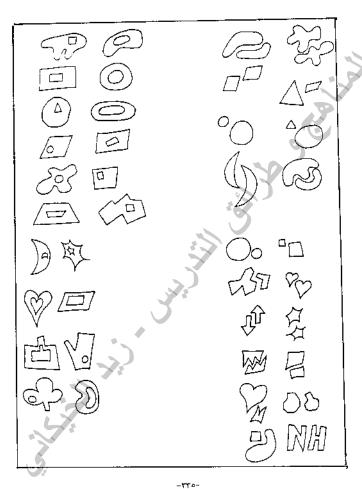
العفقة والعفتوحـة وقد يقوم الأطفال بعمل تصميمات وعلى المعلم أن يجعلهم يرسعوا ويلونوا التصميمات التى قاموا بعملها.



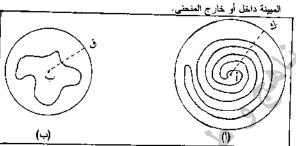
Surrounding by a boundary (inside, outside) التطويق بحد

المتطلب للتعرف على داخل وخبارج أى شكل هو القدرة على التعرف على الحد المغلق. والشكل المغلق له منطقتان (داخل وخارج) يفصل بينهما حد. أنشط _ ة: –

- ا- يطلب المعلم من أحد الأطفال أن يقف. ثم يضع حبالا على أرضية الفصل على شكل منحن مفلق ويطلب من الطفل أن يقف مزة داخل الحبل ومرة خارجه ومرة فوقه ثم يسأله هل يمكنك أن تجعل جزءا منك في داخل الشكل وجزءا منك خارجه؟
- ٧- يوفر المعلم ٤٠ بطاقة. كل بطاقة تحترى شكلين، على ٧٠ بطاقة منهم يوجد شكل داخل أخر، وعلى العشرين الآخرين لا يوجد شكل داخل الثاني. ويخلط المعلم البطاقات خلطا بغير نظام ثم يضمهم على طاولة أمام الأطفال في خمسة صفوف بكل صف ٨ بطالات ويطلب من أحد الأطفال في بادىء الأمر أن يختر بطاقتين فإذا ظهر على بطاقة "داخل" والبطاقة الأخرى "خارج" يحيد الطفل البطاقتين للى موضعهما الأصلى ثم يأخذ طفل أخر دوره في الإختيار. وإذا طبيرت البطاقتان نفس الملاقة قعلى الطفل أن يسمى هذه العلاقة "داخل" أو "خارج" وإذا كانت التسمية صحيحة يحتفظ الطفل بالبطاقتين والذي يكسب هو اللاعب الذي يحصل على بطاقات أكث .



٣- يعرض المعلم أشكالا كالمبيئة أسفل ويطلب من الأطفال تحديد ما إذا كانت النقطـة



والجواب هو : النقطة أ تقع خارج المنحنى المخلق (أ) والنقطة ب تقع داخل المنحنى المخلق (ب) والنقطة ب تقع داخل المنحنى المخلق (ب) والتوضيح كيفية الحصول على الإجابة يقول المعلم: الرسم دائرة حول الشكل وخذ عليها نقطة ثم صل بين النقطتين التي تقع على الدائرة والنقطة الى تبحث عنها شم عد عدد تقاطعات القطعة المستقيمة مع المنحنى فإذا كان المدد زوجيا كانت النقطة تقع خارج المنحنى وإذا كان المدد فرديا كانت النقطة داخل المنحنى فعثلا أنى يقطع المنحنى من النقط. (أ) في عدد زوجي من النقط ولكن بق يقطع المنحنى (ب) في عدد فردى من النقط.

الأشكال الهندسية

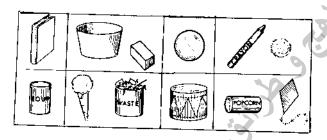
أولا: المجسمات

اقد رأى جميع الأطفال - قبل التصافهم بالمدرسة - كشيرا من المجسمات وتعاملوا معها ويجب علينا كمعامين إستغلال هذه الحبرات التي لدى الأطفال من خلال مزويدهم بانشطة تتضمن التعامل مع المجسمات الشانعة وتصنيفها وتبويبها ومن هذه الأشطة يبدأ الأطفال في تعلم أسماء المجسمات وفي نفس الوقت في بناء معرفي بخواصها وفيها يلى بعض هذه الأنشطة.

أنشطـــة:-

 المحموعة من الأشياء الموجودة في حياتنا اليومية على المنضدة (يجب أن تشتمل مجموعة الأشياء أشياء تشبه المكعب - الإسطوانة - الكرة - متوازئ المستطيلات - المخروط - المنشور) ويطلب المعلم من كمل طفل أن يختار أحد الأشياء ثم يطلب منه أن يصفه حيث يؤدى ذلك إلى إهتمام الطفل بالموضوع وإنــه لمن الضرورى أن نقود الطفل إلى التحدث عن الملاسح الرياضيــة للأشـياء فعشلا أى الأوجه مستويا وأيها منحنيا؟

أيها يوجد أشياء بداخله وأيها توجد أشياء خارجه؟



٢- يعرض المعلم مجموعة من المجسمات (والتي يمكن عملها من الورق المقوى) ثم يمسك المعلم المكعب ويطلب من الأطفال أن يصنفوا المكعب بكلمات من عندهم ويستنبط المعلم كلمة مكعب ثم يكتبها على السبورة ثم يجعل الأطفال ينسخونها ويعطى تدريبات على هجائها.

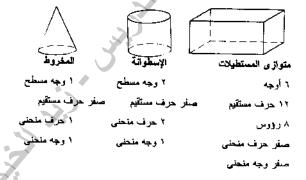
ثم يطلب من أحد الأطفال أن يستخرج شكلا يشبه المكمب ويسأله لعاذا اختارهذا الشكل؟ (سوف يساعد ذلك المعلم على تقدير ما إذا كان الطفل قد بنى فكرة صحيحة عن المكمب أم لا) وتدور مناقشة حول إختيار الطفل ثم يبدأ المعلم فى تقديم كلمة "وجه" ويدع الأطفال يعدون أوجه المكمب ثم يقدم كلمة "حرف" ويدع الأطفال يعدون أحرف "ويدع الأطفال يعدون رؤوس المكمب.

ثم يعطى تدريبات على قراءة وكتابة هذه الكلمات بهجانها وبتوجيه المعلم يمكن أن يصل الأطفال إلى أن المكعب له



٢- بكرر نشاط ٢ بالنسبة امتوازى
 ١١٨٠ تطيلات - الكرة
 ١١٨٠ طوانة - المخروط المخالفة المغالفة المغالفة لبيان الفرق بين الحرف المناقشة لبيان الفرق بين الحرف المستقيم والحرف

المنحنى لهمض الأشكال ويمكن توضيح ذلك باستخدام قطعة من الخيط كما بالشكل المقابل حيث بكون الحرف مستقيما عندما يشد الخبط أفقيا بين يدين ويكون الحرف منحنيا عندما يرتخى الخيط ويمساعدة المعلم بمكن أن يتوصل الأطفال إلى خصائص المجسمات التائية :





ه وچه مسطح

٩ حرف مستقيم

صفر حرف منحنى

سنفر حرف منحثي



٤ وجه مسطح

٦ حرف مستقيم

صفر حرف منحتى

منفر حرف منحنى



شفر وجه مسطح صفرحرف مستقيم

صغرحرف منحنى

صغر حرف منحني

كما يوضع المعلم أن المجممات ترتكز على قاعدة وشكل هذه القاعدة يستخدم أحيانا في تسمية العجسم فالمخروط والإسطوانة مجسمان قاعدة كل منهما دانرة والهرم الثلاثي تتكون قاعدته من مثلث وكذلك المنشور أيضا.

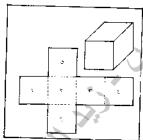
 إلى المجسمات: يشرح المعلم عمليا أمام الأطفال طريقة بناء بعض المجسمات وليكن المكعب مثلاثم يتيح الفرصة للأطفال لكي يبنوا بعض المجسمات الأخرى مثل متوازى المستطيلات والإسطوانة والهرم وفيما يلى بناء بعض المجسمات كما ذكرها المقوش وزميلاه (٩٠)

أولا بناء المكعب:

يحضر المعلم تطعة مسن الورق المقوى ويقصمها كما بالشكل المقابل ثم يطوى الورقة بإتجاه واحد أي يطوي المربعات ١، ٣، ه، ٦ إلى أعلى ثم يطوى المزبع ٤ بطريقة أفقية وبذلك يتحول الشكل إلى مكعب،

ثانيا بناء متوازى المستطيلات

يقوم المعلم بقص ورق من الكرتون على شكل حدوف ٢ ألم يقوم بطي اطرافهما بإتجماه واحد

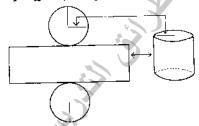


2 1 Y

حتى تتكون علبة تمشل مشوازى مستطيلات ومن الممكن أن يساعد المعلم اطفاله على تخيل كيفية البناء وذلك بأن يفرد أمامهم علبة طباشير ورقية فارغة أو أى علبة مشابهة ثم يطلب من احدهم إرجاع العلبة إلى ما كانت عليه وهكذا.

ثالثًا: بناء الإسطوالة

يقوم المحلم بقص دائرتين متساويتين ومستطيلا من الدورق كما بالشكل المقابل بحيث يكون: ١- عرض المستطيل مساويا لمحيط كل من الدائرتين.



ب- طول المستطيل مساويا لقطر كل من الدائرتين يصبح الشكل إسطوانة دائرية ويطلب من أطفاله القيام بنشاطات مشابهة لبناء إسطوانات مختلفة الاتطار موكدا لهم أن السطح الجانبي للإسطوانة و سطح مستطيل طول أحد بعديه يساوى محيط القاعدة والبعد الأخر يساوى قطر القاعدة.

مفاهيم هندسية أساسية

توجد بعض المفاهيم الهندسية والتي لا يمكن دراسة الهندسة بدونها وهـ ذه المفاهيم هي النقطة - القطعة المستقيمة - الشعاع - المستقيم - المستوازي - الزاوية -التعامد - المستوى ويجب تقيم هذه المفاهيم بطريقة ملموسة وإعطاء نماذج وتطبيقات لها وفيما يلى تصور مقترح لكيفية تقديم تلك المفاهيم من خلال الجدول التالي

	وصف نماذج له	المفهوم : شكله ورمزه
	-مركز طقة	التقطة
	– تقاطع خطين	,1
	- رأس ال مكت ب	
	- ولن سهم	
K HHAMMAN I	- مدينة على خريطة	*
	– رأس الام	
	– رکن منفعة	
<u></u>	 أقصر مسافة بين نقطتين 	النم بة المستقيمة
ا یہ	– حرف (مَشْع) في مكعب	7
# 12 /-7	- رياط مطاط تقطعة ورق	
	- خط الطي لقطعة ور ق	ا أـــــن
	ر⊸ عرف میفعة	
	- طريق مستقيم مد من	المستقيم أب
	جهتيه مصافات واسعة	ا ب واسشا
	– طنوء منيمت مين بطاريــة	الشعاع ب 1
	سيغيز و	
	- مسار مداروخ في الفضياء	
1995	(بدون جنب)	
	(بدون جدب) - خط البصر - خد داد ۱۱ کا ۱۱	
. 11. 12. 12. 12. 13. 13. 13. 13. 13. 13. 13. 13. 13. 13	مصبون البنكة الخفيد	المستقيمان المقوازيان
▗▗ ▕▄ ▙╬┤╬╬╫╴╎ ^{══╾} ┪	- خطوط الصفحة	اب جــ ـــــــــــــــــــــــــــــــــ
·→ ╗╗╗	- جانبان مكفابلان من شباك	├
	- خطرط نسيج	
	- عَفْرِبا الساعة	الزاوية أوح
	- نحول في طريق	أبج
	<u>- بكن</u> شكل (را <u>س</u>)	<u> </u>
	- حرفان من باب متقابلان في	المستقيمان المتعامدان
n H # n H w H	ركن	أبيد
	- رجل طاولة وتمتها	_1
	- خطوط النسبج الطوليـــة	
_ 	والعرضية	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
*	- المصيورة الطيائ <u> بر</u> ة -	1 4
	الأرطبية - وجه مكتب السيورة الطياشيرية	7 c rimali
	السيورة الطياشيرية الأرضية	\ \
		17
	وجه مكتب	¥

ویجب ان یعی المحلم ان تقدیم هذه المفاهیم یجب أن يتم بطریقة غیر شكلیة حتى لا برتبك الأطفال.

الأشكال المستوية:

إن إكتساب الأطفال خبرة بالأشكال الهندسية يساعدهم على فهم الحياة اليومية كما يساعدهم على بناء قاعدة جيدة ابناء الأفكار الهندسية ونمو الأساليب الرياضية التى تستخدم في مراحل تعليمية لاحقة. وفيما يلي بعض المراحل المقترحة لتقديم الأشكال المستوية.

المرحلة الأولى: استخدام المجسمات في التعرف على الأشكال المستوية:

١- يعرض المعلم المكعب على الأطفال ويطلب منهم أن ينظروا إلى أحد أوجهه ويدعهم يناقشون الوجه بكلمات من عندهم. ثم يقدم المعلم في هذا الوقت كلمة "مربع" وبعد ذلك ينظر الأطفال إلى الأوجه الأخرى وقد يقترحون أن الأوجه السنة مثل بعضها (أى مثل الوجه الذي نظروا إليه) ويناقش المعلم الطرق التي

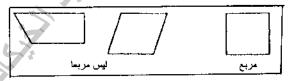
يمكن بها إختبار ذلك فمثلا يضع كل طفل مكعبه على منضدته ويرسم حول الوجه

الذي على المنضدة بالقلم ويقارن بين الأوجه الناتجة من خلال تكرار هذا العمل.

بوقر المعلم للأطفال مجموعة من عصبي قصيرة ذات أطوال مختلفة (ولكن على الأثل يوجد ٤ منها متساوية الطول).

ويطلب من طفل منهم أن يكون مربعا باستخدام بمضل العصمى ويودى ذلك إلى مناشئة ممتمة.

سوف يجد الطقل أنه مضطر لأن يضع العصبي في وضبع ضاص ليكون المربع كما هو موضع بالرسم التالي



 إنظر الأطفال حول الفصل ويشيرون إلى الأشكال التي يمكن أن تكون مربحا ويمكنهم التحقق من ذلك بواسطة قطعة من الخيط أو المعبل لقياس الأحرف (الأضلاع) الأربعة.



3- تكرر الأنشطة ١، ٣، ٢ بالنسبة المستطيلات ويجب المستطيلات ويجب أن تتاح الفرصة لمعظم الأطفال لأن يرسموا حول متوازى المستطيلات ليكتشفوا المستطيل وعند إستخدام العصى لعمل المستطيل يجد الأطفال أنه

يجب عليهم استخدام عصاتين من نفس الطول وعصاتين من نفس الطول مختلفتين عن الأوليين).

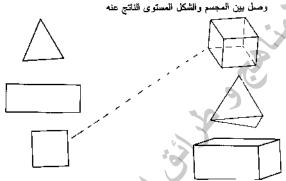
وفر المسلم لأحد الأطفال هرما ثلاثيا ويطلب منه التحديد بالقلم حول أحد الأوجه
 كما بالشكل ويقدم المعلم كلمة "مثلث" ويركز على أن المثلث له ثلاثة أضلاع.

وبعد ذلك يطلب منهم صنع متلثات مستخدمين العصبى وسوف يجدون أنه بإمكانهم تكوين مجموعات كثيرة كل مجموعة بها ثلاثة أضلاع. (معظم هذه المثلثات سوف تكون مختلفة الأضلاع scalene وبعضها متساوى الساتين soscoles وبعضها متطابق الأضلاع وقليل منها قائم الزاوية. لا تذكر هذه الأسماء في هذه المرحلة) ولعمل مثلث قائم الزاوية نطوى أي ورقة على شكل مربع أو مستطيل ونقصها كما بالشكل.



- يكرر نشاط ٥ بالنسبة للإسطوانة حيث ينتج من التحديد بالقام على إحدى قاعدتيها دائرة. والأطفال يألفون شكل الدائرة قبل دخولهم إلى المدرسة ولكنهم لا يألفون الإسم ولهذا يجب إعطائهم تدريبات على هذه الكلمة قراءة وكتابة وعلى تعلم هجائها. (وإنه لمن الأهمية بمكان الهجاء الصحيح لأسماء الأشكال التى تم وصفها.

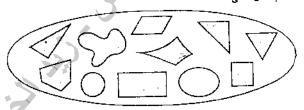
 والتأكد من فهم الأطفال للحلاقة بين المجسمات والأشكال المستوية تعطى تدريبات مثل:



المرحلة الثانية: تصنيف وتسمية الأشكال المستوية

أتشطــــة:-

المجموعة من الأشكال مثل المبيئة بنزود كل طفل أو مجموعة من الأشكال مثل المبيئة بالشكل التالي:



ويصنف الأطفال الاشكال السابقة بطرق منتوعة فمثلا قد يختارون أشكالا أ- لها أضلاع مستقيمة فقط. ب- لها أضلاع منحنية فقط. جـ - لها أضلاع مستقيمة ومنحنية. د- لها ثلاثة أضلاع.

هـ لها ثلاثة أضلاع مستقيمة. و لها أربعة أضلاع.

ز- أضلاعها متساوية الطول.

ويجب مناقشة الأشكال التي تتقع في كل تصنيف مناقشة كاملة وفي حالة ما يكون مناسبا فيجب تسمية الأشكال (مثلثات - أشكال رباعية).

إذود كل طفل أو مجموعة صغيرة من الأطفال بمجموعة من المثلثات الكبيرة
 كالمبينة قيما يلى:



ويختار الأطفال المثلثات التالية على التوالى:

أ- لها ثلاثة أضلاع متساوية الطول "متساوية الأضلاع".

ب- بها ضلعان متساويان "متساوية الساقين".

ج- لا يوجد بها أضلاع متساوية.

وإذا كان لدى الأطفال معرفة بالزوايا فقد يختارون المثلثات التي:

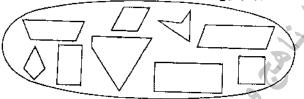
د- بها زاویة قائمة.

هـ بها زاوية أكبر من الزاوية القائمة "زاوية منفرجة".

و – فيها كل زاوية من الزوايا الثلاث أتل من قائمة (حاد الزوايا).

وأتناء هذه الأنشطة يمكن تقديم الأسماء:

متساوى الأضلاع – متساوى الساقين – مختلف الأضلاع – قانم الزاوية. ويجب أن نزاعى أهمية كتابة هذه الكلمات. ٣- يزود كل طفل أو مجموعة صعيرة من الأطفال بمجموعة من الأشكال الرباعية
 مثل المبنية قيما يلى:



ويختار الأطفال على التوالي الأشكال الرباعية التي:

أ- بها جميع الأربعة أضلاع متساوية (مربع – معين).

 ب- بها كل ضلعين متفاولين متساويين في الطول (مربع - مستطيل - معين -متوازى أضلاع).

ج- أضلاعها الأربعة متساوية وزواياها الأربع توانم (مربع).

د- زواياها الأربع قوائم (مربع - مستطيل).

وإذا كان الأطفال غير مستحين تتقديم فكرة المستقيمات المتوازية فيمكن مناقشتها في هذه المرحلة ولكن لا يطلب منهم تعريفات شكلية. فيكفيهم اكتشاف ومناقشة مجموعة من المستقيمات بحيث تكون متوازية. ويتم ذلك في الفصل فمثلا: مجموعة الخطوط التي في كتاب التمارين - الأحرف المتقابلة لصفحة من كتاب - الأحرف المتقابلة لسطح طاولة... وهكذا.

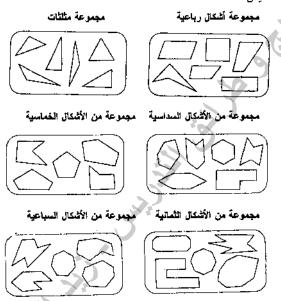
وعندما يقهم الأطفال هذه الفكرة فيمكنهم إستخدامها في الختيار مجموعة من الأشكال الرباعية التي :-

 ا- بها ضلعان متقابلان متوازیان (مربع - مستطول - شبه منحرف - متوازی اضلاع).

ب– بها کل ضامین متقابلین متوازیین (مربع – مستطیل – معین – متسوازی اضلاع).

جـ - بها زوج واحد من الأضلاع فقط متقابلين ومتوازيين (شبه منحرف).

العمل في مجموعات صغيرة. ويزود الأطفال بمجموعات من الأشكال ذات الأضلاع المستقيمة مثل المبينة في الشكل التاني. و (بجب أن تصنع الاشكال من الكرتون الرفيع وتكون أطوال الأضلاع كبيرة كبرا. كافيا وتكون الزوايا سهلة القياس.



ويتأمل الأطفال في كل شكل من الأشكال على التوالى. ويمكن تقديم أسماء كل مجموعة (طبقا لعدد الأضلاع) كما يمكن أن يتاقش الإسم العام " مضلع ليضا ويستخدم. ويناقش الأطفال أطوال الأضملاع والزوايا لكل شكل وحينما يكون ضروريا يتحقق من ملاحظاتهم بالقياس. ومن هذه الأمثلة يجد الأطفال أنه في كل مجموعة يوجد شكل واحد أضلاعيه متساوية الطول وزواياه متساوية الممقدار، المضلع التي يتمسّع بهاتين الخاصتين بسمي "مضلما منتظما".

وقد يعتقد بعض الأطفال أحيانا أن خاصية واحدة منهن تكفى ويجب التركيز على الحاجة إلى الإثنين معا ققد نجد أن المسدس الأيسر



أضلاعه متساوية الطول وبدن رواياه غير متساوية المقدار وعلى ذلك فإنه ليس منتظما أما المسدس الأيمن فهو منتظم وأثناء تلك الأنشطة يجب تقديم أسماء الأشكال: شكل رباعي ، مربع، مستطيل، متوازى الأضلاع، معين ، شبه منصرف. كما يجب على الأطفال تو المتها وكتابتها.

الدائسيرة:

يعين المعلم نقطة على السبورة ويختار لها رمزا ثم يبدأ بوضع نقاط أخرى متساوية البعد عن هذه التقطة ويسأل أطفاله عما يحصل لو إزداد عدد هذه النقاط وكيف سبكون الشكل؟ وسيلاحظ الأطفال.

٧- أنه مهما زاد عدد هذه النقاط فإنه ليس بالإمكان تعيين جميع النقاط التي تبعد عن المركز ن بعدا متساويا حيث أن هناك عدد لا فيائيا منها وإذا تقاربت تلك النقاط فإنها ستكون خطا منحنيا مغلقا متساوى البعد عن العركز ن يسمى الدائرة.

ويتوصل المعلم مع أطفاله إلى تعريف الدائر ، و هو: -

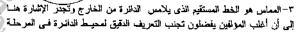
تعريضف :

الدائرة هي مجموعة نقاط متساوية البعد عن نقطة معينة تسمى مركز الدائره.

ثم يرسم دائرة على الصبورة ويوضع مفردات الدانرة التالية:

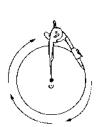
 القطر هو القطعة المستقيمة التي تصل المركز بنقطة على الدائرة .

 ٢- القطر هو القطعة المستقيمة التي تصل نقطتين على الدائرة مارا بعركزها.



الإبتدائية مكتفين بتسميته وقياسه فقط نظرا لصموبة استيماب مفهومـه المجرد من تيل اطفال هذه المرحلة .

ثم يتطرق المعلم لبعض خصائص الدائرة التي تفاسب مستوى المرحلة الإبتدائية وذلك عن طريق الإستقراء (أي بطريقة غير شكلية) مثل :



القطر في الدائرة هو أطول وتر فيها وذنك بأن يرسم المعلم دائرة مركز هام كالمبينة بالشكل المقابل ثم يرسم عدة أوتار ويلاحظ الأطفال أن قطر الدائرة هو أطول وتر فيها.

 العلاقة ثابته بين محيط الدائسرة وقطرها ويوضح المعلم أن الإداة التي تستخدم لوسم الدوائر تسمى "الفرحار"

وعند رسم الدائرة يثبت أحد الضلعين عند نقطة ثابته "مركز الدائرة" ويدور الصناع الثانى بفتحة ثابته ليرسم منحينا جميع نقاط تكون على نفس البعد من النقطة الثابته وهذه الفتحة الثابتة بين سنى مضلعى الفرجار تساوى " نصف قطر الدائرة" ويطلب المعلم من الأطفال أن يستخدموا الفرجار في رسم دوائر أكبر أو أصغر من التي قام برسمها أمامهم وعندما يكمل الأطفال الأنشطة السابقة تصبح لديهم المقدرة على التعرف على الأشكال المستوية التي يرونها في الحياة اليومية وعلى تسميتها ومعرفه خواصها السابقة المدينة المستوية التي يرونها في الحياة المدينة المدينة المستوية المستوي

الزاوية هى المكان الذى تلتقى فيه قطعتان مستقيمتان كما يمكن وصفها بأنها تتكون من النقاء شعاعين فى نقطة بداية كل مفهما ويمكن تصنيف الزوايا الى ثلاثة أنواع :

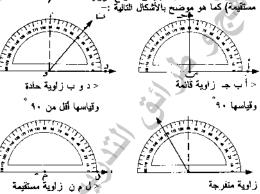
زاوية منفرجة	ز اوية حادة	ز اوية قائمة
وهمى التي تكون رأسا	وهمی النتی تکون ر اسا	وهمى التى تكون رأس
أكبر من الزاوية القائمة	أصغر من الزاوية القانمة مســــ	المربع
	,	
2		
		

قياس الزاويسية

لما كانت هناك أسماء لوحدات تياس الطول والزمن فإنه يوجد إسم لوحدة قيماس الزاوية يطلق عليها الدرجة ، وتقسم الدائرة الى ٣٦٠ درجة.

والأداة التي تستخدم لقياس الزاوية تسمى المنقلة وهــي عبـارة عن شكل نصــف دائرة مقسم الى علامات من ٣٠ حتى ١٨٠° والرمز (°) يقرأ درجة ويجب على المعلم أن يدرب أطفاله على إستخدام المنقلة لقياس الزوايا وهي في أوضاع مختلفة.

ومن الأفضل البدء يقياس أنواع الزوايا المختلفة (قانمة - حادة - منفرجة -



وقیاسها أکبر من ۹۰ ° وآتل من ۱۸۰ ° وقیاسیا ۱۸۰ [°]

إذا كسانت الزاويسة الصغر مسن ركسن

الورقسة فسإن قيساس

الزاوية يكون أقل من

٩٠ وتكون الزاويـة

حادة

ويمكن للمعلم أن يوضح للأطفال أنه بإمكانهم إستخدام قطعة ورقية لتصنيف أى زاويـة من خلال تياسها ، ويوضح الرسم التالى النشاط.



إذا كانت الزاوية أكبر مسن ركسن الزورتسة واكتفها لاتقابل الحرف فإن تمياسها يكون بين 10 و 141 وطبي منفرحة



إذا كان ركن الزاوية إذا كان حرف للورية يقابل الزاوية للورية يكون فإن قياس الزاوية يكون مدا وتكون الزاوية متقيمة

ثم يوضع العملم للأطفال عمليا خطوات إستخدام العنقلة في تبياس أي زاوية وفيمايلي هذه الخطوات:-

الخطورات :

- ۱- ضبع مرکز المنقلة علي رأس
 الزاوية.
- ٢- إجمل خط قاعدة المنقلة متطابقا سع
 أحد ضلعي الزاوية.
- حين نقطة الصفر على الأساس
 وتحرك على المقياس في إتجاه
 الخطع الآخر المؤاوية.
- ۵- عدد الدرجات بدل على قياس
 الزاوية.



زاوية ل م ن قياسها ٥٠

ويجب أن يوفر المعلم الأطفاله تدربيات متنوعة على قياس الزوايا في أوضاع مختلفة. المتحويلات الهندسية :-

يمكن تقديم بعض مفاهيم هندسة التحويلات بصورة حدسية في المرحلة الإبتدائية بينما يفضل تأجيل تقديم هذه المفاهيم بصورة شكلية الى المراحل الملاحقة وفيما يلى تقديم بعض هذه المفاهيم بصورة غير شكلية.

التعاثل Symmetry

تحدث صورة التماثل وتتكرر في الطبيعة وفي حياتنا اليومية كما يستخدم التماثل في كثير من الأنشطة الإبتكارية (كما في الرسم والعمارة - التصميم - الفنون .. وهكذا). وإنه موضوع يروق لكثير من الأطفال ، ويمكن تقديم أفكار خط (محور التماثل) في مستوى للمرحلة الإبتدائية والانشطة التالية تحتاج إلى الخامات الثالية :

ورق ~ مقصات scissors أقلام ملونة أو أقلام شمع ملونة .

أنشطة :-

 ا يزود كل طفل بقطعة من الورق (يمكن أن تكون من أى شكل) ثم يثنى (يطوى) الطفل الورقة ويرسم عليها شكلا من اختياره على وجه و لحد عبر خط الطى كما هو مبين للشكل.



ويقطع الطفل الشكل مع الإحتفاظ بالورقة مطوية ثم يفتح الشكل المقطوع ويعلم على خط الطي. ويكرر هذا النشاط عده مرات.

وقد يجب بعض الأطفال أن يلونوا أعمالهم. ويمكن المختيار بعض الأشكال وعرضها كما بمكن تقديم العبارة "خط النماثل" ليصنف خط الطي لكل شكل.

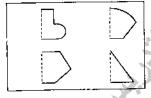
ومن خلال هذه الأنشطة يبدأ الأطفال في رؤية أنه ثني شكل حول خط التصائل فان الجزئين ينطبقان تماما على بعضها البعض.

٢- ينسخ الأطف ال الشكل المقابل
 ويطوونه غير الخط المنقط.

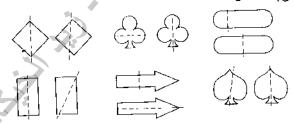
ويسألهم المعلم هل نصف الشكل ينطبق على النصف الآخر تعاما؟

فيتأكد الأطفال من ذلك ويخبر هم المعلم بأن الخط المنقط يسمى خط النصائل وأن الشكل يسمى متماثلا إذا أمكن الطباق نصفه على النصف الأخر.

كل شكل عبارتهن نصف شكل والخط المنقط هو خط التماثل، ويرسم الأطفسان النصف الأخر نلشكل.



ع- يرسم المعلم أزواجا من الأشكال كالمبينة أسفل ويطلب من الأطفال تحديد الشكل
 الذي يه خط تعاثل.



و د كل طفل بأشكال منسوخة على ورقة كما يلى :



يقطع الأطفال الأشكال ثم يوجدون عدد خطوط التماثل لكل شكل وبالنسبة للدانرة يوجد عدد كبير جدا من خطوط التماثل.

وفر المعلم الأطفائه بعض التدريبات على شكل التدريب التالى كل شكل بمثل نصف
 شكل متماثل فيه أ ب خط التماثل أرسم هذه الأشكال وأكمل التماثل.



التطابق والتشابه:

التطابق والتشابه فكرتان هامتان في الحياة اليومية. فمثلا في الصناعة والتجارة توجد عديد من الأشكال المتطابقة كذلك في الرسوم التكنولوجية والخرائط تستخدم أفكار التشابه.

ويمكن تزويد الأطفال بأنشطة تؤدى إلى الأفكار الأولية لكلا الموضوعين في المرحلة الإبتدائية. وفيما يلي بعض هذه الأنشطة.

أنشــــطة :-

ا ـ يزود كل طفل بورقة مرسوما عليها مثلثات متطابقة كالمبينة. ثم يقطع مثلثا صعيرا مظللا ويعطى الرقم "١" ثم يتحقق الأطفال من أنه يطابق المثلثات الأخرى تماما (أى أن كل المثلثات متطابقة) ويقيسون أيضا طول كل ضلع من أضلاع المثلث هذا.

وباختيار أحد الزوايا ومطابقتها على التوالى مع كل زاوية من زوايـا أحد المثلثات الأخرى يجد الاطفال أو الزوايا الثلاث لكل مثلث متطابقة. بعد ذلك يلون (أو يظلل) الأطفال المثلثات الثلاثة أعلاه ويعطونها الأرقام ٢، ٣، ٤.

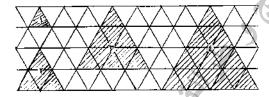
يناقش الأطفال التلائة ويقولون مايلاحظونه عليها فمثلا بالنسبة للمثلث ٢

أ- أضلاع المثلث ٢ متساوية الطول.

ب- أطول أضلاع المثلث ٢ ضعف أطوال العثلث ١.

ج- زاویة المثلث ۲ متساویة المقدار وتساوی أیضا زوایا المثلث ۱.

د- مساحة المثلث ٢ تساوى قدر مساحة العثلث ١ أربع مرات وقد يلاحظ بعض الأطفال أيضا أن أطوال أضلاع المثلث ٤ ضعف أطوال أضلاع المثلث ٢ ومساحة المثلث ٢ أربع مرات.
 المثلث ٢ ومساحة العثلث ٤ تساوى قدر مساحة المثلث ٢ أربع مرات.



٢- يزود المعلم كل طفل بورقة منقطة مرسوما عليها بعض الأشكال الهندسية ويطلب
 منه النظر إلى كل شكل ورسم أخر بطابق له ويوضح الشكل الثنائي الإجراء

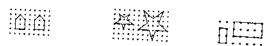


٣ ـ يوفر المعلم تدريبات متنوعة على تحديد المتطابقة والمنتسابهة وفيما يلى نصوذج
 لمثل هذه التدريبات.

 إستخدم الورق المنقط لرسم شكل مشايه لكل شكل مما يأتى مع جعل كل ضلع فى الشكل الذي تقوم برسمه ضعف الضلع المرسوم فى الأشكال التالية;

	=	
* ! • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	1	
出 :	11.1.	
/ 2 · · ·		<u> </u>

ضع علامة (//) أمام الشكلين المتشابهين وعلامة (×) أمام الشكلين غير المتشابهين



* إستخدم نمطا من ورقة بنقط أكبر من المرسوم أسفل لرسم شكل مشابه



ومن هذه الأنشطة يجب أن يبدأ الأطفال في بناء أفكارهم الأولية حول:

التطابق (ينطبق شكل تماما الإنطباق على شكل آخر).

ب- النشابه (شكل يكون تكبيرا أو تصغيرا لشكل آخر).

٣- الإنعكاس والإنتقال والدوران

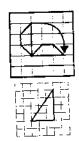
يتم تقديم هذه المقاهيم كما أسلفنا ~ بصورة حنسية كما أنه من الممكن تقديم هذه المفاهيم على مراحل:

المعرحلة الأولى: توضع أسماء لتلك المفاهيم تربيبة من ذهن الطفل حيث يشار إلى Slide الإعكاس باسم الإنقالاب Flip والى الإنتقال باسم الإنتزااق Flip وإلى الدوران بنفس الإسم أى Turn ويستخدم ورقع الرسم البياني في توضيح تقديم كل مفهوم.



الإدرّلاق : يمكن للطفل أن يقوم بعملية إنز لاق المشكل أسفل أو أعلى أو إلى اليمين أو إلى اليسار ويطل الشكل كما هو ولكنه يوجد في وضع مختلف.

الإنقلاب: يمكن للطفل أن يقلب الشكل عبر أى خط تغيلها حيث يصبح الشكل وكأنه صورة .. أه



الدوران : يمكن للطفل تدوير الشكل حول نقطة معينة ثم يطلب المعلم من الأطفال القيام بالنشاط التالي:

إنسخ الشكل المقابل واقطعه واستخدمه في تحديد حركة الأشكال التالية مع كتابه

تزحلــق أو تلـــب أو دوران سمت كل شكل.







وبعد المناقشة يصل الأطفال إلي أن حركة الشكل طبقا لأى مفهوم من المفاهيم السايقة لا تغير من شكله.

وللتأكد من تمكن الأطفال من هذه المفاهيم يمكن إعطاؤهم مثل التمرينات التالية:





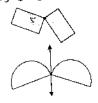
أدر المستطيل حول هذه الرأس حتى يستقر

زحلق العمين ٣ وحدات الأسفل و ۷ وحدات لملهسار

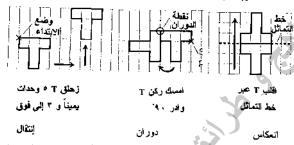
على جانب أخر اكتب تحت كل شكل انزلاق انقلاب، دور ان إلى حركته التي تحركها.







المرحلة الثانية : ويقدم فيها الإنعاس والإنتقال والدور ان حيث يوضح المعلم للأطفال أنه: إذا انزلق الشكل في خطوط مستقيمة فيسمى ذلك "الإنتقال" وإذا انقلب الشكل حول خط فيسمى ذلك "الإنعكاس" وإذا دار الشكل حول نقطة فإن ذلك يسمى "الدور إن"



ثم يوفر المعلم تدريبات متنوعة على تحديد التقال الأشكال وانفكاسها ودروانها ويتم أيضا بصورة غير شكلية أما العرجلة الثالثة وهي تقديم تلك المفاهيم بصورة شكلية فتوجل إلى ما بعد المرحلة الإبتدائية.

الإنشاءات الهندسية

يمكن الإستعانة بالإنشاءات الهندسية في عمل الرسوم الهندسية وفي توضيح مفاهيم الهندسة ويستخدم في الإنشاءات الهندسية الفرجار والمسطرة ويجب منافشة كل إنشاء هندسي بحيث لا يقدر الأطفال على استخدامه فقط بل يجب عليهم فهم لماذا استخدمت هذه المطريقة وتعتمد خطوات الإنشاء الهندسي على الخواص للشكل الذي يتم رسمه بخصائص معينة وفيما يلى أمثلة لبعض هذه الإنشاءات:

١ - تنصيف قطعة مستقيمة

يوضح المعلم للطفل أنه يمكن استخدام الفرجار والمسطرة انتصيف قطعة مستقيمة ومعنى تتصيفها أي تقسيمها إلى قطعتين متساويتين فإذا كان لدينا القطعة المستقيمة مرص فإننا نستخدم الخطوات التالية في تتصيفها: من في إلى م وفرمـز النقطــة

تقاطع هذا الخطمع سرحس

بالرمز ق.

ضع سن الفرجار على النقطة من وبفته أكبر للقطة من وبفته أكبر للابلا من نصف المسافة بين من رسم قوسا على من كما بالشكل



احتفظ بنفسس فقد_ة الفرجسار وضسيع مسن الفرجار عند مس وخدذ قومسا كما هـو عيسن وارمار تنقطتـي تقاطع

القوسين بالرمزين ل ٠ م م

٧- رسم زاوية تطابق زاوية مطومة

يوضح المعلم للأطفال أنه إذا كمان لدينا زاوية ما ولتكن < س ص ع كما بالشكل المقابل فإنه يمكننا باستخدام الفرجار والمسطرة رسم زاوية تطابقها وفقا للخطوات الثالية :



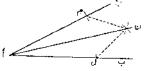
خطوة ١ خطوة ١ خطوة ١ خطوة ١

٣- تنصيف زاوية مطومة

۳- یرسم الأطفال أی زاویة ب آ چـ کالمبینة وبالارتکاز فی ا وبنصف تطر مناسب برسمون توسین یقطمان ا ب فی ل، آ چـ فسی م. وبفتهـ آ اخـری مناسبة یرکزون فی ل ، م ویرسمون



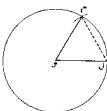
قوسين يتقطعان في ن ثم يوصل أن بقطع الشكل أل ن م وطيه حول أن يجد الأطفال أن المثلثين ن ألى ، ن أم متطابقان (متساويان) أي أن أن ينصف الزاوية ل أم. ويدلا من الطبي حول أهد يمكن للأطفال أن يقطعوا المثلثين ألى ن ، أم ن ويبينون أنها متطبقان بوضع أحدهما فوق الأخر.



أنشاء زاوية مقدارها ٦٠٠

يحتاج الأطفال فقط لرسم مثلث متساوى الأضلاع باستخدام الفرجار والمسطرة.

وتوجد طريقة الحرى منيدة هي رسم دانسرة كالمبينة وبالارتكاز في ل وبفتحة تساوى طول نصف قطر الدائرة يرسم الأطفال قوسا يقطع الدائرة في م فينتج أن أطوال القطع المستقيمة و ل م ل م و متساوية على ذلك فإن المثلث و ل م متساوى الأضلاع أي أن قياس زاوية ل و م ح ٢٠٠٠ و



وبتنصيف الزاوية ل و م تنتج الزاوية ٣٠ ° ولإنشاء زاوية ٩٠ ° نستخدم الإنشاءات التى وصفت فى نشاط ١ وبتنصيف الزاوية ٢٠ ° نحصل على زاوية مقدا، ها ١٠ ° إستخدام الأشكال الهندسية فى الثاهية الجمالية

يستمتع معظم الأطفال بأنقطة الرسم وخاصة عندما تنتج أشكال جديدة وشيقة ويشعر كثير منهم بالإرتياح عند رسم أشكال نقيقة ومتقنة أو تلوينها ويجب تشجيع هذا النوع من الإستمتاع بالرياضيات وفي نفس الوقت يجب تنمية بعض المهارات القنية البسيطة باستخدام الأدوات الهندسية وذلك لأن القدرة على عمل رسم دقيق ومتقن مفيدة جدا في الحياة اليرمية وفي التجارة وفي بعض المهن وفي مجال الرياضيات مستقيلا.

أ- تكوين الأشكال:

هذه الأنشطة تجعل الطفل يتدرب على استخدام القلم الرصاص والعسطرة والفرجار. ويجب علينا تشجيع الأطفال على تلوين الأشكال التي يرسعونها بأنفسم.

أتشطــة :-

ا- يرسم الأطفال خطيس أ ، ب كما بالشكل المقابل، ثم يعينون على كل خط مجموعة من الفراغات المتساوية بدءا من و (اسم يكون مناسبا) ثم ترقم كما بالشكل. شم ترسم خطوط لربط كل رقم مع نفسه نيظهر شكل منحنى ويمكن تلوينه كما يمكن تعليق الرسوم الجيدة في الفصل.

۲- یحتاج کل طفل فی هذا النشاط إلى دائرة مرسومة على ورقة عادیة أو ورقة کرتمون علیها ٣٦ رقم على مسافات متساویة کما بالشکل إذا کان الأطفال يستطيعون استخدام المنقلة فيمكنهم رسم خطا منحنیا لتكرین نصف دائرة ویمكن رسم نصف دائرة اخرى لعمل دائرة كاملة.

ويمكن استخدام ۱۰° على المنظلة في تحديد نقط على مسافات متساوية. وإذا لم يكن الأطفال يأتفون المنظلة فإن البديل السهل هو تزويدهم ص يأوراق منسوخ عليها دوانر مقسمة ثم نرقم ٢٩ النقط من إلى ٣٦ ثم يرسم الأطفال خطوطا ^{٧٤} مستقيمة تربط بين الأزواج التالية:

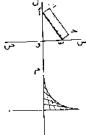
1 → Y1Y → \$17 → Y13 → X10 -11

اى كل رقم مع ضعفه. وبالإستمرار بنفس الطريقة يصدل الأطفّالُ النبي ١٨ → ٣٦ شم يحاولون التعامل مع ١٩ → ٣٨. ولكن لا توجد نقطة مرقمة ٢٨. وعلى أى حال يمكن التفكير فى ٣٨ على أنها ٣٦ +٢ (أى دورة كاملة+ مسافتين) ولهذا فإن ١٩ ←٢.

وبنفس الطريقة ٢٠ ← ٢، ٢١ ← ٦ و هكذا.

والنقطة الأخيرة والقليلة في الربط هي ٣٤ ← ٣٢، ٣٥ ← ٣٤ ، ٣٦←٣٦.

وعندما يرسم الأطفال القطع المستقيمة يظهر شكل منحنى كما فى الرسم الأخيرفي الصفحة السابقة. يسمى هذا الشكل المنحنى القلبي (Cardioid) لأنه يشبه القلب ومعادلته [س - أ (١- جتا هـ)] ويمكن استخدام خيط ملون ليربط بين النقط ويستمتم معظم الأطفال بهذا النشاط.



٣- يرسم الأطفال خطين متسامدين س ص، ل م
 كما هو مبين (ويمكن عمل شريط من الكرتون
 أو الخشب الرقيق أ ب جـ د بحيث تقطع القطلة
 أعلى و ل والنقطة ب على و ص ثم يرسم خـط
 على جانب الحافة أ ب.

ثم نحرك أ إلى وضع أخر على و ل بحيث تظل ب ثابته على و من ثم يرسم خط أخر. ويكرر هذا النشاط مع أوضاع مختلفة لكل من أ ، ب

على و ل ، و ص فيتكون الشكل المنحنى المقابل ثم يوضع الشريط فى المنطقة المليا ثم يكرر النشاط وبعد ذلك تستخدم المنطقتان المسلفيتان. الشكل المعلق الكامل يسمى المنحنى النجمى Astroid.

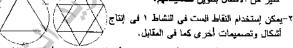
ب- رميم الأشكال

أنشطية:-



 الكفائل على إستخدام الفرجاز في رسم الدوائر (يحتاج كثير صن الأطفال إلى هذا التدريب لكى يتعلموا كيفية مسك وإستخدام الفرجار) وعندما يتمكن الأطفال، أو يقدرون على رسم الدوائر فيمكنهم الإستمرار في عمل تصميم بسيط كالمبين وبربط النقط على الدائرة

بخطوط منقطة مستقيمة يمكنهم رسم مسدس منتظم كالمبين بخطوط منقطة يستمتع كثير من الأطفال بتلوين تصميماتهم.



٣- هذا النشاط مهم الأنه يعتبر الأساس اكثير من أنشطة الرسم التي تأتي يعد ذلك وفيه يرسم الأطفال تطعة مستقيمة ĀĀ طولها اسم شم يرسمون دائرة مركزها او نصف قطرها كسم شم يرسمون دائرة أخرى مركزها بونصف قطرها كسم شم يرمز انقطتي تقاطع الدائرتين بالرمزين ل، ثم يناقش الأطفال في معرفتهم عن النقطة (أنها على بعد صمم من أ، كسم من بوبنفس الطريقة يناتشون النقطة م. شم يكون

الأطفال مثلثاً برسم ال، ب ل والذي اطوال أضلاعه السم، السم ، السم شم يرسمون مثلثاً مطابقاً له أب م (ويمكن توضيح ذلك بقط م المثلثين ووضعهما فوق بعضهما بقطع الشكل أل ب م وثنيه عبر الغط أب).

٤- يكرر الأطفال النشاط ٣ باستخدام قيم مختلفة
 الأطوال للقطعة أب وأنصاف أقطار مختلفة
 للدائرتين.

وأثناء هذه الأنشطة التي تتعلق بالرسم يجب أن يلاحظ الأطفال ما يني:

أ- عندما يتساوى نصفا قطرا الدائرتين فإن المتلث أل ب يكون متساوى الساقين.

ب- عندما يساوى نصفا قطر الدانرتين الطول
 أب فإن المثلث أل ب متطابق الأضلاع.

 ج- وعندما یکون طو لا نصفی القطرین آقل من طــول أب فــان الدائرتیبن لا نتقاطمــان (متباعدتان) و لا یتکون مثلث.

 د- عندما يكون مجموع نصفى القطرين مساويا لطول أب فإن الدائرتين تتماسا.

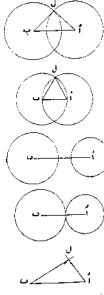
وستخدم الأطفال أفكار نشاط ٤ لرسم مثلث معلوم أطوال أضلاعه. ويجب أن يتحققوا بسرعة أنهم يحتاجون لرسم الدائرتين كاملتين ويكفى قوسان صغيران كما هو مبين.

إذا كان الأطفال يستطيعون إستخدام المنقلة فيقيسون الأروايـا الشلاث لكمل مقلث يرسمونه ويذلك يتدربون على قياس الزوايا ويقودهم ذلك إلىي أن مجمع قياسات زوايـا المثلث ١٨٠.

- عندما يكون في مقدور الأطفال استخدام العنقلة فيمكنهم رسم مثلثات باستخدام تيم
 معطاة لـ

أ– زاويتين وضلع واحد.

ب- ضلعين وزاوية محصورة بينهما.



٧- يمكن تقديم رسم مضلع منتظم وليكن مسدسا في أول الأمر. فعلى سبيل العثال:

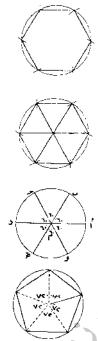
يرسم الأطفل دائرة وبقتحة طولها تفس طول نصف القطر ناخذ سنة أطوال متساوية على الدائرة أنكون مسدسا كما هو مبيئن وبقياس الأضلاع والزواية يتحقق الأطفال من كونهم سدسا منتظما وبعد ذلك يصل الأطفال كل رأس بالمركز كما هو مبين على اليسار، ثم تتاقش المثلثات السنة المكونة ويجب أيضا بناء الحقيقة التي تنص على أن جميع المثلث السنة متطابقة كل واحد منها للى الزوايا الست عند مركز الدائرة كل واحد منها لفة (دورة) كاملة أي قياس كل منها ١٠ و وعدنا إيجاد قيمة كل زاوية من هذه الزوايا بنقطة بداية جديدة لرميع مسدس منتظم كما

ترسم دائرة مركزها م ويرسم من زوايا قيمة كل المنها ٢٠ ° كما هو مبين في الرسم الثاني ثم ترسم الخطوط أب، ب جد ، جد د، د حد ، هد و لتكوين مسدس منتظم بنفس الطريقة. كما في الشكل الثالث وإذا كانت هناك ضرورة يجب إعطاء تدريبات على رسم مضامات منتظمة بنفس الطريقة.

تعليق ومتابعة:

في المناقشة التالية:

إن الهندسة هي المجال الذي يمكن أن ينمي الأطفال من خلاله المهارت الرياضية لبعض الموضوعات مثل التصنيف - الفروض - التعميم - البرهان ولكن تدريس الهندسة للأطفال الصعار يجب الايستند إلى القيمة النفعية ولا إلى مكانة الهندسة باعتبارها إعداد للدراسات الهندسية مستقبلا بل يجب أن يستند إلى القيمة الجوهرية لتتمية الأطفال تربويا في حينه. فعندما يسأل طفل لمباذا نعمل القيمة . (تدرس) هذا؟ فإنه لا يريد أن يعرف فائدته له بعد سبع سنوات مثلا بل يريد أن يعرف ماذا يخي ذلك بانسبة له أثناء قيامه بعمله.



ولما كان من الصعب تدريس نوع معين من الهندسة في جمهع المرحلة الإبتدائية فإنه معظم الرياضيين المتربوبين يوالقون على أن الهندسة الشكلية لا تنتمي لمنهج المرحلة الإبتدائية وأن تدريس الهندسة من الحضائة حتى نهاية المرحلة الإبتدائية يجب أن يتم بصورة غير شكلية Informal بمعنى أن الخصائص تكتشف حدسيا ومن خلال التعامل مع الأشياء المحسوسة الموجودة في بيئه الطفل.

لما الهندسة التي تبدأ بمصطلحات غير معر فـة (لامعر فـات) مثل النقطة -الخط المعتقيم - المسـتوى) ومسلمات مثل (أي نقطتين يحدان مسـتقيا) ثم من خـلال اللامعرفات والمسلمات يمكن تعريف مفاهيم هندسية أخرى ومن ثم برهان نظريات فهـذا النوع من الهندسة يسمى الهندسة الشكلية وهي تقدم في هندسة ما بعد المرحلة الإبتدائية.

ومما يسبب صعوبات في تدريس الهندسة في المرحلة الإبتدانية إن المعلمين يحاولون أحيانا استخدام الطريقة التي تعلموا بها الهندسة في تطيمهم للأطفال بمعنى انهم قد يعطون تعريفا المفهوم (كما في التنفيذ الشكلي) ويتوقعون من الأطفال أن يستخدموا هذا التعريف لتحديد أمثلة للمفهوم وهذا المدخل غير مناسب للأطفال الصغار الذين لا يفكرون بنقس أساليب طلاب العرحلة الثانوية كما أنهم – أي الأطفال – لا يعرفون ما الذي تدور حوله التعاريف.

ويذكر Fuy & Tichler (19) أسباب وجوب تدريس الهندسة غير الشكلية فسى المرحلة الإبتدائية نلخصها فيما يلمي :-

- ا- الهندسة من حيث كونها دراسة الفراغ والعلالات الفراغية تفيدنا في إدراك وتوظيف البيئة من حولنا. ومن خلال انشطة الهندسة غير الشكلية يمكن أن نساعد الأطفال على تتمية مفرداتهم اللغوية اليومية لإستيماب مفاهيم الشكل والفراغ (داخل خارج فوق تحت أمام حول مستقيم....).
- ٢- الأنشطة يمكن تنمى الحس الجمالي لدى الأطفال كما أنها تجلب السرور لديهم
 بالإضافة إلى أن الأنشطة يمكن أن تتتج الفرصة للأطفال ليكونوا مبدعين.
- ٣- يحتاج الأطفال إلى خبرات منتوعة فى الهندسة غير الشكلية لإعدادهم للهندسة الأكثر شكلية والتى تأتى فى العرحلة اللاحقة.
- ٤- الهندسة مرتبطة بعاثقات مع موضوعات الرياضيات الأضرى فكثير من الموضوعات العددية تعتمد بدرجة كبيرة على العلقات الغراغية فمثلا: الفهم الحسى للأشكال الهندسية مطلوب لفهم الكسور وعلى ذلك فالأنشطة الهندسية يمكن أن تستخدم في إعطاء تنربيات على موضوعات عددية متنوعة في منهج المرحلة الإبتدائية.

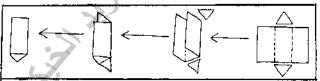
 عندما ينفذ الأطفال الأسنطة الهندسية فإن المعلم يعطى الفرصة لتشخيص نقاط الضعف واللوة في العلاقات الفراغية.

٦- الهندسة غير الشكلية تساعد على التعلم بالإكتشاف وهذا الإكتشاف يمكن أن يتحقق من خلال سلسلة من الأسئلة تودى إلى نتيجة محددة أو تنترك الباب مفتوح لنتائج منتوعة.

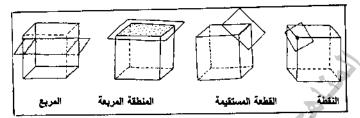
وفيما يتعلق بإستر النوجيات تدريس الهندسة للأطفال الصنفار فقد أوضح fielker (22) أنه بالنظر إلى الاشطة الموجودة في معظم الكتب المدرسية وجد أنها لا تدرس التوبولوجي ولكنها تختير مفاهيم الإرتباط والإتصال داخل ، خارج وهذا للأطفال. وأوصى بأن تكن الاشكال التي تعطى للأطفال لتصنيفها إلى منحنيات مغلقة ومفتوحة تكون كل الخطوط منحنية كما أن الاشكال يجب أن تقدم في صورة غير متباورة أي لا شكل لها لتجنب أي مصاحبة معا الاشكال الاتيلدية مثل الدوائر والقطوع الناقصة. وكمثال لمترضيح فكرة داخل وخارج الشكل؟ كما هو مبين.



وبالنسبة للأشكال الهندسية فيجب أن نركز في تدريسنا على أنشطة الطي واللصق وأن تعود على بناء المجسمات بأنفسهم تحت إشرافناوفي خطوات وفيما يلى مثال لأحد الأنشطة بناء الأشكال الهندسية المجسمة.



وفيما يتعلق بتدريس المفاهيم الأساسية كالنقطة والقطعة المستثيمة وما إلى ذلك فيجب التعامل معها من خلال المجسمات وفيما يلى مثال لذلك



بعض الأخطاء الشائعة عند تطم التلاميذ للهندسة ومعالجتها.

يحتاج تدريس الهندسة إلى متابعة التلاميذ عند تعلمهم الجوانب الهندسية المختلفة في بدء خبرتهم بهذا النوع من النشاط الرياضي. ومن ملاحظة المعلمين ودراسات الباحثين أمكن التعرف على بعض الأخطاء التي تتكرر عند تلاميذ المرحلة الإبدائية عند دراستهم لموضوعات الهندسة في الصفوف المختلفة.

ويذكر عبيد وزميلاه (١٣) أن من بين هذه الأخطاء الشائعة ما يلي:

(١) أخطاء في التمييز بين الأشكال المجسمة المختلفة:

ولعل ذلك راجع إلى تصور في التصور وربط الادراك البصدى بالادراك للشكال الهندسية عندما ترسم كأشكال منظورة في المستوى أي على سطح ورقة الكراسة حيث تتداخل مكونات الشكل ويصعب على بعض التلاميذ الفصل بين مستقيمات متقاطعة وأخرى متوازية، كما يصعب أحياتها إدراك تصدور شكل مربع وهو مرسوم بصورة متوازى أضلاع. وهكذا.

ونعل علاج ذلك هو أن يربط المعلم بين الشكل المجسم وهو معروض أمام التلاميذ وبين صورت، المرسومة على السيورة أو الورقة كما يجب على المعلم أن يوضح كيفية رسم الشكل المجسم ويبرز أوجهه وأضلاعه ورووسه والعلاقة بينهما أمام التلاميذ موضحا ذلك في نفس الوقت على الشكل المجسم ذاته.

(٢) أخطاء في التمميز بين الأشكال المستوية:

ولعل ذلك يعود إلى أن بعض المعاميـن يقدمـون أسماء لأشكال وتعاريفها قيـل تقديم مدلول الأسم نفسه (أى الشكل)، ويعالج مثل هذا الموقف بأن يقدم الشكل وخواصــه ثم يعطى لمه الأسم أو الرمز. كما يجب أن يقدم الاشتكال المستوية مثل المربع والمستطيل ومتوازى الأضلاع والمثلث في صورة واضحة وأوضاع مختلفة ويطلب من التلاميذ رسمها والتعرف عليها وتسميتها والربط بينها وبين أوجه بعض المجسمات المحيطة بالتلميذ مثل أوجه الغرف وأسطح بعض المجسمات المصنوعة خصيصا لذلك، وتنفيذ الشفافيات والصور المتحركة في توضيح ذلك.

(٣) أخطاء في بعض المقاهيم الأساسية:

ومن أمثلة ذلك الخلط بين القطعة لمستقيمة والمستقيم وبين المثلث متساوى السائين والمثلث متساوى المسائين والمثلث متساوى الأضلاع والتعرف على الزوايا المتساوية المقابلة للأضلاع المتساوية. كذلك هناك أخطاء ناجمة عن عدم تسمية القطع المستقيمة والزوايا بالطريقة الصحيحة.

والعلاج هذا يعتمد على تحسين طرق التدريس والعمل مع أفراد التلاميذ لتشخيص أخطائهم مبكرا وتصحيحها قبل أن يثبت الطفل أفكارا خاطئة في ذهنه واستخدام الوسائط المعينة وإعطاء أشكال في أوضاع مختلفة وتبسيط لغة التعاريف وربط الرسم والصورة باللفظ وإعطاء التلاميذ فرصا لإكتشاف أخطائهم وتصحيحها تحت إشراف من المعلم هذا بالإضافة إلى تخصيص وقت كاف للمفاهيم الهندسية وعدم تركها لنهاية العام وفي عجالة من الوقت معا يعطى للأطفال إنطباعا إما بصعوبتها أو بعدم أهميتها.

(٤) أخطاء في طرق إستخدام الأدوات الهندسية:

يخطىء بعض التلاميذ في طريقة إستخدامهم للأدوات الهندسية بدءا من عدم استخدام القلم الرصاص غير المناسب في الرسم وجعل سنه مدببا بدرجة كالحية واستخدام القلم في الكتابة والرسم في نفس الوقت مما يحدث خطأ في القياس ودقته. كذلك فإن عدم الدقة في وضع المسطرة أو تأكل حافتها أو عدم وضوح أرقامها يسبب أخطاء عديدة ومن ثم يلزم تعويد التلاميذ على الأوضاع الصحيحة للمسطرة والتأكدم سلامة إستقامة حافتها ووضوح تدريجها ووضع القلم عموديا عليها عند تحديد النقط وعند الرسم بمحاذاة المسطرة. كذلك يجب أن يتعلم التلميذ كيفية حساب المساقة أو البعد بين أي رقمين على المسطرة الذي هو في الواقع درس عن الاحداثيات على خط الاعداد.

كذلك الحال بالنسبة لطريقة استخدام المنقلة في قياس الزواييا ذات الأوضاع المختلفة وطريقة حساب قياس الزوايا العنمكسة بالإستعانة بالمنقلة وفهم طريقة القياس ومد القطع المستقيمة اللازمة لذلك ومعرفة نقطة بدء القياس والعد السليم بدءا من الضلع المطابق لصغر التزليم حتى الضلع الثاني الذي يحدد الرقم الذي يدل على قياس الزاوية ا

كذلك الإهتمام بالتدريب على التحكم في دوران الفرجار مع تثبيت سنه وموازنة وضع قلم الرصاص ذي السن المدبب مع سن الفرجار حتى لا يحدث عدم إتران فيحركة الفرجار، هذا بالإضافة إلى التحكم في ورقة الرسم أثناء دوران الفرجار حتى يستكمل دورة كاملة أو رسم قوس بعد معين وفي إنجاء معين.

(°) أخطاء في رسم شكل هندسي بشروط معينة:

كثيرا ما يخطىء بعض القلامية فى رسم مثلث أو شكل رباعي بشروط معينة حيث قد يعبث خلط فى نتابع أسماء رووس الشكل أو خلط فى قياس زاوية بدلامن الأخرى أو ضلع بدلا من الأخر. ويعالج ذلك بأن يرسم الللمية شكلا تقريبيا فى اول الأمر يحدد عليه الأبعاد والقياسات المعطاء ثم يضع خطة الكيفية البداية وبالأدوات التى سوف يستخدمها وبعد ذلك يبدأ تنفيذ الشكل المطلوب برسم وقياسات دقيقة.

مطومات إضافية

مستويات قان هايل en H ble للنمو الهندسي

- المستوى (صغر): التصور Visualization إكتشاف التاميذ للمفاهيم الهندسية الأساسية مثل الأشكال البسيطة بصورة بصرية للمفهوم ككل دون إعتبار لخصائص مركباته.
- المممتوى (١): التحليل Analysis اكتشافالتلميذ المفاهيم الهندسية بوسائل تحليليـــة عمير شكلية لتركيب أجزائه وصافته المميزة. تكونت الخصمائص الضروريــة المفهوم.
- المستوى (٢): التجريد Abstraction يرتب التاميذ خصائص المفهوم منطقيا، يضع تعريفات مجردة يستطيع التمييز بين الضرورة والكفاية لمجموعة من الخصائص في تحديد المفهوم.
- المستوى (٣): الإستنتاج Deduction اكتشاف التلميذ شكليا من خلال نظام رياضي-يكمل فقرات غير معرفه، مسلمات – النظام المنطقى – مفهوم نسبيها --يتعامل مع المعرفات والنظريات.
- المستوى (4): التجسيد Rigor يستطيع الطالب مقارنة الانظمة بناء على إفتر أضات يستطيع دراسة هندسات متعددة في غياب النماذج الحسية.

إختبر فهمك

١- صنف بعض الانتسطة للتعامل مع المقاهيم التوبولوجية التالية -

القرب - الإنفصال - التطويق.

 ٢- أماذا يكون من المفضل البدء في در اسة المفاهيم الإقليدية في الهندسة من خلال المجسمات بدلا من الخطوط و الأشكال المستوية؟

٣- صف بعض الأنشطة التي تساعد الأطفال على التسامل مع: المجسمات - الأشكال
 المستوبة.

٤- أكتب عبارة تميز بين الأشكال المتطابقة والمتشابهة.

٦- رسم قطعتين مستقيمتين آب ، ج د بحيث.

أ- لا تتقاطعان ب- تقاطعهما هو آب.

بـ يتقاطعان في نقطة واحدة د- إتحادهما قطعة مستقيمة.

هـ - إتحادهما ليس قطعة مستقيمة .

ضع علامة (٧) ، (×) أمام العبارات التالية:

أ- مستقيمان متوازيان يحددان مستوى

ب- مستقيمان متقاطعان يحددان مستوى

ج- كل مربع مستطيل

د- کل مستطیل مربع

ندينا المستقيم أب والنقطة ق لا تقع على أب كم عدد المستقيمات التي يمكن رسمها من ق موازية لـ أب

. . . .

صل النقط المبينة برسم أربع قطع مستقيمة مع مراعاة عدم رفع القلم عن الورقة أو إعادة رسم قطعة مرتين



من المتوقع بعد قراءة هذا القصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن:-

- ١- يمر ف أسباب تضمين الإحصاء في مستوى المدارس.
- ٢- يضمع قائمة بمصادر البيانات التي يمكن أن يجمعها الأطفال وينظموها في جداول
 ورسوم بيانية.
 - ٣- يجمع بيانات وينظمها في جدول ويعثل الجدول في صورة بيانية.
 - ٤- يصف أنشطة تساعد على بناء الحس الإحصائي لدى الأطفال.
 - ٥- يعرف أنسام الإحصاء.
 - ٦- يعرف مجالات استخدام الإحصاء في حياتنا العصرية.
 - ٧- يكتسب الخبرة في تدريس الإحساء للأطفال.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل دراسة الموضوعات الموصوفة في هذا القصل أن يقدر على أن:-
 - ١- يجمع بيانات عن ظاهرة معينة في محيط فصله ومدرستة.
 - ٢- ينظم بيانات في جدول.
- ٣- يمثل بيانات موجودة في جدول بيانيا باستخدام الرسم بالصور أو الأعمدة البيانية أو
 الخط المتكسر أو الدائرة.
 - ٤- يعرف متى يستخدم طريقة عرض البيانات المناسبة.

مفهوم الإحصاء وتطوره:-

كلمة اجتصاء مشتقة من فعل أحصى ومضارعها يحصى بعض يعد أو يعصد. ويرجع اشتقاق فعل أحصى إلى الحصى أو الحجارة الصغيرة، وهي الأداة التي تعلم الإنسان عن طريقها عد الأشياء للمحيطة.

وقد ورد ذكر الإحصاء في القرآن الكريم فقد قال تعالى "ولحاط بما لديهم ولحصى كل شيء عددا" ، "وإن تحدوا نعمة الله لا تحصوها".

وللإحصاء تعاريف كثيرة أهمها للذي يقول أن:

الإحصاء هو ذلك الفرع من العلوم الذي يهتم بجمع البيانات وتصنيفها وعرضها وتحليلها وتفسيرها بغرض المقارنة ومعرفة التنانج وإستنتاج العلاقات لاستخدامها في إنخاذ القرارت المناسبة.

وأقدم الإحصانيات في التاريخ يعود تاريخها إلى حوالى ٣٠٠٠ منة قبل الميلاد، وهي إحصانية قدماء العصريين بهدف معرفة الثروات وأعداد العمال قبل بناء الأهر نمات.

وفى عام ٥٩٠ ق.م. تقريبا أجرى أول إحصاء رسمى للسكان فى اليونان بهـدف جمع الضرانب من الأغنياء.

أما أول إحصائية قام به المسلمون فكانت في عهد الخليفة الثاني عصر بن الخطاب رضى الله عنه، عندما أمر بكتابة أسماء الناس في قوائم حسب أسبقيتهم للإسلام وما قدموه من تضميات في سبيله، وعندما دخلت العراق في الخلافة الإسلامية فيست الأرض المسالحة للزراعة بالعراق وسنفت حسب ملكها وما تنتجه من محصول، وفي أيام الخليفة عمر بن عبد العزيز أعدت قوائم بأسماء الفقراء والمعوقين في الدول الإسلامية بغرض دفع رواتب منتظمة لهم من بيت مال المسلمين.

أما الإحصاء الحديث فقد بدأ بكتاب "ملاحظات طبيعية وسياسية حول معدل الوفيات" في عام ١٦٦٢م قام بتأليفه الإنجليزي جون جارنت John Graunt ثم تطور الإحصاء نتيجة أعمال بعض علماء الرياضيات مثل باسكال وفيرمات وبرنولي ودى موافر وبيرمون وغيرهم ثم إستخدمه أيضا علماء مثل كاتل وسييرمان ثم أضاف فيشر ابضافات رئيمية إستخدمت في مجال البحوث الزراعية والبيولوجية. ومع تقدم الحضارة الإنسانية تحددت استخدامات الإحصاء لتشمل مختلف فواع الإعمال الحياتية من زراعة وصناعة وإقدماد وتجارة وسياسة وتعليم.

أساليب تدريس الإحصاء:-

يوجد أسلوبان منفصلان لتدريس الإحصاء وهما:

1- إسلوب التداخل ما بين المواد أو المقررات الدراسية:

ووجهه النظر في هذا الإسلوب هو عدم إعتبار الأحصاء مادة دراسية منفصلة ولكنها تقدم كأداة لتطبيقها في مشكلات بحثية وبصياغة أخرى يجب أن يبنى تدريس الأحصاء على مشكلات مع التركيز على تجميع البيانات من الظواهر الحياتية و تحليلها و تفسيرها بالاضافة الى تدريب الطلاب على استخدام مالديهم من معرفه الحسائة.

٢- اسلوب التجارب العملية :

و يقوم هذا الاسلوب على اكتساب المتعلم للمفاهيم و المبادىء الاحصانية من خلال اشتراكه في اجراء بعض التجارب العملية المستخدمة في حياتتا اليومية وتتكون ملامح العمل في هذا الاسلوب مما يلي:

١ - صباغة المشكلة

٢- تجهيز البيانات

٣- عمل الإجراءات اللازمة (خطوات العمل).

٤- رصد النتائج وتحليلها.

٥- تونير تجارب إضافية تستخدم كنموذج لمجموعة من المشكلات،

تقدم التجارب الإضافية بعض الإقتر احات لكيفية إجرافها.

٧- توضع أسئلة بغرض مساعدة المتعلم على مناقشة فتانجه وصياغة تعميماته.

أهداف تدريس الأحصاء في المدارس:-

اجتمعت كثير من اللجان في العقود الأخيرة وعقدت كثير من العوتمرات التي المتمن بتدريس الأحصاء وكان من أهمها الموتمر الأول لتدريس الإحصاء في sheffield في بريطانيا في أغسطس ١٩٨٢.

وإنعكست نتائج تلك الموتمرات على الإهتمام بالإحصاء وتدريسه في العدارس لما له من أهمية كبرى لأنها أى الإحصاء تتعامل مع مواقف يمكن تحديدها كما أنها تزوينا بطرق للدراسة والفهم وضبط ما هو غير مؤكد. كما يلعب التفكير الإحصائي دورا هاما في الحياة اليومية للمتطهين كما أن الإحصائي يساهم بطريقة أساسية في عمليات صنع القرار في الأنشطة المتعددة في كل من الطوم الطبيعية والإنسانية بالإضافة إلى الأهمية المتزايدة للإحصاء وأورد هوامز Holmes (Y) خمسة أسباب لتضمين الإحصاء في مسوى المدارس هي:-

- ١- مدف تقافى حيث أن الإحصاء جزء من الثقافة الإنسانية فإن دراسته تكمل ثقافة المتعلم.
 - ٢- التفكير الإحصائي جزء أساسي من التفكير العددي.
- ٣- يساعد على الكشف عن التاريخ الحقيقي للشخص مما يساعد على النمو الشخصيي.
- ٤- هدف نفعی: حيث أن أفكار الإحصاء تستخدم على نطاق واسع في العمل بمد المدرسة.
- دريس الإحصاء مبكرا في المدارس يعطى أساسا للفهم الحدسي Intutive للمادة.
 تشفيه الأحصاء

نتناول في هذا الفصل تقديم المفاهيم الإحصائية التالية :-

أولا جمع البيانات :-

البيانات هي العمود الفقري للإحصاء. و المرحلة الأولى من مراحل العملية الإحصانية هي جمع البيانات عن الظاهرة موضوع الدراسة والبيانات القي تجمع عن الظاهرة موضوع الدراسة والبيانات القي تجمع عن الظواهر لا تجمع لذاتها بل تجمع بهدف دراستها وتحليلها واستخراج النتائج منها.

وبالتالى فإن جمع البيانات هي القاعدة التي تبنى عليها كل المراحل التالية في العملية الإحصائية.

مصادر جمع البيانات

لقد وضع المركز القومي (NCTM) لمعلمسي الرياضيات القائمة التالية وهي عبارة عن: البيانات التي يمكن جمعها واستخدامها من قبل الأطفال

- ا مقاسات أحذية الأطفال.
 - ٢- أطوال الأطفال.
 - ٣- أوز أن الأطفال.
- اون العينين، والشعر للأطفال.

- المشتركون في النوادي والجماعات المدرسية.
 - والألوان المفضلة للأطفال.
- ٧- أسعار بعض الأشياء في محلات مختلفة كما جاءت في إعلانات الصحف.
 - التليفزيون المفضلة.
- و- تسجيل درجات الحرارة علي مدى أسيوع في مكان محدد من حجرة الدراسة في
 ثلاثة أوقات مختلفة كل يوم.
- ١- عدد السيارات التي تمر أمام شباك الفصل خلال فترة خمس دقائق في نفس الموعد
 كل يوم.
 - ١١- درجات الحرارة القصوى والدنيا للمدن كما جاءت في نشرة الأخبار.
 - ٦٢ الاسم الأول لخمسين شخصنا.
 - ١٣- تاريخ الميلاد للأطفال.
 - ۱۶- نمو نبات في أسبوع.
 - 10- المساقة بالأمتار التي يبعدها كل طقل عن المدرسة.
 - ١٦- الزمن الذي يستغرقة كل نشاط صفى في اليوم.
 - ١٧- نوع الفاكهة المفضل لدى الأطفال.
 - 10- أنواع الكتب التي يقرأها الأطفال. ا

كل هذه الأمثلة تقدم الفرصة للأطفال لكي يجمعوا البيانات من مصادر أولية تتمثل في : الأطفال أنفسهم - أصدقائهم - الأطفال في فصول أخرى والعراهقين في مدارسهم ويفضل استخدام البيانات من المصادر الاولية عن التي يمكن العصول عليها من التقاريم almanacs - حواتر المعارف-الكتب المدرسية لأنها تمثل معنى أكبر بالسية للأطفال وأيضا يكتسب الأطفال خبرات فنية من خلال جمع وتتظيم وتفسير البيانات عندما يجمعونها بانفسهم وأخيرا يمكنهم أن يستخدموا معرفتهم فقراءة وتفسير الجداول والرسوم البيانية الجاهزة.

طرق عرض البيالات

أولا: العرض الجدولي:

بعد أن يجمع الأطفال البيانات فإنهم يحتاجون إلى تنظيمها حتى يمكنهم تفسيرها بسهولة والجداول من الأساليب المفيدة في ذلك

◄ مثال: في ابتخابات الفصل كان المرشحون هم خاله، سامح، كمال وكانت الأصوات التي حصلوا عليها كما يلي:

كمال كمال	كمال	سامح	سامح	خالد	خالد
خالد كمال	سامح	خالد	كمال	سامع	كمال
كمال خالد	كمال	منامح	كمال	كمال	سامح

يقول المعلم بإمكانك عمل جدول يبين عدد الأصوات التي حصل عليها كل مرشح ويوضح أنفا سنزمز لكل صوت بعصا (العلامة /) ولكل خمسة أصوات بالعلامة اللها

ولعمل الجدول نتبع الخطوات التالية:

١- نرسم جدولا كالمبين .

٢- نضع علامة في عمود العلامات ذكل مرشح يحصل على صوت بعد قراءة الإسم على البطاقة.

3	نتائج الإنتخابات	i
التكرار	العلامات	الإسم
٥		خالد سامح
—		کمال
١,,	444 444	

٣- نكتب عدد الأصوات التي حصل عليها كل مرشح في عمود التكرار .

ثم يطلب المعلم من الأطفال أن ينظروا في الجدول ويجيب على الأسللة التالية:

١- ما عدد الأصوات التي حصل عليها كل من:

خالد-----، سامح------، کمال-----

٢- كيف يمكنك معرفة العدد الكلى للتلاميذ الذين أدلوا بأصواتهم؟

٣- كم عدد تلاميذ الفصل الذي أجرى فيه الإنتخابات؟

٤ - من الذي فاز في الإنتخابات؟

تأتيا: العرض البياثي

يستخدم العرض البياني لإعطاء فكرة واضحة وسريعة عن البيانات. وهناك طرق مختلفة للعرض البياني وفيما يلي بعض منها:

 الكذابة بالصور أو الرسوم Pictograph أحيانا يكون من العقيد استخدام الصور أو الرسوم لتمثيل البيانات ومن معيزات هذه الطريقة أنها تعرض البيانات وتقارن بينها بطريقة جذابة.

مثال:

الشكل يوضع عدد الأهداف التي سجلها قريق كرة القدم في دوري المدارس

حدد الأهداف المسجلة	المهاجمون
	أسامة
	على
	ياسر
7	

المفتاح: ﴿ ﴿ الْمَدَافَ

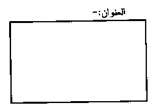
ويوضح المعلم فلأطفال الإرشادات التالية لممل التمثيل بالصور

١- ضبع عنوانا.

٢- إرسم المحورين.

٣- إستخدم المفتاح لبيان الرموز واليمنها.

٤- مثل للرموز على الرسم.



المفتاح: –

ثُم يُوفَر المعلم للأطفال تدريبات متعددة على هذا النوع من التمثيل البياني.

٢- الأعمدة البيانية:

الأعمدة البيانية تساعدنا في المقارنة بين البيانات بصورة أكثر دقة.

مثال: حصل تلميذ بالصف الرابع على الدرجات الأثبية لبعض المواد الدراسية (علما بأن النهاية العظمى ٥٠ درجة)

التربية الدينية	العاوم	الدر اسات الإجتماعية	الرياضيات	اللغة العربية	المادة الدر اسية
10	٤٠	70	٥.	٣.	الدرجة

والمطلوب تمثيل ذلك بالأعدد الساندة.

إن معظم الأطفال لديهم القدرة على رسم الأعمدة البيانية البسيطة ولكنهم يحتاجون فى معظم الأحوال إلى مزيد من المساعدة والتوجيه عندما تقدم لهم فكرة البدء قمد لا يكون دانما بالصفر على المحورين.

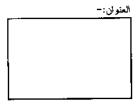
وفيها يلى خطوات مقترحة يسير على هديها الأطفال - تحت إشراف المعلم - عند التمثيل بالأعدة البيانية.

١- ضبع عنوانا للرسم.

٢- إستخدم مقياس رسم مناسب بفترات متساوية.

٣- أستخدم أعمدة (مستطيلات) ذات عرض متساو.

إستخدم مسافات متساوية بين الأعمدة.

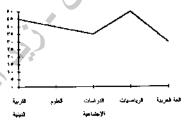


والشكل الذالي يوضح التمثيل البياني للجدول السابق:



Y- الخط البيائي المنكسر Line Graph

يستخدم الخط المنكسر لبيان التغيرات حسب الوقف وإرشادات عمل الخط المنكسر هي نفسها مثل الخطوات الثلاث الأولى في عمل الأعمدة البيانية وفيما يلى تعثيل الجدول السابق باستخدام الخط المنكسر.



1- التمثيل بالدائرة Pie Graph

نستخدم الدائرة في العرض البياني عندما نريد أن نعرض نسب كميات مختلفة بدلا من الكميات نفسها ويظهر هذا النوع من العرض البياني في كتب الجغر الهيا وكتب العلوم والصحف والمجلات ويجب تشجيع الأطفال على جمع مثل هذه الرسوم حتى يمكن مناتشتها ويمكن تلخيص خطوات العرض بالدائرة كما يلى:

١- ترسم دائرة بإستخدام نصف قطر مناسب،

٢ - نحدد ز او ية كل قطاع بإستخدام المعادلة التالية

ز اوية القطاع = _____ المجموع الكلى العطاع × ٢٠٠٥.

٣- بعد تحديد زوايا جميع القطاعات نبدأ فى تحديد كل قطاع على الدائرة بواسطة
 المنقلة. ويجب أن يكون مجم وع زوايا هذه القطاعات مساويا للزاوية العركزية (أى ٣٦٠ °) ثم نعطى كل قطاع لونا (أو تظليلا) معينا

ويجب أن يتعلم الأطفال أن يعملوا ويفسروا التمثيل بالدانرة. وهذا التمثيل عادة يعرض نسبا ولهذا يجب عدم استخدامه قبل التمكن من النسبة وكيفية حمايها. كما أنهم يحتاجون أيضا إلى معرفة كيفية قياس الزاوية على دائرة

وفيما يلى مثال على إستخدام التمثيل بالدانرة

الجدول انتالي يبين عدد التلاموذ المشتركين في بعض جماعات النشاط المدرسي في فصالك

عدد التلاميذ	الجماعة
1.	الرياضيات
۰	الصحافة
ه	العلوم

والمطلوب تمثيلها باستخدام الدائرة

والجدول التالي ببين متى تستخدم كل نوع في التمثيل البياني

<u> </u>	و. ــــــونــــين <u>ـــ</u>ين
متی پستخدم	نوع التمثيل البياني
لبيان المقارنة بين البيانات	الأعمدة البيانية
لبيان المقارنة بين البيانات بطريقة جذابة	الكتابة بالصبور
لبيان التغير حسب الوقت والتغيرات والتباينات	الخط البياني
لبيان الأجزاء من كل والعلاقة بين هذه الأجزاء	التمثيل الدائرى

توجهات في تدريس الأحصاء

يذكر Lennort أنه توجد خمسة توجهات Trends رئيسية ظاهرة في تعليم الإحصاء على المستوى العدرسي هي:-

1- التركيل على الإحصاء Emphases on statistics

وخاصة الأحصاء الوصلى حيث أنه من الممكن تقديم مقرر تفكيرى بدون خلقية فى الاحتسالات وبدقيال مقال أسه مسن الاحتسالات عند الحاجبة إليها فقط كما أسه مسن Exploratory Data الممكن إبخال طرق تحليل البيانات Analysis حيث يجب أخذها فى الإعتبار.

٧- التركيز على التطبيقات ويناء النموذج

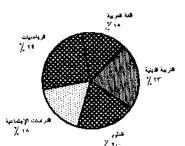
ويعننى شرح المادة مع التركيز على تطبيقات من مجالات متعددة مثـل العلـوم -التكنولوجيا – التأمين – ضبـط المرور – العلـوم الإجتماعيـة – الإدارة ولكن المشكلة الخطورة ايجاد تطبيقات مناسبة من هذه المجالات الواسعة.

كما أن التطبيقات من وجهة نظر أخرى توسع من خبرة المتعلم فى النمذجة الرياضية ويمكن القول أن التركيز على النمذجة الرياضية إتجاء فى التدريس فى هذه الأيـام ليس فقط فى الأحصاء ولكن فى الرياضيات بصفة عامة.

"- إستخدام المحاكاة Use of simulation

المحاكاة أداة أو وسيلة هامة ومهدأ هام في تدريس الاحصماء والاحتسالات ويمكن إستخدامها لدراسة التجارب العشوانية عندما تكون المعالجة التحليلية غير معكنة. 4-إستخدام الآلات الحاسبة والكمبيوتر

يوجد الأن اتجاه في تدريس الإحصاء مفاده إستخدام الألات الحسابة والكبيوتر نظرا الإمكانيات الواسعة التي ظهرت حديثا ويركز هذا الإنجاء على الإهتمام بالإجراءات



تعليق ومتابعة:

يفيدنا عرض البيانات بيانيا في حالات متعددة منها:-

أ- يمكن من خلاله عرض بيانات في صورة سريعة وسهلة الفهم.

ب- يشير إلى العلاقة بين عناصر مجموعتين.

بزودنا بمعلومات لم تكن معلومة لدينا من تبل.

ولا يجب تقديم العرض البياني كموضوع مستقل بذاته. بل يستخدم أثناء أي نشاط ويعنقد معظم المعلمين أن التعثيل البياني لا يزيد من فهم الطفل النشاط ققط ولكنه عادة رياضية جيدة يجب تنميتها وبصفة عامة يستمتع الأطفال بالمعمل البياني وقد يعجبون بأنفسهم عندما ينتجون أعمالا ملونة ودقيقة ومحكمة ونابضة بالحياة كما أنهم يشعرون بالسعادة عندما تعلق أعمالهم في الفصل.

وقد يواجه الأطفال بعض الصعوبات وخاصة فىالمرحل الأولمى فى إستخدام الكتابـة بالصور والأعمدة البيانية ولذلك يفضل عدم التعجل فى تدريس تلك الموضوعات.

والقدرة على قراءة الأشكال البيانية وفهمها على درجة من الأهمية مثلها مثل القدرة على رسم الأشكال البيانية وعلى مناقشة مدى إستفادتهم من هذه الأشكال كما يجب على المعلم الاستخدام الجيد للأشكال البيانية التي تحدث في المواد الدراسية غير الرياضيات لأن ذلك يصفل خبرة الأطفال وفي نفس الوقت يساعدهم على تنمية عادة النظر إلى الشكل البياني وسوف يصبح الأطفال على وعي بأن الشكل البياني يمكنه إعطاء معلومات شيقة ومفيدة كما يجب على المعلم تدريب أطفاله على إختيار التمثيل البياني

الحسابية الكثيرة في تدريس الأحصاء لأن هذه الإجراءات تحسب بسهولة من خلال الآثة الحاسبة - كما توجد برامج جاهزة للتحليل الأحصائي باستخدام الكمبيوتر ومن هنا فالتدريس يجب أن يركز على باكتساب المفاهيم الإحصائية وتنمية الحس الأحصائي لدى المتعلم بالإجراءات الحسابية.

ه- إستخدام المشروعات Project Work

يذكر هوامز Holmes الأسباب التالية لتضمون مشروعات.

العمل في تدريس الإحصاء

(- إنها تضع إستخدام الأساليب الأحصائية في سياق عملي،

 ٢- أنها أكثر دافعية للمتعلم من الدروس الروتينية (هذا بصفة خاصة إذا اختبار المتعلم مشروعه من العجالات التي يهتم بها).

٣- أنها تعطى احساسا سريعا بأن البيانات حقيقية.

٤- أنها تظهر قيمة تعلم الأحصاء من خلال تطبيقاتها المختلفة.

معلومات إضافية

١- أقسام الإحصاء:

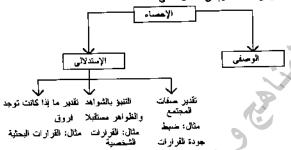
يمكن تقسيم مجال الأحصاء إلى مجالين أساسيين هما :-

i- الأحصاء الوصلى Descriptive Statistics

ويعتبر جزءا صغيرا من المادة ويهتم بتلخيص خصائص وصفات العبدات وتستخدم الطرق الأحصائية فيه في جمع البيانات ومعالجتها بغرض استنباط الخواص الأساسية التي تميز هذه البيانات وينحصر عمل الأحصائي في هذا المجال داخل اطار توصيف البيانات المتاحة باستخدام طرق تسجيل وعرض البيانات جدوليا وبيانيا وحساب بعض المقابيس منها (مثل مقابيس النزعة المركزية والتشنت والارتباط) ولا يمتد عصل الإحصائي هنا إلى محاولة تعميم النتائج المحسوبة على مجتمعات أكبر من مجموعات البيانات التي حسب منها

ب- الأحصاء الإستدلالي: Inferencial Statistical

وتنتمى معظم الطرق الأحصائية إليه ويختص بتقدير خواص المجتمع من والع خواص مجموعة البيانات المتاحة من عينة أو أكثر ثم بحثها. ويقوم هذا التقدير أساسا على مجموعة من الإفتراضات عن الملائة بين العينة التي يمكن قياس خواصها مباشرة وبين المجتمع الذى يعتقد أن العينة مأخوذة مضه والذى نرغب فى تقدير هواصفاته ويمكن تلخيص هذا التقسيم فى الشكل التالى:-



٣- إستخدام الأحصاء في كتابة وتحليل الشفرة

إنه لمن الضروري لقراءة عبارة مثل ZH WKH SHRSOH معرف منتاح شفرتها. decode وعلم التشفير cryptology هو دراسة تشفير وفك تشفير الرسائل فالنتشفير يعنى كتابة العبارت كرموز in codes بينما فك وتحليل الشفرة يعنى ترجمة هذه الرموز إلى العبارت الأصلية.

والاحصاء هي أحد الطرق المستخدمة في تشفير وفك وتحليل الشفرات. ولما كان علم الأحصاء هو دراسة تنظيم وتحليل البيانات فإن المشفرين يستخدمونه أي الإحصاء في تحليل مقالات عادية من الجرائد والمجلات يحسبون مدى تكرار حروف الهجاء في هذا للمقال ويطلق على هذا الإجراء ما يسمى بتحليل المحتوى.

وفى دراسة عن اللغة الإعجليزية أثبت الباحث أن حرف الهجاء E هوالحرف الاكثر تكرارا فى هذه اللغة والجدول التالى يوضح التكرار النسبى (الصدورة مقربة) لجميح حروف الهجاء فى اللغة الإعجليزية من الهالى Z

	2 (-, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -	9 11 -1
A- 7.3%	J- 0.2%	S- 6.3%
B- 0.9%	K- 0.3%	T- 9.3%
C-3.0%	L-3.6%	U- 2. 7 %
D- 4.3%	M- 2.5%	V- 1.3%
E- 13.0%	N- 7.8%	W- 1.6%
F- 2.7%	O- 7.4%	X- 0.6%
G-1.7%	P- 2.7%	Y- 1,8%
H-3.4%	Q- 0.3%	z- 0.1%
I - 7.5%	R- 7.3%	

وبمعرفة هذه التكرارت يعرف المشفرون أن الرمز الأكثر تكرار في أي عبارة يتابل الحرف E ولهذا فإذا نظرنا إلى العبارة السابقة فإننا تستطيع أن نخمن أن الحرف H يقابل الحرف E في النص الأصلى وليس من الضروري أن يكون هذا التخمين صحيحا ولكنه نيس سينا كمحاولة أولى

س: هل يمكنك حل الشفرة السابقة ZH WKH SHRSOH حـن

وطريقة تشفير هذه العبارة كانت إزاحة الحرف الأصلى ٣ خانات إلى الأماء.

وهذه الطريقة تسمى طريقة يوليوس قيصر Julius Caesar الذي كان أول من إستخدامها.

إختير فهمك:

١- أذكر أربعة أسباب لتضمين الإحصاء في البرنامج المدرسي.

٢- ما الفرق بين الإحصاء الوصفى والإحصاء الاستدلالي؟

٣- قارن بين طرق عرض البيانات التالية الرسم بالصور - الأعمدة البيانية - الخط المنكسر - الدائرة.

٤- البيانات التالية تعبر عن سكان بعض المدن (بالألاف)

	3	ج ا	ب	1	المدينة
14.	1	۸ı	٤٠	Y	عدد السكان

والمطلوب تمثيل هذه البيانات بإستخدام الأعمدة البيانية - الخط المنكسر - الدانرة.

السمسراجسع

- ٤-أحمد أبو العباس، محمد على العطروني: تدريس الرياضيات المماصرة بالمرحلة الإبتدائية، الكويت، دار القام ١٩٧٨.
- ٢-المشروع الريادى لتطوير تدريس الرياضيات، المجلة العربية للتربية، تونس،
 المجلد الخامس ، العدد الأول، مارس ١٩٨٥.
- الملكة العربية السعودية، وزارة المعارف الرياضيات للصف الأول والشانى
 والثالث :كتاب المعلم، بيروت، دار الكتاب اللبناني.
- المملكة العربية السعودية، وزارة المعارف: الأحصاء الوصفى. "كتاب الطالب"
 ١٩٨٩-١٤٠٩.
- م-جلال شوقى، على الدفاع: العلوم الرياضية فى الحضارة الإسلامية الجزء
 الأول، دار جون واينى وأينائه ١٩٩١
- ٣-روپرت موريس (مترجم) در اسات في تعليم وتعلم الرياضيات، ترجمة عبد انتاح الشرقاوي مطبوعات مكتب التربية العربي الدول الخليج ١٩٨٧.
- ٧- سعفي جابر المنوفي: تجريب تدريس يعض موضوعات الإحصاء الإستدلالى لدى طلاب الصف الثانى من المرحلة الابتدائية، مجلة كلية التربية جامعة المنونية العدد الثانى إمريل 1991.
- ٨-شنكري سبيد أحمد: أخطاء التلاميذ الشانمة في الكسور العشرية و الإعتبادية فـى منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية، رسالة الخليج العدد ٤٧ السنة ١٩٣٠.١٤
- ٩- عبد الله عبد الرحمن المقوشي، عبد العزيز حمد العزوز، محمد على الملق:
 طرق تدريس الرياضيات، الكتاب الثاني، العملكة العربية السعودية
 وزارة المعارف، الكليات المتوسطة ١٩٨١.
- ١٠ محمد فيالة: تدريس الهندسة في التعليم العام، المحلة العربية التربية، تونس المحدد الخامس، العدد الأول ١٩٨٥.
- ١١ نظلة حسن خضر: أصول تدريس الرياضيات، القاهرة، عالم الكتب ط٣
 ١٩٨٥.

- ١٣ نظلة حسن خضر: أصول تدريس الرياضيات، القاهرة، عالم الكتب ط٣
 ١٩٨٥.
 - ١٣ وليم عبيد: تطور مفهوم المهارات الأساسية ودور المدرسة الابتدائية،
- ۱۱ وليم عبيد، محمد المقتى، مسعد نوح: تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية "المستوى الرابع"، وزارة النتربية والتعليم ، برنامج التأهيل المتربوى
 ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۷ ۱۹۸۸ -
- 1 وليم عبيد، نظلة حمن خضر، ومعدوح محمد سنيمان: تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية، المعمنوى الثالث، وزارة التربية والتعليم، برنامج التأهيل التربوع، ١٩٨٧
- ٦٠- يعين حامد هندام، جابر عبد الحميد جابر: تدريس الحساب وأسسه النفسية والقربوية، القاهرة، دار المعارف ١٩٨٦.
- 17- Alan Wise & Carol Wise: Arithmetic H B J Publishers 1986.
 18- Brian Greer: Noncoservation of Multiplication and Division Involving Decimals. Journal for Research in Mathematics Education. Vol. 18, No. 1 January 1987.
- Cecil D. Mercer & Ann R. Mercer Teaching Students With learning Problems., Charles E. Merrill Pablishing Company 2nd Ed. 1985.
- 20- David J. Fuys ad Rosamond W. Tischler: Teaching Mathematics in the Elementary School. Little, Brown and Company 1979.
- 21- D Paling; "Teaching Mathematics in Primary Scholls" Oxford Universty Press 1982.
- 22- Deborah Loewenberg Ball: Prospective Elementary And Secondary Teacher's Under standing of Pivision. JRME Vol 21 No. 2 1990.
- 23- David S. Fielker: Strategies for Teaching Geometry to Younger Children, <u>Educational studies in</u> <u>Mathematics</u>, (10) 1979.
- 24- Deborah Schifter & Catherine Twomey Fosnot:
 Reconstructing Mathematics Education, Teachers
 College, Columbia University 1993.
- 25- Burger and J.M. Shaughmessy: Characterizing The Van Hiele levels of Development In Geometry: JRME Vol. 1 No. 1 1988.

- **26-** *Harvey Gerber:* Mathematic For Elementry School Teachers Saunders College Publishing 1982.
- 27- Grace M-Burton. et al: Mathematics Plus. H B J Harcourt Brace Jouandovich (H B J). Inc 1992.
- 28- Lioyd I. Richard son, Jr. et al: A Mathematics Activety Curriculum for Early Childhood and Special Education. Macmillan Publishing Co. Inc 1980.
- 29- Leonard M. Kennedy: Gulding Children To Mathematical Discovery, Wadsorth Publishing Company 1980.
- 30- Malcolm Graham: Modern Elementary Mathematics. 4 th ed. Harcourt Brace Joucenovich Publishers, 1984.
- 31- Max S. Bell & Karen C. Fuson Richard A Lesh: Algebraic And Arithmetic Structures, A Concerete Approach For Elementary School Teachers 1976.
- 32- Richard N. Aufmann & Vernon C. Baeker: Basic College Mathematics, An Applied Aproach third Edition. Houghton Mifflin Company 1987.
- 33- Susan J. Lamon: Ratio and Proportion: Connecting Content and children's Thinking, Journal for Research in Mathematics Education Vol. 24 No. 1 1991

